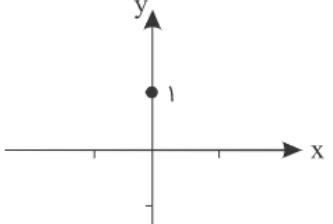


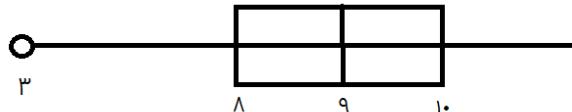
نام خانوادگی:	بسمه تعالی	رشته: ریاضی و فیزیک
نام دبیر: آقای حسینی	اداره کل آموزش و پرورش استان البرز	نام درس: آمار و احتمال
پایه: یازدهم	مدیریت آموزش و پرورش شهرستان / ناحیه ۲ کرج	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۳/۲۹
	آزمون پایان ترم دوم	مدت آزمون: ۹۰ دقیقه
ردیف	سوالات	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی جملات زیر را تعیین کنید :</p> <p>الف: ۳ عددی اول است، اگر و تنها اگر تهران پایتخت ایران باشد.</p> <p>ب: دو پیشامد A و B از یکدیگر مستقل هستند؛ هر گاه با هم رخ ندهند.</p> <p>پ: برای تفسیر اطلاعات آماری بهتر است به جای میانه و مُذ از میانگین استفاده شود.</p> <p>ت: برآورد بازه‌ای همان بازه‌ی اطمینان پارامتر جامعه است.</p>	
۲	<p>در هو قسمت جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید :</p> <p>الف : جملاتی که تا امروز صحت آن‌ها اثبات نشده، ولی مثال نقضی نیز برای رد آن‌ها وجود ندارد ؟ می‌نامیم.</p> <p>ب : احتمال وقوع پیشامد A به شرطی که بدانیم پیشامد B رخ داده است را بصورت نشان می‌دهیم.</p> <p>پ: اگر همه‌ی داده‌های آماری را در عدد ثابتی ضرب کنیم؛ انحراف معیار می‌شود.</p> <p>ت: فرآیند نتیجه‌گیری درباره‌ی پارامترهای جامعه بر اساس نمونه را می‌نامند.</p>	
۳	<p>مجموعه‌ی $A = \{a, b, c, d, e, f\}$ را در نظر گرفته و به سوالات زیر پاسخ دهید :</p> <p>الف : این مجموعه چند زیر مجموعه‌ی ۴ عضوی دارد؟</p> <p>ب : آیا $\{a, b\}$، $\{c\}$، $\{e, f\}$ یک افزار برای این مجموعه به حساب می‌آید؟ چرا؟</p>	۱

۱/۵	<p>اگر $\{1\} = A$ و $B = \{x \in \mathbb{Z} \mid x^2 = x\}$ را مشخص کنید و نمودار آن را در صفحه مختصات رسم نمایید :</p>	۴
۱	<p>ارزش گزاره‌ی $[\sim(p \Rightarrow q) \vee p] \Leftrightarrow p$ را با روش دلخواه (بدون جدول یا با جدول) تعیین کنید :</p>	۵
۰/۵	<p>ارزش گزاره‌ی سوری زیر را مشخص کرده و نقیض آن را بنویسید :</p> $\exists x \in \mathbb{R}, x \geq 2$	۶
۱	<p>عددی به تصادف از بین اعداد $\{1, 2, 3, \dots, 150\}$ انتخاب می‌کنیم. با کدام احتمال بر ۳ بخش‌پذیر است اما بر ۵ بخش‌پذیر نیست؟</p>	۷
۱	<p>یک تاس به گونه‌ای ساخته شده است که احتمال وقوع هر عدد کوچکتر از ۴ ، سه برابر احتمال وقوع هر عدد بزرگتر یا مساوی ۴ است. اگر در یک پرتاب این تاس A پیشامد وقوع عددی زوج باشد؛ $P(A)$ را بیابید :</p>	۸
۱	<p>احتمال آن که مانا و ترنم در کنکور رتبه‌ی سه رقمی بیاورند به ترتیب برابر با ۶۰ و ۷۵ درصد است. احتمال آن که حداقل یکی از این دو نفر در کنکور رتبه‌ی سه رقمی بیاورند چقدر است؟</p>	۹

۲	<p>در یک گلدان ۶ گل رز صورتی و ۸ گل رز آبی وجود دارد. از این گلدان به تصادف یک گل خارج کرده و به جای آن یک گل رز صورتی در گلدان قرار می‌دهیم و دوباره یک گل از گلدان برمی‌داریم. اگر این گل رز آبی باشد، احتمال آن که گل اولی که از گلدان خارج کردہ‌ایم نیز آبی بوده باشد چقدر است؟</p>	۱۰														
۱	<p>یک تاس را ۲۰۰ بار پرتاب می‌کنیم؛ درصد رو شدن اعداد تاس مطابق با جدول زیر است. زاویه‌ی مربوط به نمودار دایره‌ای برای عدد ۶ را بیابید :</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>عدد تاس</th><th>۱</th><th>۲</th><th>۳</th><th>۴</th><th>۵</th><th>۶</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>درصد رو شدن</td><td>۲۰</td><td>۱۵</td><td>۳۰</td><td>۵</td><td>۱۷</td><td>x</td></tr> </tbody> </table>	عدد تاس	۱	۲	۳	۴	۵	۶	درصد رو شدن	۲۰	۱۵	۳۰	۵	۱۷	x	۱۱
عدد تاس	۱	۲	۳	۴	۵	۶										
درصد رو شدن	۲۰	۱۵	۳۰	۵	۱۷	x										
۱/۵	<p>برای داده‌های آماری "۹ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۲ - ۱۵ - ۱۰ - ۹ - ۸ - ۱۰ - ۳ - ۸ - ۱۰ - ۱۲ - ۱۵ - ۱۰ - ۹" مطلوبست :</p> <p>الف: تعیین مُد</p> <p>ب : تعیین میانه</p> <p>پ: تعیین دامنه‌ی میان چارکی</p> <p>ت : رسم نمودار جعبه‌ای</p>	۱۲														
۲	<p>واریانس ؛ انحراف معیار و ضریب تغییرات داده‌های "۱۶ - ۱۰ - ۸ - ۱۲ - ۹" را بدست آورید :</p>	۱۳														

۱	اگر میانگین ۱۰ داده‌ی آماری برابر با ۱۵ و مجموع ۹ داده‌ی اول از آن‌ها ۱۳۲ باشد؛ دهمین داده را بیابید:	۱۴
۰/۷۵	<p>جامعه‌ای متشکل از ۱۰۰ عضو داریم و می‌خواهیم نمونه‌ای به اندازه‌ی ۲۰ از آن انتخاب کنیم. نام روش نمونه‌گیری که در هر قسمت مورد استفاده قرار گرفته است را بنویسید:</p> <p>الف: جامعه را به ۴ دسته‌ی ۲۵ تایی تقسیم می‌کنیم و از هر دسته ۵ نفر به طور تصادفی انتخاب می‌کنیم.</p> <p>ب : جامعه را به ۴ دسته‌ی ۲۵ تایی تقسیم می‌کنیم و از هر دسته نفرات با شماره‌های $1 + 5k$ را انتخاب می‌کنیم.</p> <p>پ : جامعه را به ۱۰ دسته‌ی ۱۰ تایی تقسیم می‌کنیم و دو دسته را به طور کامل انتخاب می‌کنیم.</p> <p>الف: ب : پ :</p>	۱۵
۱	در یک مطالعه، انحراف معیار برآورد میانگین نمونه‌ها از ۰/۰۲ انحراف معیار جامعه کمتر است. حداقل اندازه‌ی نمونه‌ها چقدر است؟	۱۶
۰/۷۵	<p>یک شرکت تولید کنسرو می‌خواهد میانگین وزن قوطی‌های کنسرو خود را بررسی کند. بنابراین از بین تولیدات روزانه هر روز ۱۰۰ قوطی را انتخاب کرده و مورد بررسی قرار می‌دهد. در این بررسی آماری موارد خواسته شده را مشخص کنید :</p> <p> واحد آماری : آماره : پارامتر :</p>	۱۷
۱	جامعه‌ای دارای ۶ داده به صورت ۸ ، ۷ ، ۵ ، ۳ ، ۲ ، ۱ است. احتمال آن‌که با انتخاب یک نمونه‌ی سه تایی میانگین جامعه برابر با ۵ برآورد شود چقدر است؟	۱۸
۲۰	بادبادک تا با باد مخالف رو به رو نشود؛ اوج نمی‌گیرد "موفق باشید"	جمع بارم

نام :	بسمه تعالی	رشته: ریاضی و فیزیک
نام خانوادگی:	اداره کل آموزش و پرورش استان البرز	نام درس: آمار و احتمال
نام دبیر: آقای حسینی	مدیریت آموزش و پرورش شهرستان / ناحیه ۲ کرج	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۳/۲۹
پایه: یازدهم	دیبرستان پژوهندگان علم	مدت آزمون: ۹۰ دقیقه
ردیف	راهنمای تصحیح	بارم
۱	درستی یا نادرستی جملات زیر را تعیین کنید : (هر مورد ۰/۲۵)	
۱	الف: درست ب: نادرست پ: نادرست ت: درست	
۲	الف : حدس ب: $P(A B)$ پ: در همان عدد ضرب ت: آمار استنباطی	در هر قسمت جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید : (هر مورد ۰/۲۵)
۳	الف : ۱۵ $\binom{۶}{۴} = ۱۵$	ب: خیر - عضو d در هیچکدام از افزارها نیست. (۰/۵)
۴	$B = \{(0,1)\}$ (۰/۲۵) $A^c = \{(1,1)\}$ (۰/۲۵) $B \times A = \{(0,1), (1,1)\}$ (۰/۲۵) $B \times A - A^c = \{(0,1)\}$ (۰/۲۵)	
۵		رسم نمودار (۰/۵) نمره
۶	ارزش این گزاره‌ی سوری درست است. مثلا به ازای $x = ۳$ $ x < ۲$ (۰/۲۵)	$p \Leftrightarrow [\sim(p \Rightarrow q) \vee p] \equiv p \Leftrightarrow [\sim(\sim p \vee q) \vee p] \equiv p \Leftrightarrow [(p \wedge \sim q) \vee p] \equiv p \Leftrightarrow p \equiv T$ (۰/۲۵)
۷		نقیض گزاره: $\forall x : x < ۲$ (۰/۲۵)
۸		$P(A - B) = P(A) - P(A \cap B)$ (۰/۲۵) $A = \left[\frac{۱۵}{۳} \right] = ۵$ (۰/۲۵) $A \cap B = \left[\frac{۱۵}{۱۵} \right] = ۱$ (۰/۲۵) $P(A - B) = \frac{۵}{۱۵} - \frac{۱}{۱۵} = \frac{۴}{۱۵}$ (۰/۲۵)
۹		$P(۱) = P(۲) = P(۳) = ۳x$ (۰/۲۵) $P(۴) = P(۵) = P(۶) = x$ (۰/۲۵) $P(۱) + P(۲) + P(۳) + P(۴) + P(۵) + P(۶) = ۱ \rightarrow x = \frac{۱}{۱۲}$ (۰/۲۵) $P(A) = P(۲) + P(۴) + P(۶) \rightarrow P(A) = \frac{۶}{۱۲}$ (۰/۲۵)

۱	$P(A \cap B) = P(A) \times P(B) = \frac{۶}{۱۰} \times \frac{۷۵}{۱۰۰} = \frac{۴۵}{۱۰۰}$ $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{۶}{۱۰} + \frac{۷۵}{۱۰۰} - \frac{۴۵}{۱۰۰} = \frac{۹}{۱۰}$	۹
۲	$P(A) = \frac{\frac{۱}{۱۴} \times \frac{۷}{۱۴}}{\frac{۷}{۱۴} \times \frac{۱}{۱۴} + \frac{۱}{۱۴} \times \frac{۶}{۱۴}} = \frac{۵۶}{۱۰۴} = \frac{۷}{۱۳}$ <p style="text-align: right;">✓ رسم نمودار درختی نیز روش صحیح بوده و شامل نمره می‌شود.</p>	۱۰
۱	$۲۰ + ۱۵ + ۳۰ + ۵ + ۱۷ + x = ۱۰۰ \rightarrow x = ۱۳$ (۰/۵) $\theta = \frac{۱۳}{۱۰۰} \times ۳۶۰ = ۴۶.8^\circ$ (۰/۵)	۱۱
۱/۵	$(۰/۲۵) ۳ - ۵ - ۸ - ۸ - ۹ - ۹ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۰ - ۱۲ - ۱۵ - ۱۵ : کنیم$ الف: $(۰/۲۵) ۱۰$ ب: $(۰/۲۵) ۹$ پ: $(۰/۲۵) IQR = Q_۳ - Q_۱ = ۱۰ - ۸ = ۲$ $(۰/۵)$  ت	۱۲
۲	$\bar{x} = \frac{۹ + ۱۲ + ۸ + ۱۰ + ۱۶}{۵} = ۱۱$ $\sigma^2 = \frac{(۹ - ۱۱)^۲ + (۱۲ - ۱۱)^۲ + (۸ - ۱۱)^۲ + (۱۰ - ۱۱)^۲ + (۱۶ - ۱۱)^۲}{۵} = ۸$ $\sigma = \sqrt{۸}$ $CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{\sqrt{۸}}{۱۱}$ (هر عملیات ۵ نمره)	۱۳
۱	$\bar{x} = \frac{x_۱ + x_۲ + \dots + x_{۱۰}}{۱۰} \rightarrow x_۱ + x_۲ + \dots + x_۹ + x_{۱۰} = ۱۵۰$ (۰/۷۵) $x_{۱۰} = ۱۵۰ - ۱۳۲ = ۱۸$ (۰/۲۵)	۱۴
۰/۷۵	الف: نمونه‌گیری طبقه‌ای (۰/۲۵) ب: نمونه‌گیری سیستماتیک (۰/۲۵) پ: نمونه‌گیری خوش‌های (۰/۲۵)	۱۵
۱	$\sigma_{\bar{x}} < \frac{۲}{۱۰۰} \sigma \rightarrow \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < \frac{۲}{۱۰۰} \sigma \rightarrow \sqrt{n} > ۵۰ \rightarrow n > ۲۵۰۰$	۱۶
۰/۷۵	واحد آماری: هر قوطی کنسرو (۰/۲۵) آماره: میانگین وزن قوطی‌های کنسرو در نمونه انتخابی (۰/۲۵) پارامتر: میانگین وزن قوطی‌های کنسرو در کل محصولات تولید شده (۰/۲۵)	۱۷

	$n(s) = \binom{5}{3} = ٢٠$ (٣/٢٥)	
١	$A = \{\{٣,٥,٧\}, \{٢,٥,٨\}\} \rightarrow n(A) = ٢$ (٣/٦)	
	$P(A) = \frac{٢}{٢٠} = \frac{١}{١٠}$ (٣/٢٥)	

٢٠ جمع بارم

بادبادک تا با باد مخالف روبه رو نشود؛ اوج نمی گیرد "موفق باشید"



اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



تمام پایه ها

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



همیشه رایگان

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد