



تعداد صفحه : ۲

تاریخ : ۱۴۰۱/۲/۲۶

مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه

دبیر مربوطه : علوی نسب

وزارت آموزش و پرورش جمهوری اسلامی ایران

آموزش و پرورش شهرستان کنگان

دبیرستان شهید عبدالله زاده سیراف

نام درس : ریاضی ۲

نام و نام خانوادگی :

قطع تحصیلی : یازدهم

رشته تحصیلی : تجربی

ردیف	سوالات	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) دو تابع <math>f(x) = \frac{x^2+1}{x^2+1}</math> و <math>g(x) = 1</math> با هم برابرند.</p> <p>ب) در داده های <math>2, 7, 10, 17, 20, 16</math> دامنه تغییرات <math>20</math> است.</p> <p>ج) نمودار تابع <math>y = 2^x</math> محور طول <math>x</math> را در نقطه ای <math>(1, 0)</math> قطع می کند.</p> <p>د) دامنه تابع سینوس <math>R</math> و برد آن بازه <math>[1, -1]</math> است.</p>	
۲	<p>معادله های زیر را حل کنید.</p> <p>(الف) <math>X^4 - 5X^2 + 6 = 0</math></p> <p>(ب) <math>2\sqrt{X} = \sqrt{3X + 4}</math></p>	۱/۵
۳	<p>نشان دهید دو خط به معادله های <math>Y = 2x - 3</math> و <math>Y = 2X - 1</math> با هم موازی هستند و فاصله این دو خط را بدست آورید.</p>	۱
۴	<p>ثابت کنید از یک نقطه خارج خط نمی توان دو عمود بر آن رسم کرد.</p>	۱
۵	<p>شکل مقابل مستطیلی به طول <math>12</math> است. اگر از نقطه <math>A</math> <u>عمودی</u> بر قطر <math>BD</math> رسم کنیم و پای این عمود را <math>H</math> بنامیم، طول <math>BH</math> برابر <math>11</math> است. اندازه <u>عمود</u> رسم شده، طول قطر <u>مستطیل</u> را محاسبه کنید.</p>	۱
۶	<p>تابع با ضابطه <math>y = -2X - 3</math> را در نظر بگیرید.</p> <p>الف) ضابطه <u>وارون</u> تابع <math>F</math> را بیابید.</p> <p>ب) ضابطه <u>ی</u> تابع <math>F + F^{-1}</math> را بیابید.</p>	۱
۷	<p>آیا دو تابع <u>روبرو مساوی</u> هستند؟ چرا؟</p> <p><math>f(x) = x - 2</math> و <math>g(x) = \begin{cases} \frac{x^2-4}{x+2}, &amp; x \neq -2 \\ 3, &amp; x = -2 \end{cases}</math></p>	۱
۸	<p>با استفاده از نمودار تابع <math>S(X) = -\sqrt{X-2}</math> نمودار <math>f(x) = \sqrt{x}</math> را رسم کنید.</p>	۰/۵

۲	حاصل هر یک از عبارات زیر را بدست آورید .  الف) $\tan 150 - \tan 210$	۹  $\frac{\sin \frac{5\pi}{3} - \sin \pi + \cos \frac{5\pi}{6}}{\tan 570}$
۱	در دایره ای به شعاع سی سانتی متر ، طول کمان <u>رو بروی زارویه</u> ۱۲۰ درجه را حساب کنید . ) ابتدا زاویه را به رادیان تبدیل و ... )	۱۰
۱/۵	معادله های زیر را حل کنید .  الف) $9\sqrt{3} = 3^{3x-1}$	۱۱  $\log_5(x+2) + \log_5(x-2) = 1$
۰/۷۵	فرض می کنیم $g(x) = 4^x + 2$ الف) $(-1)^{-g(x)}$ را به دست آورید . ب) اگر $g(x) = 66$ ، مقدار $x$ چه قدر است ؟	۱۲
۲	حاصل حد های زیر را بیابید .  الف) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 5x + 4}{x^2 - x}$	۱۳  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{1 - \sin x}{\cos^2 x}$
۱/۵	نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} 2X & , X \geq 2 \\ -1 & , X < 0 \end{cases}$ را رسم کنید و درستی یا نادرستی عبارات زیر را با ذکر دلیل به زبان ریاضی مشخص کنید . الف) تابع در فاصله $[2, +\infty)$ پیوسته است . ب) تابع در $x=2$ پیوستگی راست دارد .	۱۴
۰/۷۵	اگر $P(A) = 0.3$ و $P(B) = 0.6$ باشد ، مقدار $P(A \cup B)$ را بیابید .	۱۵
۰/۷۵	در پرتاب دو تاس اگر مجموع دو عدد رو شده بزرگتر از ۸ باشد ، با چه احتمالی هر دو زوج هستند .	۱۶
۱/۷۵	داده های آماری $2, 5, 8, 11, 27, 28, 29, 9$ مفروضند : الف) چارک های اول ، دوم و سوم را بیابید . ب) دامنه میان چارکی را به دست آورید .	۱۷
۲۰	(با آرزوی بهترین ها برای شما بهترین ) علوی نسب	جمع نمرات

ردیف	پاسخ سوالات	بارم
۱	الف) نادرست ج) نادرست ب) نادرست د) درست	۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵
۲	$t^2 - 5t + 6 = 0 \rightarrow (t-2)(t-3) = 0 \rightarrow$ $\begin{cases} t-2=0 \rightarrow t=2 \rightarrow x^2=2 \rightarrow x=\pm\sqrt{2} & 0/25 \\ t-3=0 \rightarrow t=3 \rightarrow x^2=3 \rightarrow x=\pm\sqrt{3} & 0/25 \end{cases}$	۰/۲۵
۳	$L_1 : 2x - y = 1 \rightarrow m_{L_1} = 2$ $\cdot/5 L_2 : 2X - 3 = Y \rightarrow m_{L_2} = 2$ $m_{L_1} = m_{L_2} = 2 \rightarrow L_1    L_2$ $\xrightarrow{X=1} 2(1) - Y = 1 \rightarrow Y = 1 \rightarrow (1, 1)$ $\cdot/5 d = \frac{ 2(1)-3-1 }{\sqrt{4+1}} = \frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$	۰/۲۵
۴	برهان خلف : از یک نقطه خارج خط می توان دو عمود بر آن رسم کرد . فرض می کنیم از نقطه A خارج خط d می توان دو عمود بر آن رسم کرد در نتیجه چون مجموع زوایای داخلی هر مثلث ۱۸۰ درجه است ، داریم : $A^\circ + B^\circ + C^\circ = 180^\circ \rightarrow A^\circ + 90^\circ + 90^\circ > 180^\circ$ تناقض	۰/۵
۵	$AB^2 = BH \cdot BD \rightarrow 144 = 11 \cdot BD \rightarrow BD = \frac{144}{11}$	۰/۵
۶	$AH = \sqrt{144 - 121} = \sqrt{33}$	۰/۵
۷	$F(X) = Y = -2X - 3 \rightarrow X = \frac{Y+3}{-2} \rightarrow F^{-1}(X) = \frac{X+3}{-2}$ $F + F^{-1} = -2X - 3 - \frac{X+3}{2} = \frac{-5X-9}{2}$	۰/۵

۱	$f(x) = x - , \quad D_F = \mathbb{R} \text{ و } g(x) = \begin{cases} \frac{x^2-4}{x+2}, & x \neq -2 \rightarrow X-2 \\ 3, & x = -2 \\ 2 \end{cases}, \quad D_G = \mathbb{R}$ $F(-2) = 0 \neq G(-2) = 3$ پس این دو تابع برابر نیستند.	۷ +/Δ +/Δ
۲		۸
۳	<p>(الف) <math>\tan 150 - \tan 210 = \tan(180 - 30) - \tan(180 + 30) = -\tan 30 - \tan 30 = \frac{-2\sqrt{3}}{3}</math> <math>\therefore /75</math></p> <p>(ب) <math>\frac{\sin \frac{5\pi}{3} - \sin \pi + \cos \frac{5\pi}{6}}{\tan 570} = \frac{\sin\left(2\pi - \frac{\pi}{3}\right) - \sin \pi + \cos\left(\pi + \frac{\pi}{6}\right)}{\tan\left(3\pi + \frac{\pi}{6}\right)} = \frac{-\sin \frac{\pi}{3} - \sin \pi - \cos \frac{\pi}{6}}{\tan \frac{\pi}{6}} = -3 \quad 1/25</math></p>	۹
۴	$\alpha = \frac{l}{r} \rightarrow \underbrace{2\pi/3}_{0/25} = \frac{l}{30} \rightarrow l = 20\pi = 20 \times 3/14 = 62/8 \text{ cm}$	۱۰
۵/۵	<p>معادله های زیر را حل کنید.</p> <p>(ب) <math>\log_5(x+2) + \log_5(x-2) = 1 \rightarrow \log_5 \underbrace{(x^2 - 4)}_{0/25} = 1 \rightarrow \underbrace{x^2 - 4}_{0/25} = 5 \rightarrow x = \pm 3 \quad \therefore /5</math></p> <p>(ب) <math>9\sqrt{3} = 3^{3x-1} \rightarrow 3^{\frac{5}{2}} = 3^{3x} \rightarrow \underbrace{\frac{5}{2}}_{0/5} = 3x \rightarrow x = \frac{5}{6}</math></p>	۱۱
۶/۷۵	<p>(الف) <math>g(-1) = \frac{1}{4} + 2 = \frac{9}{4} \quad \therefore /25</math></p> <p><math>4^x + 2 = 66 \rightarrow 4^x = 64 \rightarrow x = 3 \quad \therefore /5</math></p>	۱۲
۷	<p>(الف) <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 5x + 4}{x^2 - x} = \frac{0}{0} \quad \text{حالت مبهم} \quad \therefore /25</math></p> <p>رفع ابهام <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x-4)}{x(x-1)} = -3 \quad \therefore /75</math></p> <p>(ب) <math>\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{1 - \sin x}{\cos^2 x} = \frac{0}{0} \quad \therefore /25</math></p>	۱۳

	$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{1 - \sin x}{(1 - \sin x)(1 + \sin x)}$ ./٧٥	
١/٤	الف ) نادرست ، زیرا در $x = 2$ حد موجود نیست. ٠/٢٥ _____٠/٢٥	١٤
٠/٧٥	ب ) درست ، زیرا $f(2) = 4 = \lim_{x \rightarrow 2^+} 2x$ _____٠/٢٥	١٥
٠/٧٥	$P(A B) = 0.25$ و $P(B) = 0.6$ و $P(A) = 0.3$ $P(A \cap B) = P(A \cap B)/P(B) \rightarrow 0/25 = P(A \cap B)/(0/6) \rightarrow P(A \cap B) = 0/15$ $P(A \cup B) = 0/3 + 0/6 - 0/15 = 0/75$ ./٢٥	١٥
٠/٧٥	$A = \{(3, 6), (6, 3), (4, 5), (5, 4), (4, 6), (6, 4), (5, 6), (6, 5), (5, 5), (6, 6)\}$ ٠/٢٥ $P(B   A) = \frac{3}{10}$ ٠/٥	١٦
١/٧٥	٢، <u>٥، ٨</u> ، <u>٩، ١١</u> ، <u>٢٧، ٢٨</u> .٢٩ $Q_1 = \frac{5+8}{2} = 6/5$ $Q_2 = \frac{9+11}{2} = 10$ $Q_3 = \frac{27+28}{2} = 27/5$ $IQR = Q_3 - Q_1 = 27/5 - 6/5 = 21$ . .	١/٢٥ الف ) ٠/٥ ب)
٢٠	( با آرزوی بهترین ها برای شما بهترین ) علوی نسب	جمع نمرات



## اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



تمام پایه ها

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



همیشه رایگان

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد