

نام درس: آمار و احتمال-یازدهم  
 نام دبیر:  
 تاریخ امتحان: ۱۷/۱۰/۱۷  
 ساعت امتحان: ۸  
 مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

**بسمه تعالی**  
**اداره کل آموزش و پرورش خراسان رضوی**  
**دبیرستان دوره دوم بعثت**

نام و نام خانوادگی: .....  
 مقطع و رشته: یازدهم ریاضی  
 نام پدر: .....  
 شماره داوطلب: .....  
 تعداد صفحه سؤال: ۴ صفحه

محل مهر و امضاء مدیر	نمره به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد:	نمره به حروف:																									
	نام دبیر:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	تاریخ و امضاء:																									
ردیف	<b>سؤالات</b>			نمره																									
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.                      الف) <math>\{a,b\}</math> و <math>\{c,d,e\}</math> و <math>\{e\}</math>، یک افراز برای مجموعه <math>\{a,b,c,d,e\}</math> است.                      ب) اگر <math>A \subseteq \emptyset</math> باشد، آنگاه <math>A = \emptyset</math> است.                      پ) اگر <math>A \subseteq U</math> باشد، آنگاه <math>A = U</math> است.                      ت) اگر <math>A</math> یک مجموعه <math>n</math> عضوی باشد مجموعه <math>P(P(A))</math> دارای <math>2^{2^n}</math> عضو است.</p>			۱																									
۱/۵	<p>جدول ارزش گزاره های زیر را برای گزاره <math>p \Leftrightarrow (\sim p \Rightarrow q)</math> کامل کنید.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th><math>p</math></th> <th><math>q</math></th> <th><math>\sim p</math></th> <th><math>\sim p \Rightarrow q</math></th> <th><math>(\sim p \Rightarrow q) \Leftrightarrow p</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td> </td><td> </td><td> </td><td> </td><td> </td></tr> </tbody> </table>			$p$	$q$	$\sim p$	$\sim p \Rightarrow q$	$(\sim p \Rightarrow q) \Leftrightarrow p$																					۲
$p$	$q$	$\sim p$	$\sim p \Rightarrow q$	$(\sim p \Rightarrow q) \Leftrightarrow p$																									
۱/۵	<p>ارزش گزاره سوری روبرو را تعیین کنید و نقیض آن را بنویسید.  <math>\forall x \in \mathbb{R}; (x^2 + 1 \neq 0) \wedge ( x - 2  \geq 1)</math></p>			۳																									
۰/۷۵	<p>الف) نقیض گزاره "به ازای هر عدد طبیعی <math>n</math>، اگر <math>n</math> زوج باشد؛ آنگاه <math>n^2 + 1</math> فرد است" چیست؟                      ب) نشان دهید:</p>			۴																									
۱	$[(p \Rightarrow q) \wedge (p \Rightarrow \sim q)] \Leftrightarrow \sim p$																												

۱	<p>مجموعه <math>A = \{1, 2, 3, 4, 5\}</math> (الف) برای این مجموعه دو افراز متفاوت بنویسید.  (ب) این مجموعه چند افراز سه مجموعه ای دارد؟</p>	۵
۱/۵	<p>با کمک جبر مجموعه ها ثابت کنید:</p> <p>الف) <math>(A \cap B) - (A \cap C) = A \cap (B - C)</math></p> <p>ب) <math>(A \cup B) \cap (C - A)' = (B - C) \cup A</math></p>	۶
۰/۷۵	<p>ثابت کنید برای هر دو مجموعه دلخواه با مجموعه مرجع <math>U</math> داریم: <math>A \subseteq B \Leftrightarrow A \cap B = A</math></p>	۷
۱	<p>اگر <math>A = \{1, 4\}</math> و <math>B = \{x \in \mathbb{Z} \mid 2x^2 - 5x + 2 = 0\}</math> مجموعه <math>A \times B</math> را با نشان دادن اعضا مشخص کنید.</p>	۸
صفحه ۲ از ۴		

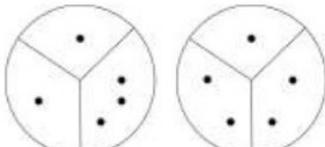
۱	اگر $A = [-1, 3]$ , $B = [1, +\infty)$ نمودارهای $A \times B$ و $A^c$ را رسم کنید.	۹
۱/۵	از مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 1000\}$ عددی به تصادف انتخاب میکنیم. احتمال اینکه بر ۴ بخشپذیر باشد اما بر ۷ بخشپذیر نباشد؟	۱۰
۱/۵	اگر $A, B$ دو پیشامد از فضای نمونه ای $S$ باشند و $P(A - B) = \frac{2}{3}$ , $P(A') = \frac{1}{4}$ باشند در این صورت $P(A' \cup B')$ را محاسبه کنید.	۱۱
۱	تاسی را پی در پی پرتاب میکنیم احتمال اینکه در حداکثر ۳ پرتاب به نتیجه برسیم تا برای اولین بار ۶ بیاید چقدر است؟	۱۲

۱/۵	<p>در یک تجربه تصادفی <math>S = \{a, b, c, d\}</math> و <math>P(d), P(c), P(b), P(a)</math> یک دنباله حسابی با قدر نسبت <math>\frac{1}{8}</math> درست کرده اند. احتمال وقوع <math>b</math> یا <math>c</math> چقدر است؟</p>	۱۳
۱	<p>در پرتاب دو تاس متمایز، دو پیشامد به شرح زیر تعریف می کنیم:</p> <p><math>A</math>: حاصل ضرب اعداد رو شده برابر ۶ باشد. <math>B</math>: یکی از اعداد رو شده ۳ و دیگری زوج باشد.</p> <p>احتمال اینکه حداقل یکی از این دو پیشامد رخ دهد چقدر است؟</p>	۱۴
۱/۵	<p>اگر احتمال پیروزی تیم <math>a</math> دو برابر احتمال پیروزی تیم <math>b</math> و احتمال پیروزی تیم <math>b</math> <math>\frac{1}{3}</math> احتمال پیروزی تیم <math>c</math> باشد احتمال برد هر یک را محاسبه کنید.</p>	۱۵

نام درس: آمار و احتمال-یازدهم  
 نام دبیر:  
 تاریخ امتحان: ۱۷/۱۰/۱۰  
 ساعت امتحان: ۸  
 مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

**بسمه تعالی**  
**اداره کل آموزش و پرورش خراسان رضوی**  
**دبیرستان دوره دوم بعثت**

نام و نام خانوادگی: .....  
 مقطع و رشته: یازدهم ریاضی  
 نام پدر: .....  
 شماره داوطلب: .....  
 تعداد صفحه سؤال: ۴ صفحه

ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر																									
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات</p> <p>الف) <math>\{a,b\}</math> و <math>\{c,d,e\}</math> و <math>\{e\}</math>، یک افراز برای مجموعه <math>\{a,b,c,d,e\}</math> است. <b>درست</b></p> <p>ب) اگر <math>A \subseteq \emptyset</math> باشد، آنگاه <math>A = \emptyset</math> است. <b>درست</b></p> <p>پ) اگر <math>A \subseteq U</math> باشد، آنگاه <math>A = U</math> است. <b>نادرست</b></p> <p>ت) اگر <math>A</math> یک مجموعه <math>n</math> عضوی باشد مجموعه <math>P(P(A))</math> دارای <math>2^{2^n}</math> عضو است. <b>درست</b></p>																										
۲	<p>جدول ارزش گزاره برای گزاره <math>p \Rightarrow (\sim p \Rightarrow q) \Leftrightarrow (\sim p \Rightarrow q)</math></p> <table border="1" style="margin: 10px auto; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th><math>p</math></th> <th><math>q</math></th> <th><math>\sim p</math></th> <th><math>\sim p \Rightarrow q</math></th> <th><math>(\sim p \Rightarrow q) \Leftrightarrow p</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center;">د</td> <td style="text-align: center;">د</td> <td style="text-align: center;">ن</td> <td style="text-align: center;">د</td> <td style="text-align: center;">د</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">د</td> <td style="text-align: center;">ن</td> <td style="text-align: center;">ن</td> <td style="text-align: center;">د</td> <td style="text-align: center;">د</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">ن</td> <td style="text-align: center;">د</td> <td style="text-align: center;">د</td> <td style="text-align: center;">د</td> <td style="text-align: center;">ن</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">ن</td> <td style="text-align: center;">ن</td> <td style="text-align: center;">د</td> <td style="text-align: center;">ن</td> <td style="text-align: center;">د</td> </tr> </tbody> </table>	$p$	$q$	$\sim p$	$\sim p \Rightarrow q$	$(\sim p \Rightarrow q) \Leftrightarrow p$	د	د	ن	د	د	د	ن	ن	د	د	ن	د	د	د	ن	ن	ن	د	ن	د	
$p$	$q$	$\sim p$	$\sim p \Rightarrow q$	$(\sim p \Rightarrow q) \Leftrightarrow p$																							
د	د	ن	د	د																							
د	ن	ن	د	د																							
ن	د	د	د	ن																							
ن	ن	د	ن	د																							
۳	<p>ارزش گزاره سوری روبرو و نقیض آن</p> <p><math>\forall x \in \mathbb{R}; (x^2 + 1 \neq 0) \wedge ( x - 2  \geq 1)</math> <b>نادرست</b></p> <p><math>\exists x \in \mathbb{R}; (x^2 + 1 = 0) \vee ( x - 2  &lt; 1)</math></p>																										
۴	<p>الف) نقیض گزاره "به ازای هر عدد طبیعی <math>n</math>، اگر <math>n</math> زوج باشد، آنگاه <math>n^2 + 1</math> فرد است" ؟</p> <p>نقیض گزاره های شرطی به این صورت است: <math>\square(p \Rightarrow q) \equiv p \wedge \square q</math></p> <p>پس: وجود دارد یک عدد طبیعی <math>n</math>، که <math>n</math> زوج است و <math>n^2 + 1</math> فرد نیست.</p> <p>(ب) نشان دهید:</p> $\begin{aligned} & [(p \Rightarrow q) \wedge (p \Rightarrow \square q)] \\ & \equiv (\square p \vee q) \wedge (\square p \vee \square q) \\ & \equiv \square p \vee (q \wedge \square q) \\ & \equiv \square p \vee (F) \\ & \equiv \square p \end{aligned}$																										
۵	<p>مجموعه <math>A = \{1, 2, 3, 4, 5\}</math></p> <p>الف) دو افراز متفاوت افراز ۱: <math>\{1\}, \{2\}, \{3, 4, 5\}</math>    افراز ۲: <math>\{1, 2\}, \{3, 4, 5\}</math></p> <p>ب) چند افراز سه مجموعه ای؟ <math>= 10 + 5 = 15</math></p> $\frac{\binom{5}{1} \binom{4}{1} \binom{3}{1}}{2!} + \frac{\binom{5}{2} \binom{3}{1} \binom{1}{1}}{2!} = 10 + 5 = 15$																										

$$\begin{aligned}
 & (A \cap B) - (A \cap C) \\
 &= (A \cap B) \cap (A' \cup C') \\
 \text{الف)} &= [(A \cap B) \cap A'] \cup [(A \cap B) \cap C'] \\
 &= [\emptyset] \cup [A \cap (B \cap C')] \\
 &= A \cap (B - C)
 \end{aligned}$$

جبر مجموعه ها

۶

$$\begin{aligned}
 & (A \cup B) \cap (C - A)' = (B - C) \cup A \\
 &= (A \cup B) \cap (C \cap A)' \\
 \text{ب)} &= (A \cup B) \cap (C' \cup A) \\
 &= A \cup (B - C) \\
 &= (B - C) \cup A
 \end{aligned}$$

حکم:  $A \subseteq B \Leftrightarrow A \cap B = A$

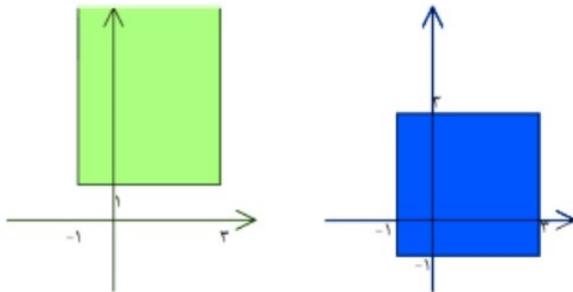
همواره میدانیم  $A \cap B \subseteq A$  اکنون کافی است ثابت کنیم:  $A \subseteq A \cap B$   
 میدانیم:  $A \subseteq A$  و  $A \subseteq B$  از طرفین اشتراک می گیریم:  $A \cap A \subseteq A \cap B$  پس:  $A \subseteq A \cap B$

۷

$A \times B = ?$  مجموعه  $B = \{x \in \mathbb{Z} \mid 2x^2 - 5x + 2 = 0\}$  و  $A = \{1, 4\}$   
 ابتدا اعضای مجموعه را مشخص می کنیم:  $B = \{x \in \mathbb{Z} \mid 2x^2 - 5x + 2 = 0\} = \{2\}$   
 $A \times B = \{(1, 2), (4, 2)\}$

۸

اگر  $A = [-1, 3]$  و  $B = [1, +\infty)$  نمودارهای  $A \times B$  و  $A'$  را رسم کنید.



۹

A بخش پذیری بر ۴ و B بخش پذیری بر ۷

$$\begin{aligned}
 P(A) &= \left[ \frac{1000}{4} \right] = 250, \quad P(A \cap B) = \left[ \frac{1000}{28} \right] = 35 \\
 P(A - B) &= P(A) - P(A \cap B) = \frac{250}{1000} - \frac{35}{1000} = \frac{215}{1000}
 \end{aligned}$$

۱۰

$$P(A') = \frac{1}{4} \rightarrow P(A) = \frac{3}{4}$$

$$P(A - B) = \frac{2}{3} \Rightarrow P(A) - P(A \cap B) = \frac{2}{3} \Rightarrow P(A \cap B) = \frac{1}{12}$$

$$P(A' \cup B') = 1 - P(A \cap B) = 1 - \frac{1}{12} = \frac{11}{12}$$

۱۱

بار سوم ۶ بیاید یا بار دوم ۶ بیاید یا همان بار اول ۶ بیاید

$$\frac{1}{6} + \frac{5}{6} \times \frac{1}{6} + \frac{5}{6} \times \frac{5}{6} \times \frac{1}{6}$$

۱۲

$$p(a), p(b) = p(a) + \frac{1}{8}, p(c) = p(a) + \frac{2}{8}, p(d) = p(a) + \frac{3}{8}$$

$$p(a) + p(b) + p(c) + p(d) = 1$$

$$p(a) + p(a) + \frac{1}{8} + p(a) + \frac{2}{8} + p(a) + \frac{3}{8} = 1$$

$$4p(a) + \frac{6}{8} = 1 \Rightarrow p(a) = \frac{1}{16}$$

$$p(\{b, c\}) = p(c) + p(b) = \frac{1}{4}$$

۱۳

$$A = \{(1, 6), (2, 3), (3, 2), (6, 1)\}$$

$$B = \{(3, 2), (3, 4), (3, 6), (2, 3), (4, 3), (6, 3)\}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{4}{36} + \frac{6}{36} - \frac{2}{36} = \frac{8}{36} = \frac{2}{9}$$

۱۴

$$p(a) = 2p(b), p(b) = \frac{1}{3}p(c)$$

$$p(a) + p(b) + p(c) = 1 \Rightarrow 2x + x + 3x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{6}$$

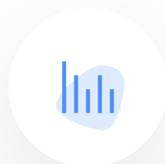
$$\left\{ \begin{array}{l} p(a) = 2 \times \frac{1}{6} = \frac{1}{3} \\ p(b) = \frac{1}{6} \\ p(c) = 3 \times \frac{1}{6} = \frac{1}{2} \end{array} \right.$$

۱۵



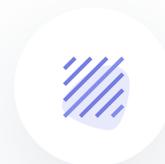
## اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



**تمام پایه ها**

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



**همیشه رایگان**

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد