



مرکز ملی پرورش استعداد های درخشان و دانش پژوهان جوان

دبیرستان استعداد های درخشان هاشمی نژاد ۲

سال تحصیلی ۱۴۰۲ - ۱۴۰۱	اداره کل آموزش و پرورش خراسان رضوی		نام و نام خانوادگی :
تاریخ آزمون : ۰۱ / ۰۳ / ۱۴۰۲	اداره آموزش و پرورش ناحیه سه مشهد		
ساعت شروع : ..... صبح	نام دبیر : ربابی	کلاس : ۱۱۵۱	پایه و رشته : یازدهم ریاضی
فرصت پاسخ : ۱۱۰ دقیقه	تعداد سئوالات : ۱۶	تعداد صفحات : ۴ صفحه	
			نام درس : <b>آمار و احتمال</b>

بارم	سوالات (صفحه اول)	ردیف																				
۱/۵	<p>جاهای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید :</p> <p>الف ( گزاره سوری « <math>\exists x \in \mathbb{N} ; 3x^2 + 5x + 2 = 0</math> » دارای ارزش ..... است .</p> <p>ب ( اگر <math>A</math> و <math>B</math> دو پیشامد مستقل و <math>P(A) = 0/4</math> و <math>P(B) = 0/2</math> باشند ، <math>P(A \cup B) = \dots\dots</math> ،</p> <p>پ ( اگر ۳ برابر میانگین داده ها را به تمام آن ها اضافه کنیم، ضریب تغییرات ..... برابر می شود .</p> <p>ت ( اگر اندازه نمونه را ۹ برابر کنیم ، انحراف معیار بر آورد میانگین ..... برابر می شود .</p>	۱																				
۱	<p>درست یا نادرست بودن هر یک از موارد زیر را تعیین کنید .</p> <p>الف ( نقیض گزاره <math>p \Leftrightarrow q</math> گزاره <math>\sim p \Leftrightarrow \sim q</math> است .</p> <p>ب ( اگر <math>A = \emptyset</math> باشد آن گاه <math>A \times B = \emptyset</math> )</p> <p>پ ( اگر مقدار ثابت مثبتی را به تمام داده ها اضافه کنیم ، ضریب تغییرات آنها افزایش می یابد .</p> <p>ت ( فرایند نتیجه گیری درباره پارامترها ی جامعه براساس نمونه ، آمار استنباطی است .</p>	۲																				
۱	<p>به کمک جدول ارزشها ( یا منطق گزاره ها ) ثابت کنید :</p> $p \wedge (p \vee q) \equiv p$ <table border="1" style="margin-left: 20px;"> <thead> <tr> <th><math>p</math></th> <th><math>q</math></th> <th><math>p \vee q</math></th> <th><math>p \wedge (p \vee q)</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td> </td><td> </td><td> </td><td> </td></tr> </tbody> </table>	$p$	$q$	$p \vee q$	$p \wedge (p \vee q)$																	۳
$p$	$q$	$p \vee q$	$p \wedge (p \vee q)$																			
۰/۵	<p>نقیض گزاره زیر را بنویسید :</p> <p>« ۳ عددی اول است و <math>\pi</math> عددی گنگ است »</p> <p>نقیض :</p>	۴																				

صفحه دوم

۱	<p>ارزش گزاره سوری زیر را تعیین کرده ، نقیض آن را بنویسید :</p> $\forall a, b \in \mathbb{Z} ; a > b \Rightarrow a^2 > b^2$ <p>نقیض :</p>	۵
۱	<p>باکمک قوانین مجموعه ها (جبر مجموعه ها) ثابت کنید :</p> $A - (B \cap C) = (A - B) \cup (A - C)$	۶
۱/۲۵	<p>اگر فضای نمونه و <math>S = \{a, b, c, d\}</math> و <math>p(a) = 4p(b) = 8p(c) = 2p(d)</math> باشد ؛ مقدار <math>p(b)</math> را بیابید .</p>	۷
۱	<p>تاسی را دو بار پرتاب کرده ایم . اگر بدانیم مجموع دو عدد رو شده ۹ است ، احتمال اینکه حداقل یک بار عدد ۶ آمده باشد ؛ چقدر است؟</p>	۸
۰/۷۵	<p>در جعبه ای ۳ مهره آبی و ۴ مهره قرمز داریم . به تصادف و بطور متوالی ، سه مهره را بدون جای گذاری خارج می کنیم . محاسبه کنید احتمال آن که مهره اول قرمز و مهره سوم آبی باشد .</p>	۹

۱۰ ظرف  $A$  دارای ۴ مهره قرمز و ۲ مهره آبی و ظرف  $B$  شامل ۳ مهره قرمز و ۳ مهره آبی است . یک ظرف را به تصادف انتخاب و مهره ای از آن بر می داریم .

۱/۵

الف ) احتمال آن که این مهره آبی باشد ، چقدر است ؟ ( رسم نمودار درختی ، الزامی است )

۰/۵

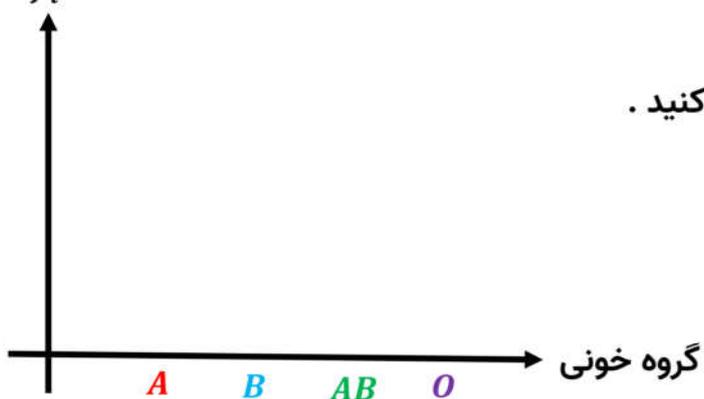
ب ) اگر بدانیم مهره خارج شده آبی است ، احتمال آن که این مهره از ظرف  $B$  باشد را بیابید .

۱۱ جدول فراوانی گروه خونی ۸۰ دانش آموز بصورت زیر است :

گروه خونی	$A$	$B$	$AB$	$O$
فراوانی نسبی	$x$	۰/۳	۰/۲	۰/۱

الف ) چند نفر از آنها گروه خونی  $A$  دارند ؟

۱/۵

 $f_i$ 

ب ) نمودار میله ای را برای این داده ها رسم کنید .

۱۲ میانگین نمرات ۵ درس دانش آموزی ۱۷ و میانگین نمرات ۷ درس دیگر او ۱۸ می باشد . میانگین کلی نمرات او را محاسبه کنید .

۱/۵

صفحه چهارم

۱/۵	<p>۱۳ میانه و چارکهای اول و سوم را برای داده های زیر تعیین کنید :</p> <p>۲ ، ۷ ، ۶ ، ۷ ، ۱۱ ، ۲۰ ، ۸ ، ۲۵ ، ۴۰ ، ۱۳</p>	۱۳
۱/۵	<p>۱۴ ضریب تغییرات را برای داده های زیر محاسبه کنید :</p> <p>۳ ، ۵ ، ۷ ، ۹ ، ۱۱</p>	۱۴
۱/۵	<p>۱۵ انواع نمونه گیریهای احتمالی را نام برده ، یک مورد را به اختصار توضیح دهید .</p>	۱۵
۱/۵	<p>۱۶ مراجعه کنندگان به بخش قلب یک بیمارستان دارای فشار خون با انحراف معیار ۸ میلی متر جیوه هستند . در یک نمونه ۶۴ تایی میانگین فشار خون ۱۳ میلی متر جیوه بدست آمده است . فاصله ای بدست آورید که با اطمینان ۹۵ % میانگین واقعی فشارخون را در بر داشته باشد .</p>	۱۶
<p>موفق باشید</p>		

- ۱- الف) نادرست    ب) ۰.۵۲    پ) ۱ (بله)    ت)  $\frac{1}{3}$
- ۲- الف) نادرست    ب) درست    پ) نادرست    ت) درست

راه حل اول

جدول ارزش ها

$$P \wedge (P \vee q) \equiv P$$

P	q	$P \vee q$	$P \wedge (P \vee q)$
T	T	T	T
T	F	T	T
F	T	T	F
F	F	F	F

همه ارزش های راست

۲- راه حل دوم

منطق گزاره ها

$$P \wedge (P \vee q) \equiv (P \wedge P) \vee (P \wedge q)$$

$$\equiv P \vee (P \wedge q) \equiv P$$

طبق خاصیت جذب

۳- عددی اول است و ۲ عددی نل است  $\equiv P \wedge q$

تعیین  $\leftarrow$

۳ عدد اول است یا ۲ عددی نل است.

به زبان نوشتاری

۴- تعیین گزاره های سری:

$\sim (\forall x; P(x)) \equiv \exists x; \sim P(x)$

تعیین  $\leftarrow$   $\forall a, b \in \mathbb{Z}: a > b \Rightarrow a^2 > b^2$

$\boxed{\exists a, b \in \mathbb{Z}: (a > b) \wedge (a^2 \leq b^2)}$

$$A - (B \cap C) = (A - B) \cup (A - C)$$

طریق قوی است

$$A - (B \cap C) = A \cap (B \cap C)' = A \cap (B' \cup C') = (A \cap B') \cup (A \cap C')$$

توزیع نری

$$= (A - B) \cup (A - C) \Rightarrow \text{به طرف دوم بسطیم و در طرف اول بسط می دهیم}$$

$$S = \{a, b, c, d\}, P(a) = \frac{1}{5}, P(b) = \frac{1}{10}, P(c) = \frac{1}{10}, P(d) = \frac{1}{5}$$

$$P(a) + P(b) + P(c) + P(d) = 1 \Rightarrow P(a) + \frac{P(a)}{5} + \frac{P(a)}{10} + \frac{P(a)}{5} = 1$$

$$\Rightarrow \frac{P(a) + 2P(a) + 1P(a) + 2P(a)}{10} = 1 \Rightarrow 10P(a) = 10 \Rightarrow P(a) = \frac{1}{10}$$

$$\Rightarrow P(b) = \frac{P(a)}{5} = \frac{1}{50}$$

$$S = \{(1,1), (1,2), (1,3), \dots, (4,4)\} \rightarrow \text{۳۶ حالت}$$

-۸  
۱  
۲  
۳  
۴  
۵  
۶  
۷  
۸  
۹  
۱۰  
۱۱  
۱۲  
۱۳  
۱۴  
۱۵  
۱۶  
۱۷  
۱۸  
۱۹  
۲۰  
۲۱  
۲۲  
۲۳  
۲۴  
۲۵  
۲۶  
۲۷  
۲۸  
۲۹  
۳۰  
۳۱  
۳۲  
۳۳  
۳۴  
۳۵  
۳۶

$$A = \{(2,2), (2,3), (3,2), (3,3)\}$$

۱  
۲  
۳  
۴  
۵  
۶  
۷  
۸  
۹  
۱۰  
۱۱  
۱۲  
۱۳  
۱۴  
۱۵  
۱۶  
۱۷  
۱۸  
۱۹  
۲۰  
۲۱  
۲۲  
۲۳  
۲۴  
۲۵  
۲۶  
۲۷  
۲۸  
۲۹  
۳۰  
۳۱  
۳۲  
۳۳  
۳۴  
۳۵  
۳۶

$$P(\text{مجموع ۲ عدد اول ۱۹ شده}) = \frac{2}{36} = \frac{1}{18}$$

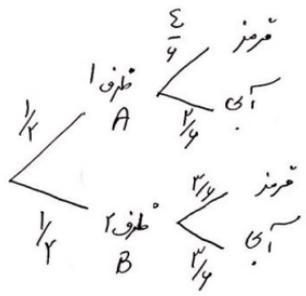
۹- جدول آماری آبی و ۵ مهره قرمز.

احتمال تمام  
 $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B|A)$

مهره اول قرمز

$P(A \cap B) = P(\text{سبز آبی} \cap \text{دوم آبی} \cap \text{اول قرمز}) + P(\text{سبز آبی} \cap \text{دوم آبی} \cap \text{اول سبز})$

$= \frac{2}{7} \times \frac{3}{6} \times \frac{1}{8} + \frac{2}{7} \times \frac{3}{6} \times \frac{1}{8} = \boxed{\frac{2}{7}}$



۱۰- الف)  $P(\text{آبی}) = P(\text{قرمز} | \text{آبی}) + P(\text{قرمز} | \text{قرمز})$

$= \frac{1}{4} \times \frac{1}{6} + \frac{1}{4} \times \frac{3}{6} = \boxed{\frac{8}{12}}$

از  $P(\text{آبی} | \text{قرمز}) = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{3}{6}}{\frac{8}{12}} = \boxed{\frac{3}{8}}$   
 قانون بیز

ب)

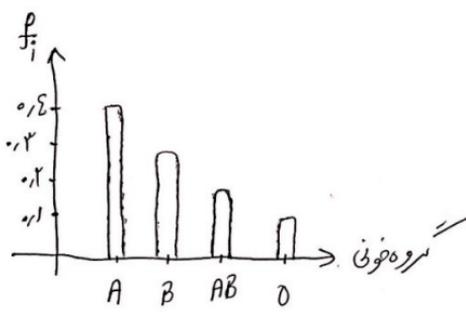
گروه خونی	A	B	AB	O
گروهی سبزی	۰.۲	۰.۳	۰.۲	۰.۱

۱۱- تعداد کل افراد ۱۰ نفر

جمع گروهی سبزی:  $1 = 0.2 + 0.3 + 0.2 + 0.1 \Rightarrow x = 0.8$

افراد دارای گروه خونی A:  $x \times 10 = 0.8 \times 10 = \boxed{8}$

الف)



١٢ - میانگین نمرات ٥ درس : ١٧  
 میانگین نمرات ٧ درس : ١٨

$$\left. \begin{array}{l} \text{جمع نمرات ٥ درس} \cdot \text{تعداد دروس} = \text{میانگین} \\ \text{جمع نمرات ٧ درس} = \text{تعداد دروس} \cdot \text{میانگین} \end{array} \right\} \rightarrow \begin{array}{l} ١٧ \times ٥ = ٨٥ \text{ (جمع نمرات ٥ درس)} \\ ١٨ \times ٧ = ١٢٦ \text{ (جمع نمرات ٧ درس)} \end{array}$$

$$\text{میانگین} = \frac{\text{جمع نمرات}}{\text{تعداد دروس}} = \frac{١٢٦ + ٨٥}{٥ + ٧} = \frac{١٢٦ + ٨٥}{١٢} = \boxed{\frac{٢١١}{١٢} \approx ١٧,٥٨}$$

١٣ - جداول به ترتیب درجاً :

٢ / ٦ / ٧ / ٧ / ٨ / ١١ / ١٣ / ٢٠ / ٢٥ / ٤٠

میانگین ٢ دوره ، میانگین ٢ دوره ،  $\frac{١١ + ٨}{٢} = ٩,٥$

→ ٢ / ٦ / ٧ / ٧ / ٨ / ١١ / ١٣ / ٢٠ / ٢٥ / ٤٠  
 میانگین  
 میانگین  
 میانگین

انحراف معیار =  $C.V. = \frac{\sigma}{\alpha}$  (میانگین)

ضریب تغییرات =  $C.V. = \frac{\sigma}{\alpha}$

$$\sigma = \sqrt{\frac{(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2}{n}}$$

رها: 3, 5, 7, 9, 11

$$\alpha = \frac{3 + 5 + 7 + 9 + 11}{5} = 7$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{(3-7)^2 + (5-7)^2 + (7-7)^2 + (9-7)^2 + (11-7)^2}{5}} = \sqrt{\frac{14 + 8 + 0 + 8 + 14}{5}} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

C.V. =  $\frac{2\sqrt{2}}{7}$

1 - نمونه گیری طبقه ای  
 2 - نمونه گیری ساده  
 3 - نمونه گیری سرسخت

1 - نمونه گیری طبقه ای ساده  
 2 - نمونه گیری خوشه ای

نمونه گیری تصادفی ساده: روشی از نمونه گیری است که در آن همه واحدهای آماری برای انتخاب شانس برابر در نمونه احتمال پیدا دارند.

میانگین =  $\bar{x}$  ، انحراف معیار =  $\sigma$

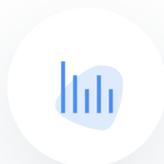
بازه اطمینان:  $\left[ \bar{x} - \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right]$

بازه اطمینان:  $\left[ 11 - \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}}, 11 + \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{5}} \right] = [11, 15]$



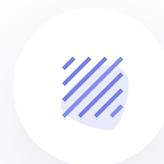
## اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



**تمام پایه ها**

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



**همیشه رایگان**

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد