



ساعت امتحان: صبح
زمان امتحان: ۱۰۰ دققه
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۱

نیمسال دوم
رشته: ریاضی
سال تحصیلی: ۱۴۰۰-۱۴۰۱

دبیرستان دخترانه غیردولتی ممتاز حنان متوسطه ۲

پایه: یازدهم
نام دبیر:

ش صندلی(ش داوطلب):
نام و نام خانوادگی:
سوال امتحان درس: حسابان ۱

پایه

۱. درستی یا نادرستی هر یک را مشخص کنید. (۵ نمره)
الف. اگر دامنه و برد دو تابع برابر باشند، دو تابع با هم برابرند.

ب. اگر تابعی، در نقطه ای، هم از چپ و هم از راست پیوسته باشد، در آن نقطه پیوسته است.

۲. جای خالی را با عبارت مناسب پر کنید. (۵ نمره)
الف. حاصل $[-\sqrt{7}]$ برابر..... است.

ب. حاصل $\log_{\sqrt{2}} 8$ برابر است.

۳. مجموع بیست جمله اول در دنباله زیر چیست؟ (۱ نمره)
 $3, 5, 7, 9, \dots$

۴. معادله زیر را حل کنید. (۱ نمره)

$$\sqrt{2x+1} + x = 7$$

۵. معادله زیر را حل کنید. (۱ نمره)

$$\sqrt{x^2 - 2x + 1} = 2x + 1$$

۶. معادله عمود منصف پاره خطی را بنویسید که دو سر آن $A(-1,2)$, $B(3,6)$ باشند. (۱ نمره)

۷. نمودار تابع زیر را رسم کنید، برد آن را مشخص کنید. (۱ نمره)

$$y = \begin{cases} \frac{1}{x}, & x < 0 \\ \sqrt{x}, & x > 0 \end{cases}$$

۸. در صورت وارون پذیری ضابطه تابع وارون را بیابید و دامنه آن را مشخص کنید. (۱ نمره)

$$y = -|x - 1| + 1, x \geq 2$$

۹. اگر $f = \{(2,3), (3,7)\}$, $g = \{(3,0), (7,2)\}$ هر یک از موارد زیر را مشخص کنید. (۱ نمره)

الف. $f + f^{-1}$

ب. $f \circ g$.

۱۰. نیمه عمر عنصری رادیواکتیو ۱۳ سال است. اگر ۲۰ میلی گرم از آن در اختیار داشته باشیم، پس از هفت سال چه مقدار از آن باقی می‌ماند؟ (۱ نمره)

۱۱. نمودار تابع $y = -1 + \log_2 x$ را رسم کنید. (۱ نمره)

۱۲. معادله زیر را حل کنید. (۱ نمره)

$$\log x + \log(x + 3) = 1$$

۱۳. اندازه طول کمان رو برو به زاویه 100° در دایره به شعاع ۵ چیست؟ (۰.۷۵ نمره)

۱۴. مقدار عددی هر یک از موارد زیر را بیابید. (۱.۲۵ نمره)

الف. $\sin 300^\circ$

ب. $\tan \frac{-7\pi}{3}$

۱۵. اگر α زاویه‌ای در ناحیه دوم باشد و $\tan \alpha = -2$ حاصل $\cos 2\alpha$ چیست؟ (۱ نمره)

۱۶. مقدار $\sin 75^\circ$ را بیابید. (۱ نمره)

۱۷. حاصل هر یک از حد های زیر را بیابید. (۴ نمره)

الف. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x-1}{x+1}$

ب. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2+x}{1-x^2}$

پ. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{3x}$

ت. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-\sqrt{x}}{3x-3}$

۱۸. نمودار تابعی را رسم کنید که در یک همسایگی عدد ۲ تعریف شده حد های چپ و راست داشته باشد ولی در آن حد نداشته باشد. (۵ نمره)

۱۹. نمودار تابعی را رسم کنید که در تعریف شده باشد ، در دو نقطه ناپیوسته باشد. (۵ نمره)

۱) الف) نادرست - ضایعهای دوتابع هم باشد کسان باشند.

ب) درست

$$[-\sqrt{v}] = -3 \Leftrightarrow -3 < -\sqrt{v} < 3 \quad \text{الف) } \textcircled{2}$$

$$\log \sqrt[3]{v} = \log v^{\frac{1}{3}} = 3 \times \log v \boxed{= 6} \quad \text{ب) }$$

$$S_n = \frac{n}{2} (2a_1 + (n-1)d) \quad \text{فرمول محاسبه مجموع جملات دنبالهای حسابی} \quad \textcircled{3}$$

$$S_{10} = \frac{10}{2} (2 \times 3 + (10-1) \times 2) = 10 \times (6 + 18) = \boxed{240}$$

$$\sqrt{2n+1} + n = V \quad 2n+1 \geq 0 \quad n \geq -\frac{1}{2} \quad \text{شرط دارمه:}$$

$$\sqrt{2n+1} = V - n \quad V - n \geq 0 \quad n \leq V$$

$$\begin{aligned} 2n+1 &= n^2 - 18n + 49 & n^2 - 18n + 48 &= 0 & (n-1)(n-12) &= 0 \\ &&&& n=1 & \checkmark \\ &&&& n=12 & \text{درست نیست} \end{aligned} \quad \text{دوطرف به توان ۲}$$

$$\sqrt{n^2 - 2n + 1} = 2n+1 \quad 2n+1 \geq 0 \quad n \geq -\frac{1}{2} \quad \text{دو) } \textcircled{2}$$

$$\sqrt{(n+1)^2} = 2n+1$$

$$|n+1| = 2n+1 \xrightarrow{n \geq -\frac{1}{2}} n+1 = 2n+1 \quad \boxed{n=0}$$

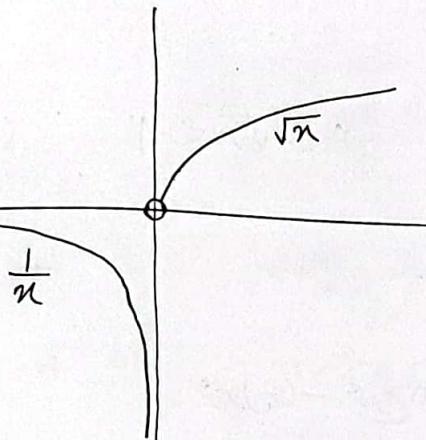
$$AB \text{ نقطی و سطی پاره خط} \quad M = \frac{A+B}{2} = \left(\frac{3-1}{2}, \frac{9+2}{2} \right) = (1, 5) \quad \text{۳) } \textcircled{3}$$

$$AB \text{ شیب پاره خط} \quad m = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{9-2}{3-(-1)} = \frac{7}{4} = 1$$

$$AB \text{ شیب همیاره خط عود بر} \quad m \times 1 = -1 \quad m = -1$$

حالا بحاجه به خطی عمود بر AB را می نویسیم که از نقطه $(4, 1)$ یعنی وسط پاره خط AB می گذرد. این خط عمودی مصاف β

$$-1(n-1) = y - 1 \quad -n+1 = y - 1 \quad y = -n + 1$$



$$\mathcal{D}_f = \mathbb{R} - \{0\}$$

(v)

برای بدست آوردن وارون تابع باشد n را بر حسب y بدست آوریم.

$$y = -|n-1| + 1 \xrightarrow{n \geq 2} * y = -(n-1) + 1 = -n + 2 \quad n = -y + 2 *$$

برد تابع $f(n)$ یا دامنه تابع $f^{-1}(n)$

حالا برای نوشتن صفتی نهایی تابع $f^{-1}(n)$ جای n و y را با عرضی کنیم.

$$f^{-1}(n) = y = -n + 2 \quad n \leq 0$$

نکته: از آن بنگاه تابع $y = -|n-1| + 1$ $\Leftrightarrow n \geq 2$ یک به یک است پس وارون پذیر هاست.

$$f^{-1}(n) = \{(3, 2), (7, 3)\} \quad D_{f+f^{-1}} = D_f \cap D_{f^{-1}} = \{3\}$$

$$f+f^{-1} = \{(3, 2+7)\} = \{(3, 9)\}$$

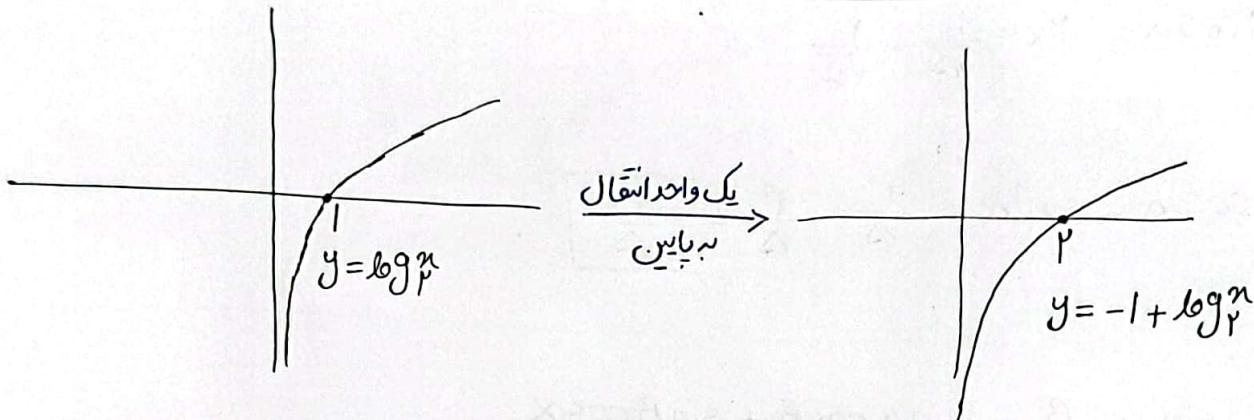
$$D_{f \circ g(n)} = \{n \in D_g \mid g(n) \in D_f\} = \{V\}$$

$$f \circ g = \{(V, 3)\}$$

(b)

$$\text{مقدار بادی فانده} = \text{مقدار اولیه} \times \left(\frac{1}{\sqrt[3]{n}}\right)^{\frac{\text{زمان}}{\text{تکمیل}}} \quad (1)$$

$$n = 10 \times \left(\frac{1}{\sqrt[3]{2}}\right)^{\frac{V}{12}}$$



$$\log n + \log(n+3) = 1 \longrightarrow \begin{array}{l} n > 0 \\ n+3 > 0 \\ n > -3 \end{array} \quad (12)$$

$$\log n(n+3) = 1 \quad n^2 + 3n = 10 \quad n^2 + 3n - 10 = 0 \quad (n+5)(n-2) = 0$$

$n = -5$ در این نسبت
 $n = 2$ نیز

اندازه شعاع \times اندازه زاویه به رادیان = طول کمان

$$\frac{100}{360} = \frac{\Omega}{2\pi} \quad \begin{array}{l} \text{اندازه زاویه} \\ \text{به رادیان} \end{array} \quad \Omega = \frac{100\pi}{360} = \frac{\omega r}{9}$$

$$\text{طول کمان} = \frac{\omega r}{9} \times \omega = \underline{\underline{\frac{\omega^2 r}{9}}}$$

$$\sin 20^\circ = \sin 170^\circ + 30^\circ = \sin \frac{3\pi}{2} + 30^\circ = -\cos 30^\circ = \underline{\underline{-\frac{\sqrt{3}}{2}}} \quad (13) \text{ (الف)}$$

$$\tan -\frac{V\pi}{\rho} = \tan -170 - \frac{\pi}{\rho} = \tan -\frac{\pi}{\rho} = -\tan \frac{\pi}{\rho} = \underline{\underline{-\sqrt{3}}} \quad (ب)$$

$$\left. \begin{array}{l} \tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = -1 \\ \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{1}{\omega} \xrightarrow{\text{معادلة}} \cos \alpha = -\frac{1}{\sqrt{\omega}}$$

$$\sin \alpha = -\cos \alpha = -1 \times -\frac{1}{\sqrt{\omega}} = \frac{1}{\sqrt{\omega}}$$

$$\cos^2 \alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = \frac{1}{\omega} - \frac{1}{\omega} = \boxed{-\frac{1}{\omega}}$$

$$\begin{aligned} \sin \alpha + \beta &= \sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha \\ \sin(\alpha + \beta) &= \sin \alpha \cos \beta + \sin \beta \cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{\omega}} \times \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{1}{\sqrt{\omega}} \\ &= \boxed{\frac{\sqrt{3} + \sqrt{3}}{\sqrt{\omega}}} \end{aligned}$$

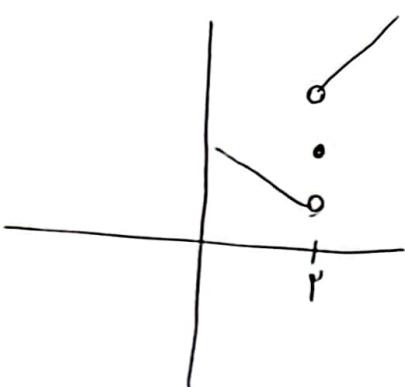
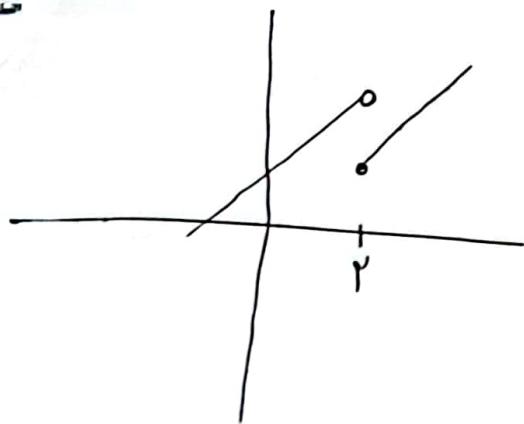
$$\lim_{n \rightarrow 1} \frac{\sqrt{n}-1}{n+1} = \frac{-1}{0} \times \boxed{\text{متناهية}} \quad (ج)$$

$$\lim_{n \rightarrow 1} \frac{n^r+n}{1-n^r} = \lim_{n \rightarrow 1} \frac{n(n+1)}{(n+1)(1-n)} = \boxed{-1} \quad (د)$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin \omega n}{\sqrt[n]{n}} \times \frac{\sqrt[n]{n}}{\sqrt[n]{n}} \times \frac{\omega}{\sqrt[n]{n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin \omega n}{\omega n} \times \frac{\omega}{\sqrt[n]{n}} = 1 \times \frac{\omega}{\sqrt[n]{n}} = \boxed{\frac{\omega}{\sqrt[n]{n}}} \quad (هـ)$$

$$\star \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sin n}{n} = 1$$

$$\lim_{n \rightarrow 1} \frac{n-\sqrt{n}}{\sqrt[n]{n}-1} = \lim_{n \rightarrow 1} \frac{\sqrt{n}(\sqrt{n}-1)}{\sqrt[n]{n}(\sqrt{n}-1)(\sqrt{n}+1)} = \frac{1}{\sqrt[3]{2}} = \boxed{\frac{1}{2}} \quad (ز)$$



هرتابع مستمری قابل قبول است.

۱۸

X ۱۹



اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



تمام پایه ها

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



همیشه رایگان

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد