

نام درس: ریاضی ۱
نام دبیر: حسینی
تاریخ امتحان: ۸/۳/۱۴۰۲
 ساعت امتحان: ۰۰:۰۸ صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۴۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران منطقه دو تهران
دبیرستان غیردولتی پسرانه سرای دانش واحد سعادت آباد
آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تحصیلی ۱۴۰۲-۱۴۰۱

نام و نام فانوادگی:
مقطع و (شنده):
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: ۲ صفحه

ردیف	نمره به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد: نمره به حروف: نمره تجدید نظر به عدد:	محل مهر و امضاء مدیر
۱	۱	درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.	الف) دنباله $t_n = 2^n - 1$ هندسی است.	
		ب) به ازای $a > 0$ $\sqrt[5]{a^2} < \sqrt{-a}$ برقرار است.		
		ب) $(P(n,r))$ همواره از $C(n,r)$ بزرگ‌تر است.		
		ت) همه متغیرهای فیزیکی کمی گسسته هستند.		
۲	۲	جاهای خالی را با عبارت‌های درست پر کنید.	الف) اشتراک دو بازه $[1,5]$ و $(10,0]$ بازه است.	
		ب) با اضافه کردن مقدار به عبارت $x^2 - 2x$, آن را مربع کامل می‌کنیم.		
		پ) مقدار $\frac{\binom{9}{5}}{4!}$ برابر است.		
		ت) مرحله اول در علم آمار است.		
۰/۷۵	۳	بین دو عدد ۲۸ و ۱۰۰ یا زده عدد چنان اضافه می‌کنیم که سیزده عدد حاصل تشکیل یک دنباله حسابی با قدرنسبت منفی دهند. جمله عمومی دنباله را بیابید.		
۰/۷۵	۴	اگر روابط $\sin x$ و $\tan x$ برقرار باشد، انتهای x کمان در کدام ربع دایره مثلثاتی قرار می‌گیرد؟		
۰/۷۵	۵	انتهای کمان θ در ربع دوم دایره مثلثاتی است به طوری که $\sin \theta = \frac{2}{3}$ است. مقدار $\tan \theta$ را بیابید.		
۱/۲۵	۶	اگر $-1 = \sqrt[3]{\sqrt{2}+1} + \sqrt[3]{\sqrt{2}-1}$, مقدار عبارت $3x - x^3$ را بیابید.		
۱	۷	ضابطه سهمی مقابله را بیابید.		

۱		$\frac{2x-1}{x-1} < \frac{1}{x+1}$ نامعادله را حل کنید.	۸
۰/۵	با ذکر دلیل توضیح دهید که چرا «رابطه هر مادر با فرزندانش» الزاماً تابع نیست اما «رابطه هر مادر با تعداد فرزندانش» تابع است؟		۹
۱/۲۵	دامنه و برد تابع خطی f به ترتیب بازه‌های $[۱, ۲)$ و $(۰, ۴]$ است. ضابطه تابع و سپس مقدار $(۱)f$ را حساب کنید.		۱۰
۱/۲۵	نمودار تابع چندضابطه‌ای $f(x) = \begin{cases} 2 - x - 1 & ; 0 \leq x \leq 5 \\ -2 & ; x \geq 5 \end{cases}$ رارسم کنید.		۱۱
۰/۷۵	برای رسم نمودار تابع $x - x^2 = g(x)$ از روی نمودار تابع $f(x) = x^2$ چه ترتیب تبدیلاتی را باید انجام دهیم؟		۱۲
۱/۲۵	با ارقام $۱, ۲, ۴, ۵, ۸$ چند عدد چهار رقمی زوج بدون تکرار ارقام می‌توان نوشت؟		۱۳
۱	۶ جفت جوراب در اختیار داریم. ۴ لنگه از بین آن‌ها انتخاب می‌کنیم. در چند حالت فقط یک جفت جوراب انتخاب کرده‌ایم؟		۱۴
۱	گل فروشی در فروشگاه خود ۱۰ نوع گل مختلف دارد. او در هر دسته گل از ۳ تا ۵ شاخه گل متمایز قرار می‌دهد. او چند دسته گل مختلف می‌تواند درست کند؟		۱۵
۱	انواع متغیرهای زیر را معین کنید. الف) میزان بارندگی ب) شدت آلودگی هوا (زیاد، متوسط، کم) پ) نمره ریاضی دهم ت) گروه خونی افراد		۱۶
۱	اگر $P(A) = ۰/۴$ و $P(B) = ۰/۸$ ، کمترین مقدار $P(A \cap B)$ را محاسبه کنید.		۱۷
۱	یک تاس و یک سکه را می‌ریزیم. تعداد اعضای فضای نمونه‌ای این آزمایش را حساب کنید.		۱۸
۱/۵	در یک جعبه ۸ مهره قرمز، ۴ مهره آبی و ۴ مهره زرد قرار گرفته‌اند. به تصادف دو مهره از این جعبه خارج می‌کنیم، مطلوب است محاسبه احتمال اینکه الف) دو مهره همنگ باشند. ب) حداقل یکی از مهره‌ها قرمز باشد.		۱۹

صفحه ۲ از ۲

جمع بارم : ۵۰ نمره



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	الف) نادرست ب) نادرست پ) درست	ت) نادرست
۲	الف) [۰,۵] ب) $\frac{1}{8}$ پ) $\frac{27}{4}$	ت) جمع آوری داده‌ها و اعداد
۳	$d = \frac{28 - 100}{11 + 1} = -\frac{72}{12} = -6 \Rightarrow a_n = 100 - 6(n-1) = -6n + 106 ; 1 \leq n \leq 13$	
۴	پس انتهای کمان در ربع سوم دایره مثلثاتی قرار دارد.	$\frac{\sin x}{1 + \cos x} < 0 \xrightarrow{1 + \cos x > 0} \sin x < 0 \Rightarrow$ ربع‌های سوم و چهارم $\frac{1 - \sin x}{\tan x} > 0 \xrightarrow{1 - \sin x > 0} \tan x > 0 \Rightarrow$ ربع‌های اول و سوم
۵	$\sin \theta = \frac{2}{3} \Rightarrow 1 + \cot^2 \theta = \frac{1}{\sin^2 \theta} = \frac{9}{4} \Rightarrow \cot^2 \theta = \frac{5}{4} \Rightarrow \tan^2 \theta = \frac{4}{5} \Rightarrow \tan \theta = -\frac{2}{\sqrt{5}} = -\frac{2\sqrt{5}}{5}$	
۶	$x^3 = \sqrt[3]{2} + 1 + \sqrt[3]{2} - 1 + 2(\sqrt[3]{\sqrt[3]{2} + 1})(\sqrt[3]{\sqrt[3]{2} + 1})x \Rightarrow x^3 = 2\sqrt[3]{2} + 3x \Rightarrow x^3 - 3x = 2\sqrt[3]{2}$	
۷	با جای‌گذاری معادله دوم در معادله اول داریم: $x=3 \rightarrow 9a + 3b + 3 = 0 \Rightarrow 3a + b = -1 \quad (\text{I})$ $y_s = \frac{2a}{a} \rightarrow -\frac{b^2 - 12a}{4a} = \frac{2a}{a} \Rightarrow a = -2b^2 \quad (\text{II})$	
۸	$-6b^2 + b = -1 \Rightarrow 6b^2 - b - 1 = 0 \xrightarrow{b > 0} b = \frac{1}{2} \xrightarrow{(\text{II})} a = -\frac{1}{2}$ $\Rightarrow y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}x + 3$	$\frac{2x-1}{x-1} - \frac{1}{x+1} = \frac{(2x-1)(x+1)-(x-1)}{(x-1)(x+1)} = \frac{2x^2}{(x-1)(x+1)} < 0 \Rightarrow (x-1)(x+1) < 0 ; x \neq 0$ $\Rightarrow x \in (-1, 1) - \{0\}$
۹	ممکن است یک مادر چند فرزند داشته باشد، اما قطعاً تعداد فرزندان هر مادر عددی واحد است.	
۱۰	$(-1, 4), (2, 0) \in f \Rightarrow f(x) = -\frac{4}{3}x + \frac{8}{3} \Rightarrow f(1) = \frac{4}{3}$	
۱۱		

$$f(x) = 2\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 - \frac{1}{8}$$

پس تبدلات زیر لازم است:

۱) انتقال به راست به اندازه $\frac{1}{4}$ واحد

۲) ضرب عرض نقاط در ۲

۳) انتقال به پایین به اندازه $\frac{1}{8}$ واحد

رقم یکان صفر باشد

رقم یکان ۲، ۴ یا ۸ باشد

پس در مجموع ۲۰۴ عدد می‌توان ساخت.

$$\text{تعداد} = \binom{6}{1} \binom{5}{2} \binom{2}{1} \binom{2}{1} = 6 \times 10 \times 2 \times 2 = 240$$

$$\text{تعداد} = \binom{10}{2} + \binom{10}{4} + \binom{10}{5} = 120 + 210 + 252 = 582$$

ت) کیفی اسمی

ب) کمی گسسته

الف) کمی پیوسته

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = 1/2 - P(A \cap B) \leq 1 \Rightarrow P(A \cap B) \geq 0/2$$

$$n(S) = 6 \times 2 = 12$$

$$\text{الف} \quad P = \frac{\binom{8}{2} + \binom{4}{2} + \binom{4}{2}}{\binom{16}{2}} = \frac{28 + 6 + 6}{120} = \frac{40}{120} = \frac{1}{3}$$

$$\text{ب} \quad P = 1 - \frac{\binom{8}{2}}{\binom{16}{2}} = 1 - \frac{28}{120} = 1 - \frac{7}{30} = \frac{23}{30}$$

امضا:

نام و نام خانوادگی مصحح :

جمع بارم : ۱۰ نمره



اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



تمام پایه ها

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



همیشه رایگان

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد