

نام درس:

اداره‌ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران

نام دبیر:

دیبرستان غیردولتی پسرانه سرای دانش واحد حافظ

مدت امتحان:

آزمون نوبت دوم سال تحصیلی ۱۴۰۲-۱۴۰۱

نام و نام خانوادگی:

مقطع و رشته:

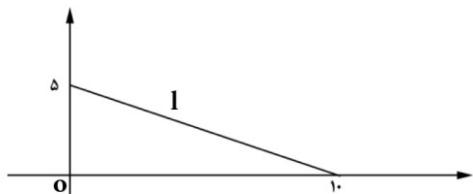
تاریخ امتحان:

بارم

ردیف

۰/۷۵	<p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) متوازی الاضلاع محیطی است اما محاطی نیست.</p> <p>ب) بازتاب جهت شکل را حفظ می کند.</p> <p>ج) تجانس ایزومتری نیست.</p>	۱
۱/۲۵	<p>جاهاي خالي را با عبارت مناسب پر کنيد.</p> <p>الف) در هر تبديل، نقطه اي که تبديل يافته آن بر خود آن نقطه منطبق باشد ناميده می شود.</p> <p>ب) ترکيب دو انتقال با محورهای موازي است.</p> <p>ج) يك ذوزنقه محاطی است اگر و تنها اگر باشد.</p> <p>د) تبديل T را همانی نامييم هر گاه به ازاي هر نقطه A از صفحه P</p> <p>ه) ترکيب دو تجانس با مرکز يكسان و نسبت های K₁ و K₂ يك تجانس با همان مرکز و نسبت است.</p>	۲
۱/۵	<p>در شکل زیر، AB قطری از دایره است. و وترهای AC و BD موازیند. ثابت کنید $AC=BD$</p>	۳
۱	<p>در شکل مقابل M وسط کمان EF است. اندازه کمان BC برابر 80° است. مجموع اندازه زاویه های B و D₁ را بیابید.</p>	۴

ردیف		بارم
۵	در شکل زیر پاره خط AC بر دایره مماس است. اگر $\frac{BD}{BC} = \frac{AC}{BC} = \sqrt{3}$ باشد. نسبت $\frac{BD}{BC}$ را بیابید.	۱/۲۵
۶	اگر r_a و r_b و r_c شعاع های سه دایره محاطی خارجی مثلث و r شعاع دایره محاطی داخلی باشد. نشان دهید. $\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c} = \frac{1}{r}$	۱/۵
۷	نقطه $(4, 0)$ را حول نقطه $(-1, 2)$ به اندازه $\frac{3\pi}{2}$ در جهت دایره مثلثاتی دوران می دهیم. مختصات دوران یافته نقطه A را بیابید.	۱/۵
۸	در شکل زیر اگر خط l را در تجانس به مرکز O و نسبت $\frac{7}{5}$ تصویر کنیم و آن را l' بنامیم. مساحت محصور بین خطوط l و l' و d و d' را بیابید.	۱/۲۵



نام درس:

اداره‌ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران

نام دبیر:

دیبرستان غیردولتی پسرانه سرای دانش واحد حافظ

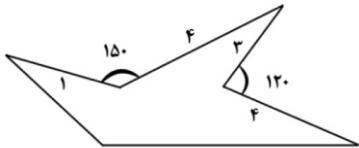
مدت امتحان:

آزمون نوبت دوم سال تحصیلی ۱۴۰۲-۱۴۰۱

نام و نام خانوادگی:

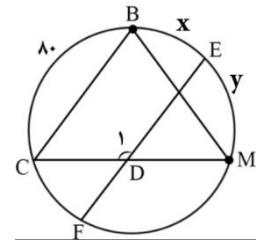
مقطع و رشته:

تاریخ امتحان:

ردیف	بارم	
۹	۱	سه خط دو به دو ناموازی ۱ و ۱' و ۱'' در صفحه مفروضند. پاره خطی به طول ۵cm رسم کنید که دو سر آن روی ۱ و ۱' و موازی ۱'' باشد.
۱۰	۱/۲۵	زمینی به شکل زیر داریم می خواهیم بدون آن که محیط آن تغییر کند مساحتش را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را حساب کنید. 
۱۱	۱	ثابت کنید در هر مثلث قائم الزاویه $AH=h_a$ با ارتفاع $\hat{A} = 90^\circ$ $A\hat{B}C$ داریم:
۱۲	۲	(قضیه) ثابت کنید در هر مثلث، مربع اندازه هر ضلع برابر است با مجموع مربعات اندازه های دو ضلع دیگر منهای دو برابر حاصلضرب اندازه دو ضلع در کسینوس زاویه بین آنها.

ردیف		بارم
۱۳	در مثلث ABC ، AM میانه است ثابت کنید.	۱/۵
۱۴	(قضیه) ثابت کنید در هر مثلث، نیمساز هر زاویه داخلی، ضلع رو به آن زاویه را به نسبت اندازه های ضلع های آن زاویه تقسیم می کند.	۱/۵
۱۵	در شکل زیر مساحت $ABCD$ را حساب کنید.	۱/۷۵

هر کدام ۰/۲۵ نمره	۱
الف) نادرست ب) نادرست ج) درست	۲
هر کدام ۰/۲۵ نمره	۳
الف) نقطه ثابت ب) انتقال ج) متساوی الساقین د) $T(A)=A$ ه) K_1K_2	۴
$AC \parallel BD \rightarrow \hat{A} = \hat{B} \rightarrow \widehat{BC} = \widehat{AD} \quad (0/25)$ $\rightarrow \widehat{ACB} = \widehat{ADB} = 180^\circ \quad (0/25)$ $\rightarrow \widehat{ACB} - \widehat{BC} = \widehat{ADB} - \widehat{AD} \quad (0/25)$ $\rightarrow \widehat{AC} = \widehat{BD} \quad (0/25)$ $\rightarrow AC = BD \quad (0/25)$	۵
$\hat{B} = \frac{z+y}{2} \quad (0/25)$ $\hat{D}_1 = \frac{80+x+y}{2} \quad (0/25)$ $B + D_1 = \frac{z+y+80+x+y}{2} \quad (0/25)$ $= \frac{360}{2} = 180 \quad (0/25)$	۶
$AC^2 = BC \cdot CD \quad (0/25)$ $\rightarrow 3BC^2 = BC \cdot CD \quad (0/25)$ $\rightarrow \frac{CD}{BC} = 3 \quad (0/25)$ $\rightarrow \frac{CD-BC}{BC} = \frac{3-1}{1} \quad (0/25)$ $\rightarrow \frac{BD}{BC} = 2 \quad (0/25)$	۷



ردیف

$$S = rp \rightarrow r = \frac{S}{P} \rightarrow \frac{1}{r} = \frac{P}{S} \quad (\cdot/\Delta)$$

$$\frac{1}{r_a} = \frac{p-a}{S}$$

$$\frac{1}{r_b} = \frac{p-b}{S} \quad (\cdot/\Delta)$$

$$\rightarrow \frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c} = \frac{3p-a-b-c}{S} = \frac{3p-2p}{S} = \frac{p}{S} = \frac{1}{r} \quad (\cdot/\Delta)$$

$$\frac{1}{r_c} = \frac{p-c}{S}$$

 $A'|_b^a$

$$m_{O'A'} = \frac{0+1}{4-2} = \frac{1}{2} \rightarrow m_{O'A'} = -2 \quad (\cdot/2\Delta)$$

$$m_{O'A'} = \frac{b+1}{a-2} = -2 \rightarrow b = -2a + 3 \quad (\cdot/2\Delta)$$

$$OA' = O'A' \rightarrow \sqrt{4+1} = \sqrt{(a-2)^2 + (b+1)^2} \quad (\cdot/2\Delta)$$

$$\rightarrow \sqrt{5} = \sqrt{(a-2)^2 + (-2a+4)^2}$$

$$\rightarrow a^2 - 4a + 3 = 0 \quad (\cdot/2\Delta)$$

$$a = 3 \rightarrow b = -3 \quad (\cdot/\Delta)$$

$$a = 1 \rightarrow b = 1$$

$$OA' = \frac{7}{4}(10) = \frac{70}{4} \quad (\cdot/2\Delta)$$

$$OB' = \frac{7}{4}(5) = \frac{35}{4} \quad (\cdot/2\Delta)$$

$$S_{OAB} = \frac{1}{2} \left(\frac{70}{4} \right) \left(\frac{35}{4} \right) = \frac{1225}{16} \quad (\cdot/2\Delta)$$

$$S_{OAB} = \frac{1}{2}(5)(10) = 25 \quad (\cdot/2\Delta)$$

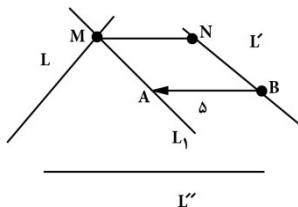
$$S = \frac{1225}{16} - 25 = \frac{825}{16} \quad (\cdot/2\Delta)$$

خط l' را تحت بردار \overrightarrow{BA} (برداری به موازات l'' و به طول ۵) انتقال می دهیم تا l به دست آید. ($\cdot/2\Delta$)

این خط L را در نقطه M قطع می کند. ($\cdot/2\Delta$)

از M خطی موازی l'' رسم می کنیم تا l' را در نقطه N قطع کند. ($\cdot/2\Delta$)

جواب مساله است. ($\cdot/2\Delta$)



۹

$$S_1 = 3 \times 4 \sin 120^\circ = 3 \times 4 \times \sin 60^\circ$$

$$= 3 \times 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 6\sqrt{3} \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$S_2 = 1 \times 4 \times \sin 150^\circ = 4 \times \sin 30^\circ$$

$$= 4 \times \frac{1}{2} = 2 \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$S = 6\sqrt{3} + 2 \quad (\cdot / 2\Delta)$$

١٠

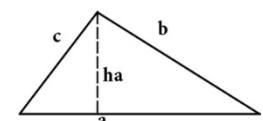
$$ha \cdot a = b \cdot c \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$ha^2 \cdot a^2 = b^2 \cdot c^2$$

$$ha^2(b^2 + c^2) = b^2c^2 \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$\rightarrow \frac{1}{ha^2} = \frac{b^2 + c^2}{b^2c^2} \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$\rightarrow \frac{1}{ha^2} = \frac{1}{c^2} + \frac{1}{b^2} \quad (\cdot / 2\Delta)$$



١١

$A < 90^\circ$

$$\cos A = \frac{AH}{c} \rightarrow AH = C \cos A \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$\sin A = \frac{BH}{c} \rightarrow BH = C \sin A$$

$$a^2 = (C \sin A)^2 + (b - C \cos A)^2 \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$a^2 = c^2(\sin^2 A + \cos^2 A) + b^2 - 2bc \cos A \quad (\cdot / \Delta)$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

$A > 90^\circ$

$$\cos A_1 = -\cos A \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$\sin A_1 = \sin A$$

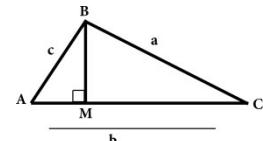
$$AH = -C \cos A \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$BH = C \sin A$$

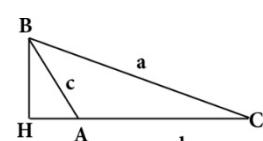
$$a^2 = (C \sin A)^2 + (b - C \cos A)^2 \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$a^2 = c^2(\sin^2 A + \cos^2 A) + b^2 - 2bc \cos A \quad (\cdot / \Delta)$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$



١٢



$$c^2 = \left(\frac{a}{2}\right)^2 + AM^2 - 2\left(\frac{a}{2}\right)(AM) \cos \alpha$$

$$c^2 = \frac{a^2}{4} + AM^2 - a \cdot AM \cos \alpha \quad (\cdot / \Delta)$$

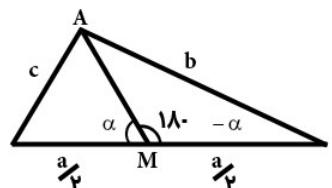
$$b^2 = \left(\frac{a}{2}\right)^2 + AM^2 - 2\left(\frac{a}{2}\right)AM \cos(\pi - \alpha)$$

$$b^2 = \frac{a^2}{4} + AM^2 + a \cdot AM \cos \alpha \quad (\cdot / \Delta)$$

$$b^2 + c^2 = \frac{2a^2}{4} + 2AM^2 \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$b^2 + c^2 = \frac{a^2}{2} + AM^2 \quad (\cdot / 2\Delta)$$

۱۳



از خطی به موازات نیمساز AD رسم می کنیم تا امتداد AB را در نقطه E قطع کند. ($\cdot / 2\Delta$)

$$AD \parallel EC$$

قطع $BE \rightarrow \hat{A}_1 = \hat{E}_1$

$$AD \parallel EC$$

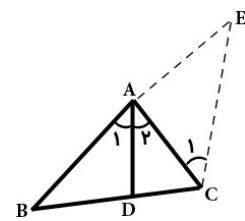
قطع $AC \rightarrow \hat{A}_2 = \hat{C}_1$ ($\cdot / 2\Delta$)

$$\rightarrow E = C_1 \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$\rightarrow AE = AC \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$AD \parallel EC \rightarrow \frac{AB}{AE} = \frac{BD}{DC} \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$\rightarrow \frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \quad (\cdot / 2\Delta)$$



۱۴

$$BC^2 = 4^2 + 4^2 - 2(4)(4) \cos 120 \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$BD^2 = 32 - 32\left(-\frac{1}{2}\right) = 48$$

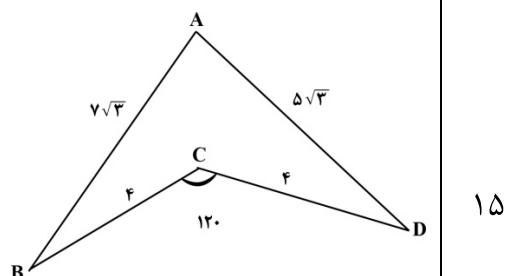
$$BD = 4\sqrt{3} \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$P = 8\sqrt{3} \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$S_{ABD} = \sqrt{8\sqrt{3}(4\sqrt{3})(\sqrt{3})(3\sqrt{3})} = 12\sqrt{6} \quad (\cdot / \Delta)$$

$$S_{BCD} = \frac{1}{2}(4)(4)\sin 120 = 8\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 4\sqrt{3} \quad (\cdot / 2\Delta)$$

$$S_{ABCD} = 12\sqrt{6} - 4\sqrt{3} \quad (\cdot / 2\Delta)$$



۱۵



اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



تمام پایه ها

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



همیشه رایگان

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد