

تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۷

با اسمه تعالی

نام و نام خانوادگی:

مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۳ تبریز

پایه و رشته: یازدهم ریاضی

تعداد سوالات: ۱۴

دبيرستان غیر دولتی برهان (دوره دوم)

دبیر مربوطه: وفایی

نام آزمون: هندسه ۲

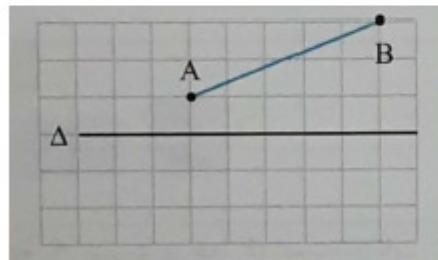


ردیف	سوالات	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.</p> <p>الف) زاویه‌ای که رأس آن بر مرکز دایره واقع باشد را زاویه ظلی می‌نامند.</p> <p>ب) چندضلعی را محاطی می‌گوییم اگر و فقط اگر دایره‌ای باشد که از همه رئوس آن بگذرد.</p> <p>ج) اگر فاصله خط از مرکز دایره از شعاع بزرگتر باشد خط و دایره دو نقطه مشترک دارند.</p> <p>د) در حالت کلی بازتاب شبیب خط را حفظ نمی‌کند.</p>	۱
۲	<p>جاهاي خالي را با عبارات مناسب پر کنيد.</p> <p>الف) يك چندضلعی ..... است اگر و تنها اگر همه نيمسازهای زاویه‌های آن در يك نقطه هم‌رس باشند.</p> <p>ب) يك چندضلعی محدب را ..... می‌نامند هرگاه تمام ضلعهای آن هم اندازه و تمام زاویه‌های آن نیز هم اندازه باشند.</p> <p>ج) تبدیل‌هایی که طول پاره‌خط را حفظ می‌کنند ..... نامیده می‌شود.</p> <p>د) پاره‌خطی که يك سر آن مرکز دایره و سر دیگر آن نقطه‌ای روی دایره باشد را ..... می‌نامند.</p>	۱
۳	<p>در شکل زیر مقادیر <math>x</math> و <math>y</math> را بیابید.</p>	۱/۵
۴	<p>در شکل مقابل <math>AB</math> قطری از دایره است و وترهای <math>BD</math> و <math>AC</math> موازی‌اند. ثابت کنید <math>AC = BD</math>.</p>	۱/۵

۱/۵	<p>در دایره <math>C(O,R)</math> وتر <math>AB</math>، وتر <math>CD</math> به طول ۹ سانتی متر را به نسبت ۱ به ۲ تقسیم کرده است. اگر <math>AB=11\text{ cm}</math> آنگاه وتر <math>CD</math> را به چه نسبتی قطع کرده است.</p>	۵
۱/۵	<p>طول شعاع‌های دو دایره متخارج را بدست آورید که طول مماس مشترک خارجی آن‌ها <math>4\sqrt{3}</math> و مماس مشترک داخلی <math>\sqrt{13}</math> و خط‌المرکزین آنها ۷ واحد است.</p>	۶
۱/۵	<p>اگر در یک <math>n</math> ضلعی محیطی با مساحت <math>S</math> و محیط <math>2p</math> شعاع دایره محاطی برابر <math>r</math> باشد، نشان دهید <math>S=rp</math></p>	۷
۲	<p>یک ذوزنقه هم محیطی است و هم محاطی. ثابت کنید مساحت این ذوزنقه برابر است با میانگین حسابی قاعده آن ضرب در میانگین هندسی آنها.</p>	۸
۱/۵	<p>اگر <math>h_a</math> و <math>h_b</math> و <math>h_c</math> اندازه‌های سه ارتفاع یک مثلث باشند و <math>r</math> شعاع دایره محاطی داخلی باشد نشان دهید:</p> $\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{r}$	۹
۱/۵	<p>در شکل‌های زیر مقدار <math>z</math> را بیابید.</p> <p>(الف)</p> <p>(ب)</p>	۱۰
۱/۵	<p>نشان دهید در هر تبدیل طولپا، اندازه زاویه حفظ می‌شود.</p>	۱۱
۱	<p>در شکل زیر ثابت کنید انتقال طولپاست.</p>	۱۲

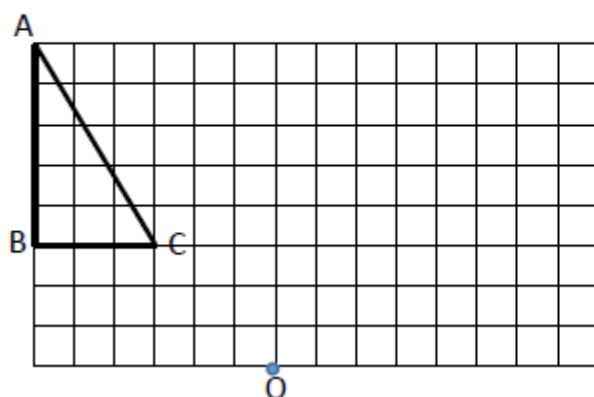
۱/۵

- ابتدا پاره خط  $AB$  را نسبت به خط  $\Delta$  بازتاب داده، سپس به سوالات زیر پاسخ دهید:
- الف) آیا تبدیل بازتاب، موقعیت پاره خط  $AB$  را تغییر می‌دهد؟
- آیا اندازه پاره خط  $AB$  را تغییر می‌دهد؟
- ب) آیا تبدیل بازتاب شیب هر پاره خط را حفظ می‌کند؟
- تبدیل بازتاب در چه حالتی شیب پاره خط را حفظ می‌کند؟



۱/۵

- می خواهیم مثلث  $ABC$  را حول مرکز  $O$  و زاویه  $90^\circ$  درجه در جهت حرکت عقربه های ساعت دوران می‌دهیم. دوران یافته مثلث  $ABC$  را رسم کنید.



۱۳

۱۴

تاریخ امتحان: ۱۰ / ۰۷ / ۱۴۰۲

مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

تعداد سوالات: ۱۴

نام آزمون: هندسه ۲

بسمه تعالیٰ

ریزپارم

دبيرستان غیر دولتی برهان (دوره دوم) - ناحیه ۳ تبریز

نام و نام خانوادگی:

پایه و رشته: یازدهم ریاضی

دبیر مربوطه: وفائی



ردیف	سوالات	بارم
۱	الف) نادرست ب) درست ج) نادرست د) درست (هر مورد ۲۵٪ نمره)	۱
۲	الف) محیطی ب) منتظم ج) طولپا د) شعاع (هر مورد ۲۵٪ نمره)	۱
۳	$\begin{cases} ۲۲ = \frac{x-y}{۲} \quad (\cdot / ۲۵) \\ ۸۴ = \frac{x+y}{۲} \quad (\cdot / ۲۵) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-y=۴۴ \\ x+y=۱۶۸ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} ۲x=۲۱۲ \\ x=۱۰۶ \end{cases} \quad (\cdot / ۲۵)$ $x=۱۰۶ \quad (\cdot / ۲۵)$ $y=۱۶۸-۱۰۶=۶۲ \quad (\cdot / ۲۵)$	۱/۵
۴	$AC \parallel BD \Rightarrow AC = BC \quad \text{فرض} \quad (\cdot / ۲۵)$ $ACB = ADB = ۱۸^\circ \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow ACB - BC = ADB - BC \quad (\cdot / ۲۵)$ $AC \parallel BD \Rightarrow BC = AD \quad (\cdot / ۲۵)$ $\Rightarrow ACB - BC = ADB - AD \Rightarrow AC = BD \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow AC = BD \quad (\cdot / ۲۵)$	۱/۵
۵	$\frac{DM}{MC} = \frac{1}{۲} \Rightarrow \frac{DM}{DC} = \frac{1}{۳} \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow \frac{DM}{9} = \frac{1}{۳} \Rightarrow \begin{cases} DM = ۲ \quad (\cdot / ۲۵) \\ MC = ۹ \quad (\cdot / ۲۵) \end{cases}$ $DM \cdot MC = AM \cdot MD \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow ۲ \times ۹ = x(11-x) \Rightarrow x^2 - 11x + 18 = 0$ $(x-9)(x-2) = 0 \Rightarrow x = 9, x = 2$ <p>اما <math>x = 9</math> قابل قبول نیست زیرا <math>AM &lt; MB</math> پایه این <math>x = 2</math> در نتیجه</p> $AM = 2 \Rightarrow MB = 11-2=9 \Rightarrow \frac{AM}{MB} = \frac{2}{9} \quad (\cdot / ۲۵)$	۱/۵
۶	$\begin{cases} \sqrt{۱۳} = \sqrt{۴۹ - (R-R')^2} \quad (\cdot / ۲۵) \\ \sqrt{۱۳} = \sqrt{۴۹ - (R+R')^2} \quad (\cdot / ۲۵) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} ۱۳ = ۴۹ - (R-R')^2 \quad (\cdot / ۲۵) \\ ۱۳ = ۴۹ - (R+R')^2 \quad (\cdot / ۲۵) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (R-R')^2 = ۳۶ \\ (R+R')^2 = ۳۶ \end{cases}$ $\Rightarrow \begin{cases} R-R'=6 \\ R+R'=6 \end{cases} \Rightarrow ۲R=12 \Rightarrow R=6 \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow R'=6-6=0 \quad (\cdot / ۲۵)$	۱/۵

کافی است مساحت  $n$  مثلث را محاسبه و با هم جمع کنیم (۰/۲۵)

۱/۵

۷

$$S = \frac{1}{2}r\overline{A_1A_2} + \frac{1}{2}r\overline{A_2A_3} + \dots + \frac{1}{2}r\overline{A_{n-1}A_n} \quad (\cdot / ۲۵)$$

$$= \frac{1}{2}r(\overline{A_1A_2} + \overline{A_2A_3} + \dots + \overline{A_{n-1}A_n}) \quad (\cdot / ۲۵)$$

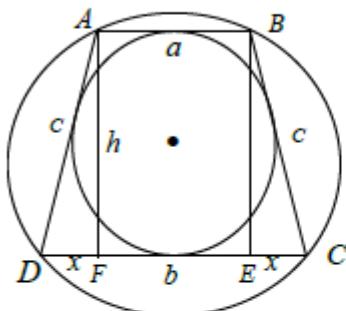
$$= \frac{1}{2}r \times ۲p \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow S = rp \quad (\cdot / ۲۵)$$

۲

۸

چون ذوزنقه  $ABCD$  محاطی است پس متساوی الساقین است (۰.۲۵) و چون محیطی است

مجموع دو ضلع مقابل با مجموع دو ضلع مقابل دیگر برابر است (۰.۲۵) در نتیجه



$\angle ADF$  قائم الزاویه است

$$\angle c = a + b \Rightarrow c = \frac{a+b}{2}, \quad b = a + 2x \Rightarrow x = \frac{b-a}{2} \quad (\cdot . ۲۵)$$

$$h^2 = c^2 - x^2 \quad (\cdot . ۲۵) \Rightarrow h^2 = \left(\frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$$

$$\Rightarrow h^2 = \frac{ab}{4} \Rightarrow h = \sqrt{ab} \quad (\cdot . ۲۵)$$

$$S = \frac{1}{2}(a+b) \times h \quad (\cdot . ۲۵) \Rightarrow S = \frac{1}{2}(a+b) \times \sqrt{ab} \quad (\cdot . ۲۵)$$

۱/۶

۹

$$S = \frac{1}{2}ah_a \Rightarrow h_a = \frac{2S}{a} \quad (\cdot / ۲۵) \quad S = \frac{1}{2}ah_b \Rightarrow h_b = \frac{2S}{b} \quad (\cdot / ۲۵) \quad S = \frac{1}{2}ah_c \Rightarrow h_c = \frac{2S}{c} \quad (\cdot / ۲۵)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} \quad (\cdot / ۲۵)$$

$$= \frac{a+b+c}{2S} = \frac{p}{2S} \quad (\cdot / ۲۵)$$

$$= \frac{p}{S} = \frac{1}{r} \quad (\cdot / ۲۵)$$

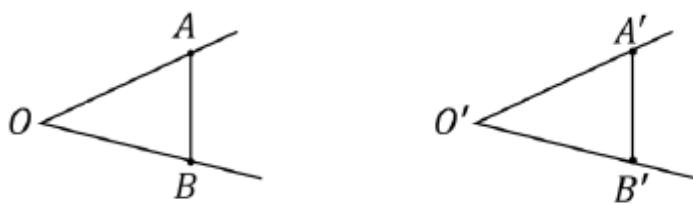
۱/۷

۱۰

$$\lambda(z + \lambda) = ۶ \times ۱۶ \quad (\cdot / ۵) \Rightarrow z = ۴ \quad (\cdot / ۲۵) \quad \text{(الف)}$$

$$z^2 = ۴ \times ۹ \quad (\cdot / ۵) \Rightarrow z = ۶ \quad (\cdot / ۲۵) \quad \text{(ب)}$$

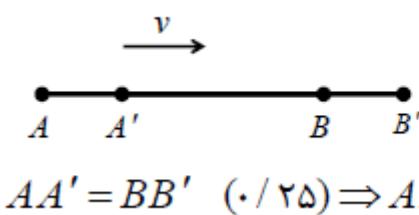
۱/۵



$$\begin{cases} T(A) = A' & (0/25) \\ T(O) = O' & (0/25) \\ T(B) = B' & (0/25) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} AB = A'B' \\ OA = O'A' & (0/25) \\ OB = O'B' \end{cases}$$

لذا دو مثلث  $O^{\triangle}A^{\triangle}B'$  و  $O^{\triangle}A^{\triangle}B$  بنابر حالت تساوی سه ضلع همنهشت هستند (۰/۲۵)  
ولذا  $A\hat{O}B = A'\hat{O}'B'$  (۰/۲۵)

۱



$$AB = AA' + A'B \quad (0/25)$$

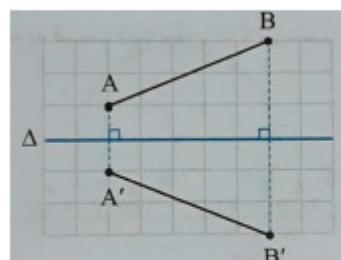
$$A'B' = A'B + BB' \quad (0/25)$$

طبق تعريف انتقال

$$AA' = BB' \quad (0/25) \Rightarrow AB = A'B' \quad (0/25)$$

۱/۵

الف) تبدیل بازتاب موقعیت پاره خط  $AB$  را تغییر می دهد، (۰/۲۵)



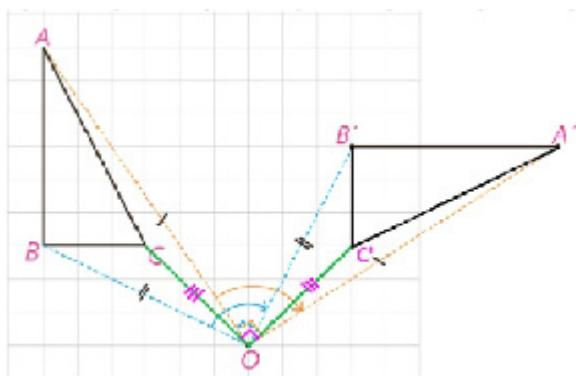
برای بارتاب هر کدام از نقاط (۰/۲۵)

۱۳

ولی اندازه پاره خط را حفظ می کند. (۰/۲۵)

۱/۵

دوران هر نقطه ۵/۰ نمره



۱۴

۱۲



## اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



تمام پایه ها

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



همیشه رایگان

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد