

تعداد صفحات: ۵

اداره کل آموزش و پژوهش استان البرز
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه
مدیریت آموزش و پژوهش ناحیه چهار کرج
تاریخ امتحان: ساعت: ۱۴۰۲
دبيرستان فاطمیه
نوبت دوم - خرداد ماه ۱۴۰۲
شماره داوطلب:

نام درس: آمار و احتمال
پایه: یازدهم
رشته: ریاضی و فیزیک
نام و نام خانوادگی:
کلاس:

نام دبیر: دریانی

ردیف

بارم

تذکر: پاسخ سوالات را با استفاده از خودکار مشکی یا آبی در پاسخنامه بنویسید.

نمره با عدد:
نمره با حروف:
نمره تجدید نظر:
نام دبیر:
تاریخ و امضا:

جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.

۱

الف) عکس نقیض ترکیب شرطی $q \Rightarrow p$ برابر است باب) اگر $A \cap B = \emptyset$ باشد، گوییم A و B هستند.

ج) داده ای که بیشترین فراوانی را داشته باشد، نام دارد.

د) اگر یک روش نمونه گیری از نمونه گیری ایده آل فاصله بگیرد و به سمتی خاص انحراف پیدا کند می گویند آن روش نمونه گیری است.

۰,۵

۰,۵

۰,۵

۰,۵

گزینه‌ی مناسب را انتخاب کنید.

(۱) کدام یک از عبارات زیر صحیح است؟

$$\{ \emptyset \} \in \{\emptyset\} \quad \text{(د)} \quad \emptyset \notin \{\emptyset\} \quad \text{(ج)} \quad \emptyset \subseteq \{\emptyset\} \quad \text{(ب)} \quad \emptyset = \{\emptyset\} \quad \text{(الف)}$$

۰,۵

۰,۵

(۲) دو پیشامد A و B مستقل اند اگر و تنها اگر

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B) \quad \square \text{ (ب)} \quad P(A \cap B) = P(A) + P(B) \quad \square \text{ (الف)}$$

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(A|B) \quad \square \text{ (د)} \quad P(A \cap B) = P(A) / P(B) \quad \square \text{ (ج)}$$

(۳) کدام یک از موارد زیر در نمودار جعبه‌ای نشان داده نمی‌شود؟

$$\square \text{ (الف)} \text{ میانه} \quad \square \text{ (ب)} \text{ بیشترین داده} \quad \square \text{ (ج)} \text{ چارک اول} \quad \square \text{ (د)} \text{ میانگین}$$

(۴) نوعی نمونه گیری طبقه‌ای است که در آن اندازه طبقات باهم برابر است.

 (الف) نمونه گیری احتمالی (ب) نمونه گیری خوش‌ای (ج) نمونه گیری سامانمند (د) نمونه گیری ساده

عبارت‌های زیر را تعریف کنید.

(الف) افزار یک مجموعه:

۱

۱

۱

۱

ب) احتمال غیر هم شانس

ج) انحراف معیار داده‌ها

د) متغیر کیفی

۲

۳

تعداد صفحات: ۵

اداره کل آموزش و پرورش استان البرز
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه
مدیریت آموزش و پرورش ناحیه چهار کرج
تاریخ امتحان:
ساعت: ۱۴۰۲
دبيرستان فاطمیه
نوبت دوم - خرداد ماه
شماره داوطلب:

نام درس: آمار و احتمال
پایه: یازدهم
رشته: ریاضی و فیزیک
نام و نام خانوادگی:
کلاس:
نام دبیر: دریانی

تذکر: با سخنواره از خودکار مشکی یا آبی در پاسخنامه بنویسید.

ردیف بارم

۱	<p>جدول زیر را کامل کنید.</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th></th><th>$p \wedge q$</th><th>$p \Rightarrow q$</th><th>ارزش q</th><th>ارزش p</th><th>گزاره q</th><th>گزاره p</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>d</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table> <p>عدد ۲ زوج است.</p>		$p \wedge q$	$p \Rightarrow q$	ارزش q	ارزش p	گزاره q	گزاره p	d							۴
	$p \wedge q$	$p \Rightarrow q$	ارزش q	ارزش p	گزاره q	گزاره p										
d																
۰,۵	ثابت کنید برای سه مجموعه A , B و C از مجموعه مرجع U داریم: $A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$	۵														
۰,۵	عبارت زیر را ساده کنید. $[(A \cup B) - A] \cup (A \cap B)$	۶														
۱	در پرتاب یک تاس، احتمال مشاهدهٔ هر عدد، متناسب با همان عدد است. اگر این تاس را به هوا پرتاب کنیم، احتمال اینکه عدد مشاهده شده، کمتر از ۴ باشد را تعیین کنید.	۷														
۱	در کيسه ای ۱ گوی سبز، ۳ گوی سفید و ۲ گوی قرمز است. از کيسه دو گوی به ترتیب و بدون جای گذاری خارج می‌کنیم. احتمال اینکه گوی اول سبز و گوی دوم سفید باشد، چقدر است؟	۸														
۱	دو ظرف داریم. در اولی ۴ مهره سبز و ۳ مهره قرمز و در دومی ۳ مهره سبز و ۵ مهره قرمز وجود دارد. از ظرف اول یک مهره به طور تصادفی بر می‌داریم و بدون مشاهده آن را به ظرف دوم منتقل می‌کنیم. اکنون یک مهره از ظرف دوم بیرون می‌آوریم؛ با چه احتمالی این مهره سبز است؟	۹														
۱	یک سکه و دو تاس به طور همزمان پرتاب می‌شوند. احتمال اینکه سکه، رو و هردو تاس عدد ۶ را نشان دهند، چقدر است؟	۱۰														

تعداد صفحات: ۵

اداره کل آموزش و پرورش استان البرز
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه
مدیریت آموزش و پرورش ناحیه چهار کرج
تاریخ امتحان:
ساعت: ۱۴۰۲
دبيرستان فاطمیه
نوبت دوم - خرداد ماه
شماره داوطلب:

نام درس: آمار و احتمال
پایه: یازدهم
رشته: ریاضی و فیزیک
نام و نام خانوادگی:
کلاس:
نام دبیر: دریانی

ردیف تذکر: پاسخ سوالات را با استفاده از خودکار مشکی یا آبی در پاسخنامه بنویسید.

بارم

۰,۵	اگر فراوانی نسبی مربوط به گروه خونی O، ۰,۴ باشد و مجموع فراوانی های همه گروه های خونی برابر ۲۰ در نظر گرفته شود. فراوانی گروه خونی O چه عددی است؟	۱۱
۱	تعداد حمله های یک تیم فوتبال در شش مسابقه گذشته به صورت ۴۳، ۴۴، ۴۵، ۴۲، ۴۵ باشد. میانگین تعداد حملات این تیم در شش بازی گذشته را به دست آورید؟ میانه ای این داده ها چه عددی است؟	۱۲
۱,۵	فرض کنید ۲۲ بوته گل قرمز را انتخاب و تعداد گل های هر بوته را شمرده ایم و نتایج زیر به دست آمده است: ۲، ۱، ۵، ۵، ۲، ۲، ۲، ۳، ۱، ۱، ۲، ۴، ۷، ۱، ۴، ۶، ۸، ۳، ۴، ۷ نمودار جعبه ای را برای این داده هارسم کنید.	۱۳
۱	اگر ضریب تغییرات ۱۰ داده ۲ باشد و میانگین آن ۴، واریانس داده ها به دست آورید.	۱۴
۱	کدام روش گردآوری داده ها برای موارد زیر مناسب است؟ یک دلیل برای انتخاب خود ذکر کنید. الف) میزان رضایت مشتریان بانک از نحوه برخورد و رسیدگی به درخواست های آنها. ب) تعداد سرنشینان خودروهای سواری در یکی از محور های خروجی شهر.	۱۵
۰,۵	طول فاصله اطمینان، برابر تفاضل حد بالا و پایین بازه اطمینان است. الف) اگر در فرمول بازه اطمینان اندازه نمونه افزایش یابد، طول فاصله اطمینان می یابد. چرا؟	۱۶
۰,۵	ب) اگر در فرمول بازه اطمینان انحراف معیار جامعه افزایش یابد، طول فاصله اطمینان می یابد. چرا؟	
	موفق باشید	

تعداد صفحات: ۵

اداره کل آموزش و پرورش استان البرز
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه
مدیریت آموزش و پرورش ناحیه چهار کرج
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲
ساعت: نوبت دوم - خرداد ماه
شماره داوطلب:

نام درس: آمار و احتمال
پایه: یازدهم
رشته: ریاضی و فیزیک
نام و نام خانوادگی:
کلاس:
نام دبیر: دریانی

ردیف: تذکر: با سخنواره از خودکار مشکی یا آبی در پاسخنامه بنویسید.

بارم



۱

جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.

الف) عکس نقیض ترکیب شرطی $q \Rightarrow p$ برابر است با $\sim q \Rightarrow \sim p$.

ب) اگر $A \cap B = \emptyset$ باشد، گوییم A و B **ناسازگار** هستند.

ج) داده ای که بیشترین فراوانی را داشته باشد، **مد** یا **نما** نام دارد.

د) اگر یک روش نمونه گیری از نمونه گیری ایده آل فاصله بگیرد و به سمتی خاص انحراف پیدا کند می گویند آن روش نمونه گیری **اریب** است.

۲

گزینه‌ی مناسب را انتخاب کنید.

۱) کدام یک از عبارات زیر صحیح است؟ **گزینه ب**

$$\{\emptyset\} \in \{\emptyset\}$$

$$\emptyset \notin \{\emptyset\}$$

$$\emptyset \subseteq \{\emptyset\}$$

$$\emptyset = \{\emptyset\}$$

۳

۲) دو پیشامد A و B مستقل اند اگر و تنها اگر

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$$

$$\square \text{ الف) } P(A \cap B) = P(A) + P(B)$$

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(A|B)$$

$$\square \text{ ج) } P(A \cap B) = P(A) / P(B)$$

۳) کدام یک از موارد زیر در نمودار جعبه ای نشان داده نمی‌شود؟

الف) میانه \square **ب) بیشترین داده** \square **ج) چارک اول** \square **د) میانگین**

۴) نوعی نمونه گیری طبقه‌ای است که در آن اندازه طبقات باهم برابر است.

الف) نمونه گیری احتمالی \square **ب) نمونه گیری خوشی** \square **ج) نمونه گیری سامانمند** \square **د) نمونه گیری ساده**

۴

عبارت‌های زیر را تعریف کنید.

الف) افزار یک مجموعه: فرض کنیم $\emptyset \neq A_1, \dots, A_n$ زیر مجموعه‌های آن باشند. مجموعه‌ی

I) $\forall 1 \leq i \leq n; A_i \neq \emptyset$

II) $\forall i, j (i \neq j; A_i \cap A_j = \emptyset)$

III) $A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_n = \bigcup_{i=1}^n A_i = A$

۵) زیر مجموعه افزار شده است هر گاه سه شرط زیر برقرار باشند:

۱

۱

ب) احتمال غیر هم شانس: هرگاه حداقل دو پیشامد ساده از فضای نمونه ای $\{s_1, s_2, \dots, s_n\}$ احتمال

نابرابر داشته باشند، S را فضای نمونه ای با احتمال غیر هم شانس می گوییم.

۱

ج) انحراف معیار داده‌ها: اگر n داده از جامعه به صورت x_1, x_2, \dots, x_n داشته باشیم، انحراف آنها را با نماد σ

نشان می دهیم که به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2}{n}}$$

۱

د) متغیر کیفی: متغیری است که صرفاً برای دسته بندی افراد یا اشیا در گروه‌ها به کار می رود و لزوماً مقدار

عددی نمی گیرد.

تعداد صفحات: ۵

اداره کل آموزش و پرورش استان البرز
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه
مدیریت آموزش و پرورش ناحیه چهار کرج
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲
ساعت: نوبت دوم - خرداد ماه
شماره داوطلب:

نام درس: آمار و احتمال
پایه: یازدهم
رشته: ریاضی و فیزیک
نام و نام خانوادگی:
کلاس:
نام دبیر: دریانی

تذکر: با سخنواره از خودکار مشکی یا آبی در پاسخنامه بنویسید.

ردیف

بارم

۱	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <th>$(p \wedge q)$</th> <th>$(p \Rightarrow q)$</th> <th>q</th> <th>p</th> <th>q'</th> <th>p'</th> </tr> <tr> <td>d</td> <td>d</td> <td>d</td> <td>d</td> <td>d</td> <td>d</td> </tr> <tr> <td>d</td> <td>d</td> <td>d</td> <td>d</td> <td>d'</td> <td>d'</td> </tr> </table> <p> عدد ۲ زوج است.</p>	$(p \wedge q)$	$(p \Rightarrow q)$	q	p	q'	p'	d	d	d	d	d	d	d	d	d	d	d'	d'	۴
$(p \wedge q)$	$(p \Rightarrow q)$	q	p	q'	p'															
d	d	d	d	d	d															
d	d	d	d	d'	d'															
۰.۵	<p> ثابت کنید برای سه مجموعه دلخواه A, B و C از مجموعه مرجع U داریم:</p> $A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$ <div style="border: 1px solid red; padding: 10px; width: fit-content; margin-left: auto; margin-right: auto;"> $\begin{aligned} A \cup (B \cup C) &= \{x \in U \mid \dots \vee x \in (B \cup C)\} && \text{تعريف اجتماع} \\ &= \{x \in U \mid x \in A \vee (x \in B \vee \dots)\} && \text{تعريف اجتماع} \\ &= \{x \in U \mid (\dots \vee x \in B) \vee x \in C\} && \text{شرکت پذیری } (\vee) \\ &= \{x \in U \mid x \in (\dots) \vee x \in C\} && \text{تعريف اجتماع} \\ &= (A \cup B) \cup C && \text{تعريف اجتماع} \end{aligned}$ </div>	۵																		
۰.۵	$\begin{aligned} [(A \cup B) - A] \cup (A \cap B) &= [(A \cup B) \cap A'] \cup (A \cap B) \\ &= [(A \cap A') \cup (B \cap A')] \cup (A \cap B) \\ &= (B \cap A') \cup (A \cap B) = B \cap (A' \cup A) = B \end{aligned}$	۶																		
۱	<p>در پرتاب یک تاس، احتمال مشاهده هر عدد، متناسب با همان عدد است. اگر این تاس را به هوا پرتاب کنیم، احتمال اینکه عدد مشاهده شده، کمتر از ۴ باشد را تعیین کنید.</p> $\begin{aligned} P(1) &= x, P(2) = 2x, P(3) = 3x, P(4) = 4x, P(5) = 5x, P(6) = 6x \\ \Rightarrow x + 2x + 3x + 4x + 5x + 6x &= 1 \Rightarrow x = \frac{1}{21} \\ \Rightarrow P(\{1, 2, 3\}) &= P(1) + P(2) + P(3) = x + 2x + 3x = 6x = \frac{6}{21} = \frac{2}{7} \end{aligned}$	۷																		
۱	<p>در کیسه ای ۱ گوی سبز، ۳ گوی سفید و ۲ گوی قرمز است. از کیسه دو گوی به ترتیب و بدون جای گذاری خارج می کنیم. احتمال اینکه گوی اول سبز و گوی دوم سفید باشد، چقدر است؟ پیشامد سبز بودن گوی اول را A و پیشامد سفید بودن گوی دوم را B می نامیم. در این صورت، آنچه خواسته شده $P(A \cap B)$ است. با توجه به قانون ضرب احتمال باید $P(A)$ و $P(B A)$ را به دست آوریم. در ابتدا ۶ گوی در کیسه است که یکی از آنها سبز است. پس $P(A) = 1/6$. برای محاسبه $P(B A)$ توجه کنید که بعد از خارج کردن گوی اول، با این شرط که آن گوی سبز باشد، ۵ گوی در کیسه مانده که ۳ تا از آنها سفید است، درنتیجه $P(B A) = 3/5$. پس $P(A \cap B) = 1/6 \times 3/5 = 3/30 = 1/10$.</p>	۸																		
۱	<p>دو ظرف داریم. در اولی ۴ مهره سبز و ۳ مهره قرمز و در دومی ۳ مهره سبز و ۵ مهره قرمز وجود دارد. از ظرف اول یک مهره به طور تصادفی بر می داریم و بدون مشاهده آن را به ظرف دوم منتقل می کنیم. اکنون یک مهره از ظرف دوم بیرون می آوریم؛ با چه احتمالی این مهره سبز است؟ پیشامد اینکه مهره برداشته شده از ظرف اول سبز باشد را با $G1$, قرمز بودن آن را با $R1$, پیشامد سبز بودن مهره برداشته شده از ظرف دوم را با $G2$ و قرمز بودن آن را با $R2$ نمایش می دهیم. پس داریم:</p> $P = \frac{4}{7} \times \frac{3}{9} + \frac{3}{7} \times \frac{3}{9} = \frac{25}{63}$	۹																		
۱	<p>یک سکه و دو تاس به طور همزمان پرتاب می شوند. احتمال اینکه سکه، رو و هردو تاس عدد ۶ را نشان دهند، چقدر است؟ پیشامد رو بودن سکه را با A و پیشامد ۶ آمدن هر دو تاس را با B نمایش می دهیم. واضح است که این دو پیشامد مستقل از یکدیگرند، پس احتمال رخدادن هر دو با هم برابر است با: $P(A) = 1/2$ و $P(B) = 1/36$. پس $P(A \cap B) = P(A) \times P(B) = 1/2 \times 1/36 = 1/72$</p>	۱۰																		

تعداد صفحات: ۵

اداره کل آموزش و پرورش استان البرز
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه
مدیریت آموزش و پرورش ناحیه چهار کرج
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲
ساعت: ۱۴:۰۰ - خرداد ماه
شماره داوطلب:

نام درس: آمار و احتمال
پایه: یازدهم
رشته: ریاضی و فیزیک
نام و نام خانوادگی:
کلاس:
نام دبیر: دریانی

ردیف: ۱ بارم: تذکر: با سخنواره از خودکار مشکی یا آبی در پاسخنامه بنویسید.

۰,۵	<p>اگر فراوانی نسبی مربوط به گروه خونی O، ۰,۴ باشد و مجموع فراوانی های همه گروه های خونی برابر ۲۰ در نظر گرفته شود. فراوانی گروه خونی O چه عددی است؟ $FO = \frac{4}{20} = 0.04$ و $FO / 20 = 4.0$ پس داریم ۸</p>	۱۱
۱	<p>تعداد حمله های یک تیم فوتبال در شش مسابقه گذشته به صورت ۴۳، ۴۴، ۴۵، ۴۲، ۴۵، ۴۸ باشد. میانگین تعداد حملات این تیم در شش بازی گذشته را به دست آورید؟ میانه این داده ها چه عددی است؟</p> $\bar{x} = \frac{48 + 45 + 44 + 45 + 42 + 43}{6} = \frac{267}{6} = 44.5$ <p>برای بدست آوردن میانه اول داده ها را مرتب می کنیم. ۴۲، ۴۳، ۴۴، ۴۵، ۴۵، ۴۸. چون تعداد داده ها زوج است، میانه برابر است با میانگین دو عدد وسط: $\frac{44+45}{2} = 44.5$</p>	۱۲
۱,۵	<p>فرض کنید ۲۲ بوته گل قرمز را انتخاب و تعداد گل های هر بوته را شمرده ایم و نتایج زیر به دست آمده است:</p> <p>۲، ۱، ۵، ۵، ۲، ۲، ۲، ۳، ۱، ۱، ۱، ۲، ۴، ۷، ۱، ۴، ۶، ۸، ۳، ۴، ۷</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px;"> $\min = 1, Q_1 = 2, Q_3 = \frac{7+7}{2} = 7/2 = 3.5, Q_3 = 5, \max = 8$ </div>	۱۳
۱	<p>اگر ضریب تغییرات ۱۰ داده ۲ باشد و میانگین آن ۴، واریانس داده ها را به دست آورید.</p> $CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} \rightarrow 2 = \frac{\sigma}{4} \rightarrow \sigma = 8 \rightarrow \sigma^2 = 64$	۱۴
۱	<p>کدام روش گردآوری داده ها برای موارد زیر مناسب است؟ یک دلیل برای انتخاب خود ذکر کنید.</p> <p>الف) میزان رضایت مشتریان بانک از نحوه برخورد و رسیدگی به درخواست های آنها. صاحبہ، متغیر رضایت مندی تنها با مصاحبه قابل اندازه گیری است.</p> <p>ب) تعداد سرنشینان خودروهای سواری در یکی از محور های خروجی شهر. مشاهده، برای جمع آوری این داده نیازی به نظر سرنشین خودرو نداریم.</p>	۱۵
۰,۵	<p>طول فاصله اطمینان، برابر تفاضل حد بالا و پایین بازه اطمینان است.</p> <p>الف) اگر در فرمول بازه اطمینان اندازه نمونه افزایش یابد، طول فاصله اطمینان کاهش می یابد. چرا؟ زیرا دقت برآورد افزایش می یابد.</p>	۱۶
۰,۵	<p>ب) اگر در فرمول بازه اطمینان انحراف معیار جامعه افزایش یابد، طول فاصله اطمینان افزایش می یابد. چرا؟ زیرا دقت برآورد کاهش می یابد.</p>	
	موفق باشید	



اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



تمام پایه ها

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



همیشه رایگان

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد