



۱ عدد $1 + 2^{2k}$ به ازای کدام یک از مقادیر k ، عدد اول نیست؟

۴ ۳ ۲ ۱
 $2^{2k} + 1 = 2^{2 \times 3} + 1 = 2^6 + 1 = 64 + 1 = 65$ پاسخ: گزینه ۳

۲ به ازای کدام عدد طبیعی a ، عبارت مقابل عدد اول است؟

 $2a^3 + 1$ ۳ ۵ ۱۲ ۷

پاسخ: گزینه ۴

 $2a^3 + 1 = 2 \times 3^3 + 1 = 2 \times 9 + 1 = 19$

۳ تعداد همهٔ شمارنده‌های $7^3 \times 5^2$ برابر است با:

۳ ۷۰ ۲۴ ۷
 $= (3+1) \times (1+1) \times (2+1) = 24$ پاسخ: گزینه ۲

۴ چند عدد طبیعی مختلف می‌توان به جای a و b قرار داد به‌طوری که:

 $(a \neq b) a^b = b^a$
هیچ سه دو یک

پاسخ: گزینه ۲

 $a = 2, b = 4 \Rightarrow a^b = b^a \Rightarrow 2^4 = 4^2 \Rightarrow 16 = 16$
 $a = 4, b = 2 \Rightarrow a^b = b^a \Rightarrow 4^2 = 2^4 \Rightarrow 16 = 16$

۵

 $(x \neq 0)$

کدام یک از عبارت‌های زیر همواره منفی است؟

 $-x^3$ $-x^2$ $\frac{1}{x^2}$ $-x$

پاسخ: گزینه ۳

 ۱) مثبت می‌شود \rightarrow اگر $x < 0$ باشد \rightarrow در $-x$

 ۲) مثبت می‌شود \rightarrow اگر $x < 0$ یا $x > 0$ باشد \rightarrow در $\frac{1}{x^2}$

 ۳) منفی می‌شود \rightarrow اگر $x < 0$ یا $x > 0$ باشد \rightarrow در $-x^3$

 ۴) مثبت می‌شود \rightarrow اگر $x < 0$ باشد \rightarrow در $-x^2$

۶

کدام یک از پاسخ‌های زیر به حاصل $11^2 + 9^2$ نزدیک‌تر است؟

۱۲۰ + ۸۰ ۱۲۰ + ۲۰ ۲۰ + ۸۰ ۲۰ + ۲۰

پاسخ: گزینه ۴

$$\left. \begin{array}{l} 11^2 = 121 \\ 9^2 = 81 \end{array} \right\} \Rightarrow 11^2 + 9^2 = 121 + 81$$

حاصل $۸۱ + ۱۲۱ + ۸۰ = ۳۲۰$ به حاصل ۱۲۰ نزدیک تر است.

۷ از اعداد زیر کدام یک هم مجذور و هم مکعب است؟

۱۰۰۰ ۱۰۰ ۶۴ ۲۷

پاسخ: گزینه ۲

 $۶۴ = ۸^۲ \rightarrow$ مربع ۸ است

 $۶۴ = ۴^۳ \rightarrow$ مکعب ۴ است

۸ کدام یک از عبارت‌های زیر برابر a^3b^2 است؟

 $a + a + a + b + b$ $a + a \times a + b + b$ $a \times b \times a \times a \times b$ $a \times a \times b \times b \times b$

پاسخ: گزینه ۲

$$a \times b \times a \times a \times b = a \times a \times a \times b \times b = a^3 \times b^2 = a^3b^2$$

۹ اگر عدد x عددی بین صفر و یک باشد، کدام گزینه از همه کوچک‌تر است؟

 x^{1000} x^{100} x^{10} x^1

پاسخ: گزینه ۴ می‌دانیم اعداد بین صفر تا یک هرچه توانشان بزرگ‌تر شود، حاصلشان کوچک‌تر می‌شود پس داریم:

$$x^{1000} < x^{100} < x^{10} < x^1$$

۱۰ نسبت مجذور به مکعب عدد a برابر است با:

 $\frac{2}{3}$ $\frac{1}{a}$ ۱ a

پاسخ: گزینه ۳

$$\begin{aligned} a^{\frac{2}{3}} &= a^{\frac{2}{3}} & \text{مجذور} \\ a^{\frac{1}{3}} &= a^{\frac{1}{3}} & \text{مکعب} \end{aligned} \Rightarrow \frac{a^{\frac{2}{3}}}{a^{\frac{1}{3}}} = \frac{a^{\frac{2}{3}}}{a^{\frac{1}{3}}} = \frac{\cancel{a^{\frac{2}{3}}}}{\cancel{a^{\frac{2}{3}}} \times a} = \frac{1}{a}$$

۱۱ کدام یک از گزینه‌ها از بقیه بزرگ‌تر است؟

 2^5 4^3 2^5 8^2

پاسخ: گزینه ۴

$$\left. \begin{aligned} 8^2 &= (2^3)^2 = 2^6 = 64 \\ 2^5 &= 32 \\ 4^3 &= (2^2)^3 = 2^6 = 64 \\ 3^5 &= 243 \end{aligned} \right\} \Rightarrow 2^5 \text{ از بقیه بزرگ‌تر}$$

۱۲ اگر k نشان‌دهنده‌ی عددی منفی باشد، کدام یک از گزینه‌های زیر، نشان‌دهنده‌ی عددی مثبت است؟

 $\frac{k}{2}$ $2k$ k^3 k^2 پاسخ: گزینه ۱ توان های زوج علامت پایه را از بین می‌برند. پس k^2 همواره $+$ است.

۱۳ اگر $0 < a < 1$ و n عددی زوج و مثبت باشد، کدام عدد از همه بزرگ‌تر است؟

 $-a$ a^{n+1} a^{n-1} a^n پاسخ: گزینه ۴ حل سؤال با فرض یک مثال: فرض کنید داریم $3^{-0.3} = 2$ و $a = -0.3$ داریم:

$$-(-0.3) = +0.3 , \quad (-0.3)^{n+1} = -0.3^{n+1} , \quad (-0.3)^{n-1} = -0.3^{n-1} , \quad (-0.3)^n = 0.3^n$$



مشخص است که $0 < ۹ < ۳$ می‌باشد.

۱۴ a° چند برابر $(-a)^{\circ}$ است؟

۱۰

-۱

۰

۱

پاسخ: گزینه ۱ می‌دانیم توان زوج، منفی پایه را از بین می‌برد بنابراین $a^{\circ} = (-a)^{\circ}$ پس نسبت $a^{\circ} = (-a)^{\circ}$ برابر است با یک.

۱۵ مقدار عددی کدام عبارت همواره منفی است؟

هر سه مورد

$-x^{\circ}$

$-x^{\circ}$

$-x$

پاسخ: گزینه ۲ x° همواره مثبت است پس اگر قرینه شود، همواره منفی می‌شود.

۱۶ اگر $-۱ < a < ۰$ باشد، کدام عدد از همه بزرگ‌تر است؟ n عدد طبیعی زوج و a عدد صحیح است.

a^{n+1}

a^{n+3}

$-a$

a^n

پاسخ: گزینه ۱ مثال عددی می‌زنیم. فرض کنید $a = -۲$ و $n = ۲$ باشد داریم:

$$(-3)^{n+1} = -3, \quad (-3)^{n+3} = -243$$

$$-(-3) = 3, \quad (-3)^2 = +9$$

۱۷ اگر $a^{\circ} < a < ۰$ باشد حدود a کدام است؟

$a > ۱$

$-1 < -a < ۰$

$-1 < a < ۱$

$۰ < a < ۱$

پاسخ: گزینه ۱ اگر $-1 < a < +1$ باشد، توان مثال بالاتر از خود آن کوچکتر هستند ولی چون توان زوج از خود عدد کوچکتر شده، پس a منفی نیست.

۱۸ بین ۲° و ۲° چند عدد طبیعی وجود دارد؟

$۲^{\circ} + ۱$

$۲^{\circ} - ۱$

۲°

۲°

پاسخ: گزینه ۳

$$-2^{\circ} = -32 < \underbrace{1, 2, 3, \dots, 31}_{2^{\circ}-1} < 2^{\circ} = 32$$

۱۹ کدام رابطه درست است؟

$$\left(\frac{2}{3}\right)^{\circ} > \frac{2}{3} \quad \text{}$$

$$\left(-\frac{1}{2}\right)^{\circ} > -\frac{1}{2} \quad \text{$$

$$(-1)^{\circ} > (-1)^{\circ} \quad \text{$$

$$(-3)^{\circ} = -3^{\circ} \quad \text{$$

پاسخ: گزینه ۳

گزینه ۱ نادرست است زیرا:

$$9 = (-3)^{\circ} \neq -3^{\circ} = -9$$

گزینه ۲ نادرست است زیرا:

$$-1 < 1$$

گزینه ۳ صحیح است زیرا:

$$-\frac{1}{8} > -\frac{1}{2}$$

گزینه ۴ نادرست است زیرا:

$$\frac{4}{9} < \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

۲۰ سعید در یک ساختمان سه واحدی زندگی می‌کند. در هر واحد ۳ اتاق و در هر اتاق ۳ فرش و روی هر فرش ۳ میز و روی هر میز ۳ سبب قرار دارد. تعداد کل سبب‌ها در این ساختمان چند تا است؟

 3^4 [۴]

 3^5 [۳]

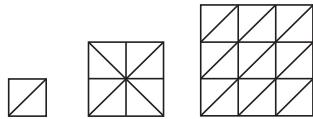
 3^3 [۲]

 3^0 [۱]

پاسخ: گزینه ۳

$$3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^5$$

↓ ↓ ↓ ↓ ↓
تعداد سبب تعداد میز تعداد فرش تعداد اتاق تعداد واحد



۲۱ تعداد مثلث‌های کوچک (همنهشت) در شکل n^3 چند تاست؟

 $2n^3 - 1$ [۲]

 $(2n)^3$ [۴]

 $n^3 - 1$ [۱]

 $2n^3$ [۳]

 پاسخ: گزینه ۳ الگوی $2n^3$ صحیح است زیرا:

$(1) 2 \times 1^2 = 2 \times 1 = 2$

$(2) 2 \times 2^2 = 2 \times 4 = 8$

$(3) 2 \times 3^2 = 2 \times 9 = 18$

$(n) 2 \times n^2$

۲۲ اگر یک سلول در هر ثانیه به ۵ سلول تقسیم شود. بعد از ۵ ثانیه به چند سلول تقسیم می‌شود؟

 5^5 [۴]

 5^5 [۳]

 5^3 [۲]

 2^5 [۱]

پاسخ: گزینه ۳

سلول ۵ = ثانیه‌ی اول

 سلول 5^2 = ثانیه‌ی دوم

 سلول 5^3 = ثانیه‌ی سوم

 سلول 5^4 = ثانیه‌ی چهارم

 سلول 5^5 = ثانیه‌ی پنجم

۲۳ مکعب کدام یک از اعداد زیر چهار برابر مربعش است؟

۱ [۴]

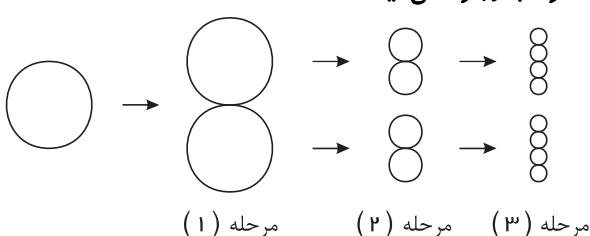
۴ [۳]

۲ [۲]

۱۶ [۱]

پاسخ: گزینه ۳

$4 \times 4 = 16, \quad 64 = 4^3 = 4 \times 16 \Rightarrow 64 = 4 \times 16$



۲۴ شکل زیر، تقسیم سلول‌ها را نمایش می‌دهد. در مرحله‌ی دهم، چند سلول به وجود می‌آید؟

 2^{10} [۱]

 10^2 [۲]

 10^{10} [۳]

 20 [۴]

پاسخ: گزینه ۱ به ترتیب عبارتند از:



پاسخ: گزینه ۲

$$1^3, 2^3, 3^3, 4^3, 5^3 = 125$$

۳۰ چه عددی را باید به جای «؟» گذاشت؟ ؟

۱۴۳ ۴

۱۰۳ ۳

۹۰ ۲

۲۴۳ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$3^1, 3^2, 3^3, 3^4, 3^5 = 243$$

۳۱ در دنباله‌ی مختصاتی زیر، به جای \square کدام عدد را باید قرار داد؟

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 25 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 8 \\ 64 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 11 \\ 121 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 15 \\ \square \end{bmatrix}$$

۳۲۵ ۴

۲۲۵ ۳

۱۷۵ ۲

۱۲۵ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 5^2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 8 \\ 8^2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 11 \\ 11^2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 15 \\ 225 \end{bmatrix} \rightarrow \square = 15^2$$

۳۲ یک توپ هر بار که به زمین برخورد می‌کند، به اندازه‌ی ۹۰٪ ارتفاع قبل اش، بالا می‌جهد. اگر این توپ را از ارتفاع a متری به سمت زمین، رها کرده باشیم، کدام الگوی زیر، ارتفاع این توپ را از زمین پس از برخورد n بار نشان می‌دهد؟

$$(a \times \frac{9}{100})^n$$

$$a \times (\frac{9}{100})^n$$

$$a^n \times \frac{9}{100}$$

$$a \times \frac{9}{100}$$

پاسخ: گزینه ۳

$$a \times \overbrace{\frac{9}{100} \times \frac{9}{100} \times \cdots \times \frac{9}{100}}^{n \text{ بار}} = a \times (\frac{9}{100})^n$$

۳۳ هیزم‌شکنی در جنگل، چوبی را از وسط می‌شکند. سپس دو قسمت ایجاد شده را روی هم گذاشته و مجدداً از وسط می‌شکند. او این عمل را تکرار می‌کند کدام الگوی زیر، تعداد قطعات ایجاد شده را پس از n بار به درستی نشان می‌دهد؟

$$2^n$$

$$n^n$$

$$2n$$

$$n^2$$

پاسخ: گزینه ۴

$$\begin{array}{ccccccc} & & & & & & \\ \text{اولین بار} & \dots & \text{n امین بار} & & & & \\ 2 & & 2 \times 2 & & \underbrace{2 \times 2 \times \cdots \times 2}_{n \text{ بار}} & & \end{array}$$

۳۴ امیرعلی باید مسافتی را طی می‌کرد. او در دقیقه‌ی اول، $\frac{1}{5}$ مسیر را طی کرد و در هر دقیقه‌ی دیگر، $\frac{1}{5}$ باقی‌مانده‌ی مسیر را طی کرد.

پس از n دقیقه، هنوز a متر باقی‌مانده بود. کل مسیر، چند متر بوده است؟ کدام الگو مناسب این سؤال است؟

$$a \times (\frac{4}{5})^n$$

$$a \times 5^n$$

$$a \times (\frac{1}{5})^n$$

$$a \times (\frac{5}{4})^n$$

پاسخ: گزینه ۱ در انتهای مسیر، $\frac{4}{5}$ باقی‌مانده است که اگر a متر باقی‌مانده را برابر $\frac{5}{4}$ تقسیم کرده و در 5 ضرب کنیم، یعنی $\frac{5}{4} \times a$ ، $\frac{5}{4}$ ام طی نشده در

مرحله‌ی یکی مانده به آخر بدست می‌آید، اگر همین عمل را تکرار کنیم، کل مسیر بدست می‌آید. یعنی داریم:



$$\underbrace{(((a \times \frac{5}{4}) \times \frac{5}{4} \times \cdots \times \frac{5}{4}))}_{n \text{ مرتبه}} = a \times (\frac{5}{4})^n$$

۳۵ اگر روز اول یک ماه ۳۵ روزه، a تومان پس انداز کنید و هر روز دیگر، ۲ برابر روز قبل، پس انداز کنید، کدام الگوی زیر، فقط پول پس انداز شده در روز آخر ماه را محاسبه می کند؟

۳۰ $\times a^{30}$ [۴]

۲^{۳۰} $\times a$ [۳]

۲^{۳۹} $\times a$ [۲]

۲ $\times a^{30}$ [۱]

پاسخ: گزینه ۲

$$\underbrace{2^0 \times a}_{\text{روز اول}}, \underbrace{2^1 \times a}_{\text{روز دوم}}, \underbrace{2^2 \times a}_{\text{روز سوم}}, \dots, \underbrace{2^{30} \times a}_{\text{روز آخر}}$$

۳۶ باکتری ای به نام A وجود دارد که هر ساعت به ۳ باکتری جدید A تبدیل می شود و خودش از بین می رود. اگر در ابتدا ۳ باکتری A وجود داشته باشد، پس از ۲۴ ساعت چند باکتری A وجود خواهد داشت؟

۳^{۲۵} [۴]

۳^{۱۲ \times ۲۵} [۳]

۳^{۱۲ \times ۲۳} [۲]

۳^{۲۴} [۱]

پاسخ: گزینه ۳

در هر ساعت تعداد باکتری ها ۳ برابر ساعت قبل می شود بنابراین:

$3 \times 3 = 3^2$ تعداد باکتری ها در ساعت اول

$3 \times 3^2 = 3^3$ تعداد باکتری ها در ساعت دوم

$3 \times 3^3 = 3^4$ تعداد باکتری ها در ساعت سوم

⋮

$3 \times 3^{24} = 3^{25}$ تعداد باکتری ها در ساعت ۲۴ام

۳۷ بزرگ ترین عدد طبیعی n را طوری به دست آورید که $n^{40} > 3^{24}$ باشد؟

۹ [۴]

۸ [۳]

۷ [۲]

۶ [۱]

پاسخ: گزینه ۲

$3^{24} > n^{40} \rightarrow (2^5)^{24} > n^{40} \rightarrow 2^{120} > n^{40} \rightarrow (2^3)^{40} > n^{40} \rightarrow 2^3 > n \rightarrow n = 7$

۳۸ اگر ترتیبی از اعداد ۱ تا ۴ را با a, b, c و d نمایش دهیم به نحوی که $a^b + c^d$ حداقل مقدار را بدهد، حداقل مقدار برابر خواهد شد با:

۸۳ [۴]

۸۲ [۳]

۷۵ [۲]

۶۶ [۱]

پاسخ: گزینه ۴

$3^3 + 2^1 = 81 + 2 = 83$

۳۹ دنباله ای از اعداد را با شروع از عدد ۱ ایجاد می کنیم به این صورت که عدد دوم برابر ۳ باشد و پس از آن هر عدد برابر است با نسبت عدد ماقبل آخر به عدد آخر. عدد دوازدهم برابر است با:

۳⁻¹² [۴]

۳¹⁰ [۳]

۳⁸⁹ [۲]

۳⁻¹⁰ [۱]

پاسخ: گزینه ۲

دنباله اعداد به صورت زیر می باشد:

1, 3, 3⁻¹, 3³, 3⁻³, 3⁵, 3⁻⁸, 3¹³, 3⁻²¹, 3³⁴, 3⁻⁵⁵, 3⁸⁹

پس در ۱۰۰۰۰ عدد، صد عدد مربع کامل وجود دارد. پس:

$$\frac{100}{10000} = \frac{x}{100} \Rightarrow x = 1\%$$

۴۶ اگر $-20 < a < -1$ باشد، کدام عدد از همه بزرگ‌تر است؟ (n عدد طبیعی زوج و a عدد صحیح است.)

 a^{n-1} ۴ a^{n+3} ۳ $-a$ ۲ a^n ۱

پاسخ: گزینه ۱ در عبارت $-20 < a < -1$ تمام عدهای صحیح مانند: $-2, -3, \dots, -19$ می‌تواند باشد، چون n عدد زوج است، پس a^n عدد صحیح مثبت است که از خود a و قرینه آن بزرگ‌تر است. توجه کنیم که $(n+3)$ و $(n-1)$ عدهای زوج نیستند و هر عدد منفی به توان فرد برسد، حاصل آن منفی است.

۴۷ در عبارت $x = 3^{2k} + 6$ چقدر باشد تا x یک عدد اول شود؟

صفر ۴

-۲ ۳

۲ ۲

۱ ۱

گزینه ۴: پاسخ

$$3^{2k} + 6 = 3^{2 \times 0} + 6 = 3^0 + 6 = 1 + 6 = 7$$

۴۸ بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک دو عدد $b = 3^3 \times 5$ و $a = 3^3 \times 3^3 \times 5$ برابر است با:

۱۴ ۴

۴۵ ۳

۱۵ × ۱۵ ۲

۲۷ ۱

پاسخ: گزینه ۱ ب.م. دو عدد عبارت است از عامل‌های مشترک با کوچک‌ترین توان.

$$(a, b) = 3 \times 3 \times 3 = 27$$

۴۹ حاصل $3 - (-2^3 + (+3)^2) \div (-3^2 + (-2)^3) \times ((-2)^2 + (-1)^{1390})$ کدام است؟

+۸ ۴

+۶ ۳

-۴ ۲

صفر ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$\begin{aligned} 3 - \underbrace{(-2 \times 2 + 3 \times 3)}_{-4} + \underbrace{5}_{9} \div \underbrace{(-3 \times 3 + 2 \times 2)}_{-9} + \underbrace{5}_{4} \times (4 + 1) &= 3 - \underbrace{(+)5 \div (-5)}_{-1} \times 5 \\ &= 3 - \underbrace{(-1) \times 5}_{-5} = 3 + 5 = 8 \end{aligned}$$

۵۰ حاصل عبارت $1 + (-1)^1 \times 1 + (-1)^2 \times 2 + (-1)^3 \times 3 + \dots + (-1)^{100} \times 100$ برابر است با:

+۵۰ ۴

-۵۰ ۳

+۱۰۰ ۲

-۱۰۰ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$\underbrace{-1 + 2}_{+1} - \underbrace{3 + 4}_{+1} - \underbrace{5 + 6}_{+1} - \dots + \underbrace{100}_{+1} = +50$$

۵۱ حاصل عبارت $1 - 4 \times (-4)^2 + 5 \times (-4)^3 - 6 \times (-4)^4$ برابر است با:

+۶ ۴

-۶ ۳

۲۶ ۲

۲۴ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\underbrace{-4 \times 4}_{-16} + \underbrace{5 \times 4}_{20} - \underbrace{6 \times 1}_{-6} - 4 \rightarrow -16 + 20 - 6 - 4 = -6$$



۵۲ حاصل عبارت $-8 - 8 \left[-2^3 \times \left(-\frac{1}{4} \right)^3 + \frac{3}{2} (-2)^4 \right]$ کدام است؟

+۱۸۵ ۴

+ $\frac{17}{8}$ ۳- $\frac{17}{8}$ ۲

-۱۸۵ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$\underbrace{8 - 8 \times \left[-8 \times \frac{-1}{64} + \frac{3}{2} \times 16 \right]}_{+\frac{1}{8}} = 8 - 8 \times \frac{1}{8} - 8 \times 24 = 8 - 1 - 192 = -185$$

۵۳ حاصل عبارت $5 - 4 \left[3 - 2(1 - 2)^4 + 3 \right] 4 - 5$ برابر است با:

۳۲ ۴

-۱۲۸ ۳

-۶۴ ۲

-۴ ۱

پاسخ: گزینه ۲ می‌دانیم اولویت در اعمال ریاضی به ترتیب با پرانتز، توان، ضرب و تقسیم می‌باشد. پس:

$$\begin{aligned} 5 - 4 \left[3 - 2(1 - 2)^4 + 3 \right] 4 - 5 &= 5 - 4 \left[3 - 2(-1)^4 + 3 \right] 4 - 5 \\ &= 5 - 4 [3 - 2 + 3] 4 - 5 = 5 - 4(4)4 - 5 = 5 - 64 - 5 = -64 \end{aligned}$$

۵۴ حاصل عبارت $2 - 2 \times (-3 + 3 \times 4 - 2^3) + 2^3$ کدام است؟

۲۵۸ ۴

صفر ۳

۲۵۶ ۲

۲۴۸ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$2 - 2 \times \underbrace{(-3 + 3 \times 4 - 2^3)}_{12} + 8 = 2 - \underbrace{2 \times 5}_{10} + 8 = 0$$

۵۵ حاصل عبارت $\dots = \dots = 0,38$ برابر است با:

۳,۸ ۴

۲,۸ ۳

۰,۳۸ ۲

۰,۲۸ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$\underbrace{(0,3 \times 0,3 \times 0,3 - 0,2 \times 0,2 \times 0,2)}_{0,019} \div \underbrace{(0,3 \times 0,3 - 0,2 \times 0,2)}_{0,05} = 0,019 \div 0,05 \Rightarrow 0,38$$

۵۶ علامت حاصل عبارت $-(-7)^5 \times (-3)^2 \times (+5)^3 \div (-2)^3$

نمی‌توان تعیین کرد ۴

نه مثبت و نه منفی است ۳

مثبت است ۲

منفی است ۱

پاسخ: گزینه ۱ با توجه به این‌که توان زوج، پایه‌ی منفی را مثبت می‌کند و توان فرد تأثیری روی علامت عبارت ندارد، داریم:

$$-(-) \times (+) \times (+) \div (-) = + \div - = -$$

۵۷ حاصل عبارت $-(-2)^4 - 2$ کدام است؟

+۸ ۴

-۸ ۳

+۱۶ ۲

-۱۶ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$-(-2)^4 = -(+16) = -16$$



۵۸ قرینه‌ی معکوس $(-\frac{2}{3})^2$ – برابر است با:

$\frac{9}{4}$ [۴]

$\frac{4}{9}$ [۳]

$-\frac{9}{4}$ [۲]

$-\frac{4}{9}$ [۱]

پاسخ: گزینه ۴ ابتدا حاصل خود عبارت $(-\frac{2}{3})^2$ – را به دست می‌آوریم. سپس معکوس و در نهایت قرینه می‌کنیم:

$$-(-\frac{2}{3})^2 = -(+\frac{4}{9}) = -\frac{4}{9} \xrightarrow{\text{معکوس}} -\frac{9}{4} \xrightarrow{\text{قرینه}} \frac{9}{4}$$

۵۹ در جای خالی چند عدد حسابی می‌توان قرار داد به طوری که نامساوی رویه رو برقرار باشد؟

$(\sqrt{2})^{\square} < 17$

10 [۴]

9 [۳]

8 [۲]

7 [۱]

پاسخ: گزینه ۳ اگر به جای مربع اعداد ۵، ۱، ۲، و... ۸ را قرار دهیم (۹ عدد)، نامساوی برقرار است اما اگر از اعداد بزرگتر از ۸، استفاده کنیم، عبارت سمت چپ، عددی بزرگتر از ۱۷ می‌شود و نامساوی برقرار نمی‌باشد.

۶۰ همهٔ نتیجه‌گیری‌های زیر، درست هستند، به جز

$6^3 - 3^3 = 3^3$ [۴]

$\frac{2^3}{3} = \frac{8}{3}$ [۳]

$(-2)^4 = 4^2$ [۲]

$(-\frac{1}{3})^4 = \frac{1}{3^4}$ [۱]

$(-\frac{1}{3})^4 = \frac{1}{3^4} = \frac{1}{81} = \frac{1}{3^4}$

گزینه ۲:

$(-2)^4 = 2^4 = 16 = 4^2$

گزینه ۳:

$\frac{2^3}{3} = \frac{8}{3}$

گزینه ۴:

$6^3 - 3^3 = 36 - 9 = 27 = 3^3$

۶۱ مجموع مربعات دو عدد اول ۳۶۵ است. تفاضل آن دو عدد کدام است؟

21 [۴]

19 [۳]

17 [۲]

15 [۱]

پاسخ: گزینه ۲

$$\left. \begin{array}{l} \text{فرد} = \text{فرد} + \text{زوج} \\ \text{زوج} : 2 \\ \text{فرد} : 1 \end{array} \right\} \text{تنها عدد اول زوج : ۲} \rightarrow 2^2 + 361 = 365$$

$\sqrt{361} - \sqrt{4} = 19 - 2 = 17$

۶۲ تعداد مقسوم علیه‌های مربع کامل عدد $3^7 \times 5^3 \times 7^3 \times 11^2$ کدام است؟

128 [۴]

64 [۳]

24 [۲]

9 [۱]



پاسخ: گزینه ۳

مقسوم علیه هایی را در نظر می گیریم که توان عوامل اول آن ها عددی زوج باشد بنابراین حالات زیر را برای توان هر کدام از عوامل اول این عدد داریم:

توان ۲	توان ۳	توان ۵	توان ۷
۶	۶	۲	۲
۴	۴	۰	۰
۲	۲		
۰	۰		

$۴ \times ۴ \times ۲ \times ۲ = ۶۴$

۶۳ حاصل عبارت زیر به صورت عدد تواندار در کدام گزینه آمده است؟

$$۳^7 + ۳^0 \div ۱۰^7 + (۳^3 \times ۳^4) = ?$$

۹^۸ ۴۳^۸ ۳۹^۷ ۲۳^{۲۱} ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\underbrace{۳^7 + ۳^0 \div ۱۰^7}_{۳^7} + \underbrace{(۳^3 \times ۳^4)}_{۳^7} = ۳^7 + ۳^7 + ۳^7 = ۳ \times ۳^7 = ۳^8$$

۶۴ حاصل عبارت زیر به کدامیک از اعداد صحیح زیر، نزدیک‌تر است؟

$$\frac{۳^3 - ۴^3}{۲^5 - ۵^2} = ?$$

-۷ ۴

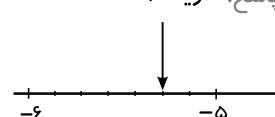
-۶ ۳

-۵ ۲

-۴ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$\frac{۳^3 - ۴^3}{۲^5 - ۵^2} = \frac{۲۷ - ۶۴}{۳۲ - ۲۵} = \frac{-۳۷}{۷} = -\frac{۳۷}{۷}$$

۶۵ در عبارت زیر مقدار x کدام است؟

$$\lambda^{x+2} = ۴^{x+5}$$

۱ ۴

۴ ۳

۲ ۲

۸ ۱

پاسخ: گزینه ۳

چون $۴ \times ۴ = ۸$ پس می‌توان نوشت:

$$\lambda^x \times \lambda^2 = ۴^x \times ۴^5 \Rightarrow (۲ \times ۴)^x \times ۶۴ = ۴^x \times ۴^3 \times ۴^2 \Rightarrow ۲^x \times \cancel{4^x} \times \cancel{4^3} = \cancel{4^2} \times \cancel{4^3} \times ۱۶ \Rightarrow ۲^x = ۱۶$$

چون $۲^4 = ۱۶$ پس $x = 4$ است.

۶۶ با توجه به عبارت زیر، مقدار حاصل ضرب a و b کدام است؟

$$\lambda^a \times \varepsilon^b = ۱۲^6$$

۸ ۴

۹ ۳

۱۵ ۲

۱۲ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$\lambda^a \times \varepsilon^b = ۱۲^6 \Rightarrow (\lambda^a)^b \times (۲ \times ۳)^b = (۳ \times ۴)^6$$

$$\Rightarrow (۲ \times ۲ \times ۲)^a \times (۲ \times ۳)^b = ۳^6 \times (۲ \times ۲)^6 \Rightarrow ۲^{3a} \times ۲^b \times ۳^b = ۳^6 \times ۲^{12}$$



$$\Rightarrow 2^{3a+b} \times 2^b = 2^{12} \times 2^6 \Rightarrow \begin{cases} 3a + b = 12 \\ b = 6 \end{cases} \Rightarrow a = 2 \Rightarrow ab = 12$$

۶۷ حاصل عبارت $A \times B$ کدام است؟

$$A = 2^3 + 2^3$$

$$B = 2^3 \times 2^3 \times 2^3$$

۱۰۴

۱۰۳

۱۲۴

۱۴۱

پاسخ: گزینه ۲

$$\left. \begin{array}{l} A = 2^3 + 2^3 = 2 \times 2^3 = 2^{3+1} = 2^4 \\ B = 2^3 \times (3 \times 2)^3 = 2^3 \times 2^3 = 2^{3+3} = 2^6 \end{array} \right\} \Rightarrow A \times B = 2^4 \times 2^6 = (2 \times 2)^4 = 12^4$$

۶۸ حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$(1 - 2)^{100} (2 - 3)^{99} (3 - 4)^{98} \cdots (99 - 100)^2 = ?$$

۲۵۰

صفر

-۱

+۱

پاسخ: گزینه ۲ جواب داخل تمام پرانتزها برابر - می باشد که تعداد ۵۵ تای آنها به توان زوج و ۴۹ تای آنها به توان فرد می رساند. بنابراین:

$$(1 - 2)^{100} (2 - 3)^{99} (3 - 4)^{98} \cdots (99 - 100)^2 = (1) \times (-1) \times (1) \times (-1) \times \cdots \times 1 = (-1)^{49} \times (1)^{50} = -1$$

۶۹ حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$\frac{(2^5 - 5^2)(4^3 - 3^4)}{3^4} =$$

 $\frac{7}{4}$ $-\frac{7}{2}$ $\frac{17}{2}$ $-\frac{7}{4}$

پاسخ: گزینه ۳

$$\frac{(2^5 - 5^2)(4^3 - 3^4)}{3^4} = \frac{(32 - 25)(64 - 81)}{3^4} = \frac{7 \times (-17)}{3^4} = -\frac{7}{2}$$

۷۰ حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$(7^{\circ} + 7^{\circ})(2^{\circ} + 2^{\circ} \times 0^{\circ}) + 5^{\circ} + 5^{\circ} + 5^{\circ} + 5^{\circ}$$

۵۲۵

۴۶۵

۶۲۵

۵۵۰

پاسخ: گزینه ۱

$$(7^{\circ} + 7^{\circ})(2^{\circ} + 2^{\circ} \times 0^{\circ}) = (1 + 49)(1 + 4 \times 0) = 50 \times 1 = 50$$

$$50 + 5^{\circ} + 5^{\circ} + 5^{\circ} + 5^{\circ} = 25 \times 2 + 4 \times 5^{\circ} = 50 + 4 \times 125 = 550$$

۷۱ حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$2^3 + 2^3 + 2^3 + 2^3 = ?$$

۶۴

۶۴

۳۴

۳۴

پاسخ: گزینه ۳

$$2^3 + 2^3 + 2^3 + 2^3 = 4 \times 2^3 = 2^2 \times 2^3 = (2 \times 3)^3 = 6^3$$



۷۲ حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$(5^3 + 5^3 + 5^3 + 5^3 + 5^3) \times (3 \times 27) = ?$$

۴ ۱۵ ۱۵ ۱۵

پاسخ: گزینه ۲

$$(5^3 + 5^3 + 5^3 + 5^3 + 5^3) \times (3 \times 27) = (5 \times 5^3) \times (3 \times 3^3) = 5^4 \times 3^4 = (5 \times 3)^4 = 15^4$$

۷۳ اگر $2 = 3^x$ باشد، حاصل 3^{3x} کدام است؟۱۶ ۸ ۲ ۴

پاسخ: گزینه ۱

$$3^{3x} = 2^{x+3} = 2^x \times 2^3 = 2 \times 2 = 4$$

۷۴ اگر علامت « Δ » بین دو عدد به صورت $a\Delta b = b^a$ تعریف شده باشد، حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$A = 3\Delta[(12\Delta 5)\Delta(6\Delta 3)]\Delta 1$$

۲۸ ۹۶ ۱ ۲۱

پاسخ: گزینه ۲ فرض کنید:

$$3\Delta[(12\Delta 5)\Delta(6\Delta 3)] = m$$

آن گاه:

$$A = m\Delta 1 = 1^m = 1$$

۷۵ حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$(0^2 - 2^0)(1^3 - 3^1)(2^4 - 4^2) = ?$$

صفر -۲ -۱ ۲

پاسخ: گزینه ۴

$$(0^2 - 2^0)(1^3 - 3^1)(2^4 - 4^2) = (0 - 1)(1 - 3)(16 - 16) = (-1) \times (-2) \times 0 = 0$$

۷۶ اگر بزرگترین مقسوم‌علیه مشترک دو عدد $b = 2^{k+1} \times 3 \times 5^{k+1}$ و $a = 2^{k-1} \times 3^3 \times 5^{k-1}$ باشد،مقدار k کدام است؟۵ ۴ ۲ ۳

پاسخ: گزینه ۱

$$b = 2^{k-1} \times 3^1 \times 5^{k-1} = 300$$

$$10^{k-1} \times 3^1 = 10^2 \times 3^1 \rightarrow k-1 = 2 \rightarrow k = 2+1 \rightarrow k = 3$$

۷۷ مقدار $m+n$ در معادله $(2m-6)^{\circ} + (m+n-1)^{\circ} = 0$ کدام است؟۱ ۲ ۳ ۴

پاسخ: گزینه ۴

$$2m - 6 = 0 \Rightarrow m = 3$$

$$m + n - 1 = 0 \Rightarrow 3 + n - 1 = 0 \Rightarrow n = -2$$

$$m + n = 3 + (-2) = 1$$

۷۸ عدد $5^8 \times 2^{14}$ یک عدد چند رقمی است؟۹ ۱۲ ۱۱ ۱۰

پاسخ: گزینه ۱ می‌توان نوشت:

$$2^{14} = 2^6 \times 2^8$$

$$2^{14} \times 5^8 = 2^6 \times \underbrace{2^8 \times 5^8}_{64} = 2^6 \times (2 \times 5)^8 = 64 \times 10^8 = 6400000000 \Rightarrow ۱۰\text{ رقمی}$$

۷۹

نسبت مجذور به مکعب معکوس عدد $\frac{2}{5}$ برابر است با: $\frac{8}{120}$ $\frac{4}{25}$ $\frac{2}{5}$ $\frac{3}{4}$ پاسخ: گزینه ۲ $\frac{5}{2}$ معکوس

$$\left. \begin{array}{l} \left(\frac{5}{2} \right)^2 = \frac{25}{4} \text{ مجذور} \\ \left(\frac{5}{2} \right)^3 = \frac{125}{8} \text{ مکعب} \end{array} \right\} \rightarrow \frac{\frac{25}{4}}{\frac{125}{8}} = \frac{25 \times 8}{125 \times 4} = \frac{2}{5}$$

توجه کنیم که عبارت صورت مسئله را به دو صورت می‌توان خواند.

نسبت مجذور به مکعب معکوس عدد $\frac{2}{5}$: که هدف اصلی حالت دوم است.

$$\begin{array}{r} \frac{2}{5} \text{ مجذور} & \frac{5}{2} \text{ مکعب} \\ \hline \text{یا} \\ \frac{2}{5} \text{ مکعب معکوس} & \left(\frac{5}{2} \right)^3 \end{array}$$

۸۰

حاصل عبارت $\frac{5^6 - 5^5 - 5^4 - 5^3}{5^3}$ برابر است با:۶۲۵ ۲۵ ۹۴ ۱۲۵

پاسخ: گزینه ۲ ابتدا عبارت را تفکیک می‌کنیم:

$$\frac{5^6}{5^3} - \frac{5^5}{5^3} - \frac{5^4}{5^3} - \frac{5^3}{5^3} = 5^3 - 5^2 - 5^1 - 1 = \underbrace{125 - 25}_{100} - 5 - 1 = ۹۴$$

۸۱

چه کسری از 2^{100} برابر با 2^{97} می‌باشد؟ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{8}$

پاسخ: گزینه ۱

$$x \times 2^{100} = 2^{97} \Rightarrow x = \frac{2^{97}}{2^{100}} = \frac{2^{97}}{2^{97} \times 2^3} = \frac{1}{2^3} = \frac{1}{8}$$

۸۲

عدد 27^5 چند برابر عدد 81^4 است؟۳ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{9}$ $\frac{1}{27}$



پاسخ: گزینه ۳

$$27^5 \div 81^4 = (3^3)^5 \div (3^4)^4 = 3^{15} \div 3^{16} = 3^{15-16} = 3^{-1} = \frac{1}{3}$$

۸۳ عدد 7^{va+v} کدام است؟ v^{va} ۴ v^{va+v} ۳ v^{va+1} ۲ v^{a+v} ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$v^{va+v} \div v^1 = v^{va+v-1} = v^{va+v}$$

۸۴ عدد ۳ را به چه توانی برسانیم تا حاصل 9^9 شود؟

۹ ۴

۶ ۳

۳ ۲

۲ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$3^v \times 3^v \times 3^v = 3^9 \Rightarrow (3^v)^3 = 3^9 \Rightarrow (3^9)^v = (3^v)^9 = 9^9 \Rightarrow (3^v)^v = 9^9$$

۸۵ در تساوی $3^{13} \times 9^x = 3^{13}$, مقدار x برابر کدام گزینه است؟

۲ ۴

۳ ۳

۶ ۲

۵ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$3^v \times (3^v)^x = 3^{13} \Rightarrow 3^{v+vx} = 3^{13} \Rightarrow v + vx = 13 \Rightarrow x = 5$$

۸۶ اگر $3^n + 9^n + 9^n = 3^{2011}$, مقدار n برابر است با:

۲۰۱۱ ۴

۲۰۱۰ ۳

۱۰۰۶ ۲

۱۰۰۵ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$9^n + 9^n + 9^n = 3^{2011} \Rightarrow 3 \times 9^n = 3^{2011} \Rightarrow 3 \times (3^v)^n = 3^{2011} \Rightarrow 3^{1+vn} = 3^{2011}$$

$$\Rightarrow 1 + vn = 2011 \Rightarrow vn = 2010 \Rightarrow n = 1005$$

۸۷ در عبارت $3^x + 3^x + 3^x = 81$ مقدار x کدام است؟

هیچ کدام ۴

۲ ۳

۳ ۲

۴ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$3 \times 3^x = 81 \Rightarrow 3^{x+1} = 3^4 \Rightarrow x + 1 = 4 \Rightarrow x = 3$$

۸۸ حاصل عبارت $a^2 \times a^4 \times a^6 \times \cdots \times a^{100}$ کدام است؟ a^{3050} ۴ a^{5100} ۳ a^{2550} ۲ a^{2500} ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$a^2 \times a^4 \times a^6 \times \cdots \times a^{100} = a^{2+4+6+\cdots+100} = a^{2 \times (1+2+3+\cdots+50)} = a^{2 \times \frac{50 \times 51}{2}} = a^{2550}$$

۸۹ حاصل عبارت $5^3 \times 3^5 \times 75^2$ به صورت عدد تواندار کدام است؟ 75^3 ۴ 45^3 ۳ 15^4 ۲ 15^5 ۱

پاسخ: گزینه ۲ ابتدا ۷۵ را تجزیه می‌کنیم:

$$75 \times 3^3 \times 5^2 = 3 \times 5^3 \times 3^3 \times 5^2 = 3^6 \times 5^5 = 15^5$$

۹۰ به جای \square کدام عدد را می‌توان نوشت؟

$$2^5 \times 6^{\square} \times 3^5 = 6^{12}$$

۲۲ ۴

۷ ۳

۲ ۲

۵ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$2^5 \times 3^5 \times 6^{\square} = 6^5 \times 6^{\square} = 6^{12} \Rightarrow \square = 7$$

۹۱ اگر $x^7 \times 5^{2/5} \times 4^7 \times 5^{4/5} = x^y$ باشد، مقدار x کدام است؟

۳۰ ۴

۲۰ ۳

۱۵ ۲

۱۰ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$5^{2/5} \times 5^{4/5} \times 4^7 = 5^y \times 4^7 = 2^y \Rightarrow x = 2^y$$

۹۲ حاصل عبارت $6^4 \times 5^9 \times 3^5 \times 2^5$ کدام است؟۶^{۲۰} ۴۳۰^۹ ۳۱۵۰^{۲۴} ۲

۲۵۶۷۶ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$2^5 \times 5^9 \times 3^5 \times 6^4 = 6^4 \times 6^4 \times 5^9 = 6^9 \times 5^9 = 30^9$$

۹۳ حاصل عبارت $(+2)^4 \times (-2)^6$ برابر است با:+۲^{۲۴} ۴-۲^{۱۰} ۳(-2)^{۱۰} ۲(-2)^{۱۰} ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$(-2)^6 \times (+2)^4 = (+2)^6 \times (+2)^4 = (+2)^{10} = (-2)^{10}$$

۹۴ عدد 6^8 را به صورت دو عدد تواندار نوشتیم که یکی ۳۶ برابر دیگری است. عدد کوچک‌تر مضرب کدام عدد است؟

۵۴ ۴

۱۵ ۳

۸۱ ۲

۱۶ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$6^8 = 6^3 \times 6^5$$

می‌دانیم $6^3 = 6 \div 6^5$ یعنی 6^3 برابر عدد 6^5 است. پس عدد کوچک‌تر $= 216 = 6^3$ است که این مضرب ۵۴ است.۹۵ اگر $3^{12} = 59049 \times 3^{10}$ باشد، مقدار 3^{12} چقدر است؟

۴۵۳۱۴۴۱ ۴

۵۳۱۴۴۱ ۳

۶۳۱۴۴۱ ۲

۷۳۱۴۴۱ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$3^{12} = 3^3 \times 3^{10} \Rightarrow 3^{12} = 9 \times 59049 \Rightarrow 3^{12} = 531441$$

۹۶ ساده شده‌ی عبارت $(\frac{a}{b})^y \times (\frac{b}{c})^y \times (\frac{c}{d})^y \times \dots \times (\frac{y}{z})^y$ برابر است با: $(\frac{z}{a})^y$ ۴

۱ ۳

 $(\frac{a \times b \times c \times \dots \times y}{b \times c \times d \times \dots \times z})^y$ ۲ $(\frac{a}{z})^y$ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$(\frac{a}{b} \times \frac{b}{c} \times \frac{c}{d} \times \dots \times \frac{y}{z})^y = (\frac{a}{z})^y$$



۹۷ اگر $10 = 3^x$ باشد حاصل عبارت $\frac{3^{x+1} + 3^x}{3^x}$ کدام گزینه است؟

۴۰ ۴

۴۰۰ ۳

۱۰ ۲

۱۰۰ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$3^x = 10 \quad (1) , \quad 3^x = (3^x)^1 = (10)^1 = 100 \quad (2)$$

$$\frac{3^{x+1} + 3^x}{3^x} = \frac{(3^x \times 3^1) + 3^x}{3^x} \xrightarrow[(2)]{} \frac{(100 \times 3) + 100}{10} = \frac{400}{10} = 40$$

۹۸ اگر $2 = 3^y$ و $1 = 3^z$ باشند، حاصل عبارت $3^{x+2y+z+3}$ کدام گزینه است؟

۳۷۷ ۴

۲۷۰۰ ۳

۱۳۵۰ ۲

۳۱۴ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$3^{x+2y+z+3} = 3^x \times 3^{2y} \times 3^z \times 3^3 = 3^x \times (3^y)^2 \times 3^z \times 3^3 = 2 \times 5^2 \times 1 \times 27 = 1350$$

۹۹ حاصل عبارت مقابل به صورت یک عدد توان دار برابر است با:

$$2^{1380} + 2^{1380} + 2^{1381} + 2^{1382} + \dots + 2^{1392}$$

۲۱۳۹۳ ۴

۲۱۳۹۲ ۳

۲۱۳۹۱ ۲

۲۱۳۹۰ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$\underbrace{2^{1380} + 2^{1380}}_{2 \times 2^{1380} = 2^{1381}} + 2^{1381} + 2^{1382} + \dots + 2^{1392} = \underbrace{2^{1381} + 2^{1381}}_{2 \times 2^{1381} = 2^{1382}} + 2^{1382} + \dots + 2^{1392} =$$

به همین ترتیب اگر ادامه دهیم حاصل عبارت به صورت $2^{1392} \times 2^{1393} = 2^{1393}$ می شود که حاصل آن برابر

۱۰۰ حاصل عبارت $(\frac{2}{3})^5 \times (\frac{3}{4})^5 \times (\frac{4}{5})^5 \times (\frac{5}{6})^5$ کدام گزینه است؟

 $(\frac{14}{18})^5$ ۴ $(\frac{1}{3})^5$ ۳ 3^{25} ۲ $(\frac{14}{18})^5$ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\left(\frac{\cancel{1}}{\cancel{2}} \times \frac{\cancel{1}}{\cancel{2}} \times \frac{\cancel{1}}{\cancel{2}} \times \frac{\cancel{1}}{\cancel{2}}\right)^5 = \left(\frac{1}{3}\right)^5$$

۱۰۱ حاصل عبارت $5^3 \times 2^6$ به صورت عدد توان دار برابر است با:

۱۰۹ ۴

۴۰۳ ۳

۱۰۶ ۲

۲۰۳ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$2^6 \times 5^3 = (2^2)^3 \times 5^3 = 4^3 \times 5^3 = 20^3$$

۱۰۲ خمس ثلث عدد $9^4 \times 25^4 \times 2^7$ کدام گزینه است؟

۲۰۷ ۴

۲۰۹ ۳

۳۰۷ ۲

۳۰۵ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$\frac{1}{5} \times \frac{1}{3} \times 2^7 \times 25^4 \times 9^4 = 2^7 \times \frac{9^4}{3} \times \frac{25^4}{5} = 2^7 \times \frac{3^4}{3} \times \frac{5^4}{5} = 2^7 \times 3^7 \times 5^7 = 30^7$$



۱۰۳ در تساوی $625^3 \times 32^5 = 5^{3a+3} \times 2^{5b-5}$ مقدار a و b کدام گزینه می‌باشد؟

$a = 3, b = 6$ ۴

$a = -1, b = 5$ ۳

$a = 3, b = 5$ ۲

$a = 2, b = 3$ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$(5^3)^3 \times (2^5)^5 = 5^{3a+3} \times 2^{5b-5} \Rightarrow 5^{12} \times 2^{25} = 5^{3a+3} \times 2^{5b-5}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 5^{12} = 5^{3a+3} \Rightarrow 3a + 3 = 12 \Rightarrow 3a = 12 - 3 = 9 \Rightarrow a = 3 \\ 2^{25} = 2^{5b-5} \Rightarrow 5b - 5 = 25 \Rightarrow 5b = 25 + 5 = 30 \Rightarrow b = 6 \end{cases}$$

۱۰۴ کوچک‌ترین عددی که اگر در $7 \times 5^3 \times 4^5$ ضرب شود حاصل، مربع کامل می‌شود، کدام گزینه است؟

۱۴ ۴

۱۰ ۳

۳۵ ۲

۷۰ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$5^3 \times (2^3)^5 \times 7 = 5^3 \times 2^{15} \times 7 \xrightarrow{\times(5 \times 7)} (5 \times 7) \times 5^3 \times 2^{15} \times 7$$

$$\Rightarrow 5^3 \times 2^{15} \times 7^2 = (5^2 \times 2^5 \times 7)^2$$

۱۰۵ کوچک‌ترین عددی که به جای b قرار داده شود تا عبارت $b \times 27 \times 8^3 \times 27 \times 4^3$ مربع کامل باشد، کدام گزینه است؟

۸ ۴

۶ ۳

۹ ۲

۱۲ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$2^3 \times (2^3)^4 \times 3^3 \times b = 2^3 \times 2^{12} \times 3^3 \times b = 2^{15} \times 3^3 \times b \xrightarrow{b=2^{3 \times 3}} 2^{15} \times 3^3 \times (2 \times 3) = 2^{18} \times 3^4$$

۱۰۶ کوچک‌ترین عدد طبیعی x که به ازای آن $90 \times x$ مکعب کامل شود، کدام گزینه می‌باشد؟

۹۰۰ ۴

۳۰۰ ۳

۸۰۰ ۲

۱۰۰ ۱

پاسخ: گزینه ۳ مکعب کامل است. $\rightarrow 90 \times 300 = 27000 = (30)^3$

۱۰۷ حاصل عبارت $x^0 \times x^1 \times x^2 \times x^3 \times \dots \times x^{50}$ کدام گزینه است؟

۱ ۴

x^0 ۳

x^{1275} ۲

x^{50} ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$x^{0+1+2+3+\dots+50} = x^{1275}$$

۱۰۸ اگر 5^2 باشد، مقدار 16^x کدام است؟

۶۲۵ ۴

۱۲۵ ۳

۲۵ ۲

$\frac{1}{625}$ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$16^x = (2^4)^x = (2^x)^4 = 5^2 = 625$$

۱۰۹ نصف عدد 2^{k-4} برابر است با:

2^{4k-9} ۴

2^{4k-5} ۳

2^{4k-2} ۲

2^{4k-6} ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$2^{4k-4} \times \frac{1}{2} = (2^4)^{k-4} \times \frac{1}{2} = 2^{4k-8} \times \frac{1}{2} = \frac{2^{4k-8}}{2^1} = 2^{4k-8-1} = 2^{4k-9}$$

۱۱۰ حاصل عبارت $5^3 + 4^3 - [10 \times (8 - 3^2)]$ کدام گزینه است؟

۲۱ ۴

-۲۹ ۳

۲۹ ۲

-۲۱ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$4^3 + 5^3 - [10 \times (8 - 3^2)] = 4^3 + 5^3 - [10 \times (8 - 9)] = 4^3 + 5^3 - (-1) = 4^3 + 5^3 + 1 = 64 + 125 + 1 = 190$$

۱۱۱ حاصل عبارت $(1,25 \times 2^{0.7})^{\frac{3}{2}}$ برابر است با:

۲۰۴ ۴

۱۰ ۳

۱۶۲ ۲

۱۲۸ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\underline{2^{0.7}} \times (1,25 \times \underline{2^{0.7}}) = 2^{0.7} \times 2^{0.7} \times 1,25 = 2^{0.7+0.7} \times 1,25 = 2^1 \times 1,25 = 2 \times 1,25 = 10$$

۱۱۲ رقم سمت راست عدد 1377^9 کدام گزینه است؟

۶ ۴

۳ ۳

۱ ۲

۹ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$9^1 = 9, 9^2 = 81, 9^3 = 729, 9^4 = 6561$$

همانطور که ملاحظه می کنید ۹ به توان های فرد دارای یکان ۹ است.

۱۱۳ تجزیه‌ی عدد ۸۰۰ به صورت یک عدد توان دار در کدام عبارت است؟

۱۰۳ × ۵۳ ۴

۲۵ × ۵۳ ۳

۲۳ × ۳۳ × ۵۳ ۲

۸۱۰ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$800 = 2^5 \times 5^3$$

۱۱۴ مکعب عدد $(5 - 3)^2 + (18 - 17)^3$ کدام گزینه است؟

۱۲۵ ۴

۶۲۵ ۳

۲۵ ۲

۵ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$[(\cancel{5-3})^2 + (\cancel{18-17})^3] = [(2)^2 + (1)^3] = 4 + 1 = 5$$

$$5 = 125$$

۱۱۵ در عبارت $2^2 + 6^2 + 7^2 + 8^2 = 5^2$ به جای \square چه عددی قرار دهیم تا تساوی برقرار شود؟

صفر ۴

۳ ۳

۲ ۲

۱ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$5^2 + 6^2 + 7^2 + 8^2 = 1 + 1 + 1 + 1 = 4 = 2^2 \rightarrow$$

اگر به جای مربع صفر قرار دهیم تساوی برقرار است.

۱۱۶ حاصل کدام عبارت اشتباه است؟

$$4^2 + 3^2 = 5^2 \quad ۲$$

$$-3^2 + (-3)^2 = (3 - 3)^2 \quad ۱$$

$$(-1)^4 + (-1)^5 + (-1)^6 + (-1)^7 = 0 \quad ۴$$

$$\frac{2^3}{5} - \frac{3}{5} = 5^2 \quad ۳$$



پاسخ: گزینه ۳

$$\frac{2}{5} - \frac{3}{5} = \frac{1}{5} - \frac{3}{5} = \frac{1-3}{5} = \frac{-2}{5} = \frac{2}{5}$$

۱۱۷ مقدار عبارت $[2 - 3(2 - 3)^{-1}]^{-1}$ برابر است با:۱ ۴۲ ۳۳ ۲۴ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$[2 - 3(\cancel{\frac{2}{2}})^{-1}]^{-1} = [2 - 3 \times (-1)]^{-1} = 5^{-1} = \frac{1}{5^1} = \frac{1}{5}$$

۱۱۸ مقدار n در عبارت $10^{n+1} = 100000$ کدام گزینه است؟۱ ۴۲ ۳۳ ۲۴ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$10^{n+1} = 100000 = 10^5 \Rightarrow 2n + 1 = 5 \Rightarrow n = 2$$

۱۱۹ رقم یکان حاصل ضرب عبارت $5^{10^8} \times 4$ کدام گزینه است؟۱ ۴۲ ۳۳ ۲۴ ۱پاسخ: گزینه ۱ رقم یکان 5^{10^8} مساوی ۵ است پس داریم: (۵ به هر توانی برسد یکانش ۵ است).

$$5^1 = 5, 5^2 = 25, 5^3 = 125, 5^4 = 625$$

رقم یکان حاصل برابر صفر است. $\rightarrow 20 \times 5 = 20 \rightarrow$ رقم یکان $4 \times 5^{10^8} = 0$ ۱۲۰ رقم یکان حاصل عبارت $2 + 6 + \dots + 6^{99} + 6^{100}$ کدام گزینه است؟۱ ۴۲ ۳۳ ۲۴ ۱

پاسخ: گزینه ۳ می‌دانیم ۶ به هر توانی برسد یکان عدد حاصل همان عدد ۶ است. بنابراین رقم یکان حاصل جمع برابر با صفر خواهد بود و با عدد ۲ وقتی جمع شود رقم یکان حاصل کل عبارت برابر با ۲ می‌شود.

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{رقم یکان} \\ \text{رقم بیکان} \\ 2 \xrightarrow{\quad} 2 \end{array} \right. \xrightarrow{\quad} 100 \times 6 = 600 \xrightarrow{\quad} 0 \xrightarrow{\quad} \text{رقم یکان} \Rightarrow 0 + 2 = 2$$

۱۲۱ رقم یکان حاصل جمع $1 + 5^{29} + 26^{29} + 5^{29}$ کدام گزینه است؟۱ ۴۲ ۳۳ ۲۴ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$\left. \begin{array}{l} \text{رقم بیکان} \\ \text{رقم بیکان} \\ 1 \xrightarrow{\quad} 1 \\ 5 \xrightarrow{\quad} 5 \\ 26^{29} \xrightarrow{\quad} 6 \end{array} \right\} \Rightarrow 1^{29} + 5^{29} + 26^{29} \xrightarrow{\quad} 1 + 5 + 6 = 12 \xrightarrow{\quad} 2$$

رقم یکان 1^{29} برابر ۱ است. رقم یکان 5^{29} برابر با ۵ است و رقم یکان 26^{29} برابر با ۶ است. رقم یکان مجموع این سه عدد یعنی: $1 + 5 + 6 = 12$ برابر با مجموع رقم یکان این اعداد است که برابر با ۲ می‌شود.۱۲۲ حاصل جمع ارقام $10^{10} - 10^5$ چند است؟۱ ۴۲ ۳۳ ۲۴ ۱



پاسخ: گزینه ۱

$$100^7 = (10^2)^7 = 10^{14} = 10000000000000$$

$$10^{10} = 1000000000$$

$$10^{14} - 10^{10} \Rightarrow \begin{array}{r} 10000000000000 \\ - 10000000000 \\ \hline 9999000000000 \end{array} \Rightarrow \text{جمع رقمها} = 9 + 9 + 9 + 9 = 36$$

۱۲۳ حاصل عبارت $1^3 + 1^3 + 1^3 + 1^3$ کدام گزینه است؟

۴۴, ۴

۴۱, ۱

۱۰۰۰۱, ۰۰۰۱

۴۰۰۱, ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$10^4 + 1^4 + (0,1)^4 = 10000 + 1 + 0,0001 = 10001,0001$$

۱۲۴ حاصل عبارت مقابله کدام گزینه است؟

$$10^0 + 1 \times 10^1 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10^3$$

۵۰۱۱

۳۲۰۰

۳۲۱۱

۵ \times 10^4

پاسخ: گزینه ۲

$$10^0 + 1 \times 10^1 + 2 \times 10^2 + 3 \times 10^3 = 1 + 10 + 200 + 3000 = 3211$$

۱۲۵ حاصل $\frac{1}{5} \times (\frac{1}{5})^5 \times (\frac{1}{5})^3 \times (0,2)^3$ کدام است؟

۰,۲۱۱

(\frac{2}{5})^6

(\frac{1}{5})^{12}

۰,۲۴

پاسخ: گزینه ۲

$$\text{توجه: } 0,2 = \frac{1}{5} \quad \text{و} \quad \frac{1}{5}^3 = (\frac{1}{5})^3$$

$$(0,2)^3 \times (\frac{1}{5})^5 \times \frac{1}{5} = (\frac{1}{5})^3 \times (\frac{1}{5})^5 \times (\frac{1}{5})^3 = (\frac{1}{5})^{12}$$

۱۲۶ اگر مجموع مکعب های اعداد طبیعی متولی با شروع از عدد یک برابر با مربع مجموع آن اعداد باشد، حاصل

 $1^3 + 2^3 + \dots + 15^3$ کدام است؟

۱۴۴۰۰

۱۰۵۱۲

۱۳۶۱۶

۸۴۶۴

پاسخ: گزینه ۲

$$\underbrace{1^3 + 2^3 + \dots + 15^3}_A \rightarrow 1^3 + 2^3 + \dots + \underbrace{15^3 + \dots + 15^3}_A = (1 + 2 + \dots + 15)^3$$

$$\rightarrow (1 + 2 + \dots + 15)^3 + A = (1 + 2 + \dots + 15)^3 \rightarrow A = (\frac{15 \times 16}{2})^3 - (\frac{7 \times 8}{2})^3 = 13616$$

۱۲۷ باقی مانده و خارج قسمت تقسیم $3^{1390} + 3^{1391} + 3^{1392} + 3^{1393}$ بر ۴۰ به ترتیب عبارت است از:۳^{۱۳۸۹}۳^{۱۳۸۹}, ۳۳^{۱۳۹۰}, ۳۰, ۳^{۱۳۹۰}

پاسخ: گزینه ۱

$$3^{1390} + 3^{1391} + 3^{1392} + 3^{1393} = 3^{1390} (1 + 3 + 3^2 + 3^3) = 40 \times 3^{1390}$$

باقی مانده تقسیم $3^{1390} \times 40$ بر ۴۰ برابر صفر می باشد.



$$\frac{40 \times 3^{1390}}{40} = 3^{1390}$$

۱۲۸ کوچک‌ترین مضرب مشترک و بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک دو عدد a و b به ترتیب $5 \times 3^2 \times 2^3$ و $3^3 \times 2^3$ است.

حداقل مقدار $a + b$ کدام است؟

۴۰۸

۳۱۲

۲۶۴

۱۹۲

پاسخ: گزینه ۲

$$(a, b) = 2^3 \times 3 \rightarrow a = 2^3 \times 3 \times x, b = 2^3 \times 3 \times y, (x, y) = 1$$

$$ab = [a, b] \times (a, b) \rightarrow (2^3 \times 3 \times x) \times (2^3 \times 3 \times y) = (2^4 \times 3^2 \times 5) \times (2^3 \times 3) \rightarrow xy = 2 \times 3 \times 5$$

در بین حالات مختلف برای x و y حداقل مقدار $x + y$ و در نتیجه حداقل مقدار $a + b$ زمانی می‌باشد که $y = 6$ و $x = 5$ باشد:

$$a + b = (2^3 \times 3 \times 5) + (2^3 \times 3 \times 6) = 264$$

۱۲۹ حاصل عبارت زیر همواره کدام است؟

$$(2^{2a+1} + 2^{2a+1}) \times 2^{3-2a} = ?$$

۲^{۲a}2^{2a-3}۲^۲2^{2a+3}

پاسخ: گزینه ۲

$$(2^{2a+1} + 2^{2a+1}) \times 2^{3-2a} = 2 \times 2^{2a+1} \times 2^{3-2a} = 2 \times (2 \times 2)^{2a+1} \times 2^{3-2a} = 2 \times 2^{2a+1} \times 2^{2a+1} \times 2^{3-2a} = 2^6$$

۱۳۰ حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$2^2 \times 2^2 \times 8^2 = ?$$

2¹³2¹²۲^{۱۶}2¹⁴

پاسخ: گزینه ۳

$$2^2 \times 2^2 \times 8^2 = 2^2 \times (2 \times 2) \times (8 \times 8) = 2^2 \times (2^2 \times 2^2) \times (2^3 \times 2^3) = 2^{2+2+2+3+3} = 2^{12}$$

۱۳۱ رقم یکان عدد ۳۱۷۹۲۴۳۴۳۵۶^{۱۹۲۵۷۱} کدام است؟

۶

۷

۵

۱ صفر

پاسخ: گزینه ۴ اعدادی که رقم یکان آن‌ها یکی از اعداد ۱، ۵ و ۶ باشد، به هر توان طبیعی برسند، یکان آن‌ها تغییر نمی‌کند؛ پس رقم یکان این عدد ۶ خواهد بود.

۱۳۲ عدد $2^{53} + 2^{52} + 2^{51} + 2^{50}$ بر کدام یک از اعداد زیر بخش‌پذیر است؟

۲۷

۱۸

۳۰

۲۵

پاسخ: گزینه ۲ می‌توان نوشت:

$$2^{50} + 2^{51} + 2^{52} + 2^{53} = 2^{50} + 2 \times 2^{50} + 2^3 \times 2^{50}$$

$$= 2^{50} \times (1 + 2^1 + 2^2 + 2^3) = 2^{50} \times (1 + 2 + 4 + 8) = 2^{50} \times 15 = 2^{50} + 2^2 \times 2^{50} \times 3 \times 5$$

هر یک از گزینه‌ها را به شمارنده‌های اول تجزیه می‌کنیم:

$$25 = 5^2, 30 = 2 \times 3 \times 5, 18 = 2 \times 3^2, 27 = 3^3$$

پس عدد داده شده فقط می‌تواند بر 3^0 بخش‌پذیر باشد.

۱۳۳ در عبارت زیر به جای x چه عددی قرار می‌گیرد؟

$$2^{x+3} + 2^{x+1} = 320$$

۵ ۶ ۴ ۸ پاسخ: گزینه ۴ اگر $2^x = a$ در نظر بگیریم داریم:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} &= 2^x \times 2^3 = 2^x \times 8 = 8 \times a \\ 2^{x+1} &= 2^x \times 2^1 = 2^x \times 2 = 2 \times a \end{aligned} \Rightarrow 2^{x+3} + 2^{x+1} = 320 \Rightarrow 8a + 2a = 320$$

$$\Rightarrow 10a = 320 \Rightarrow a = 32 \Rightarrow 2^x = 32 = 2^5 \Rightarrow x = 5$$

۱۳۴ سمت راست عدد $9^7 \times 25^3 \times 2^{13}$ چند رقم صفر قرار می‌گیرد؟۶ ۴ ۴ ۱۲

پاسخ: گزینه ۴ رقم صفر وقتی ایجاد می‌شود که در حاصل ضرب شمارنده ۱۰ موجود باشد. اما ۰ وقتی ایجاد می‌شود که شمارنده ۵ ضرب شود. پس:

$$25^3 = (5 \times 5)^3 = 5^3 \times 5^3 = 5^6, 2^{13} = 2^7 \times 2^6$$

$$9^7 \times 2^{13} \times 25^3 = \underbrace{9^7 \times 2^7}_{(9 \times 2)^7} \times \underbrace{2^6 \times 5^6}_{(2 \times 5)^6} = (9 \times 2)^7 \times (2 \times 5)^6 = 18^7 \times 10^6$$

۱۳۵ اگر $m = 3^a$ حاصل 3^{a+2} کدام است؟۹m $\frac{m}{9}$ $\frac{m}{2}$ ۲m

پاسخ: گزینه

$$3^{a+2} = 3^a \times 3^2 = 9m$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$m \quad 9$$

۱۳۶ از بین عددبای زیر، (به ترتیب از راست به چپ) چند عدد مربع کامل و چند عدد مکعب کامل هستند؟

$$8^9, 2 \times 8^6, 27^5, 15625, 2^{25}$$

۱ - ۲ ۱ - ۱ ۳ - ۲ ۳ - ۱

پاسخ: گزینه ۱

	مربع کامل	مکعب کامل	
$8^9 = (2^3)^9 = 2^{27}$	×	✓	۲۷ مضرب ۳ است.
$2 \times 8^6 = 2 \times (2^3)^6 = 2 \times 2^{18} = 2^{19}$	×	×	۱۹ نه مضرب ۲ است و نه ۳.
$27^5 = (3^3)^5 = 3^{15}$	×	✓	۱۵ مضرب ۳ است.
$15625 = 125 \times 125 = (125)^2 = 5^6$	✓	✓	۶ هم مضرب ۳ و هم مضرب ۲ است.
2^{25}	×	×	۲۵ نه مضرب ۳ و نه مضرب ۲ است.

۱۳۷ با توجه به معادله‌های توانی $9^y = 3^{x-9}$ و $2^x = 8^{y+1}$ ، مقدار $y + x$ چقدر است؟۲۷ ۲۴ ۲۱ ۱۸



پاسخ: گزینه ۴

$$2^x = 4^{y+1} \rightarrow 2^x = (2^y)^{y+1} = 2^{xy+3} \rightarrow x = 3y + 3 \quad (1)$$

$$9^y = 3^{x-9} \rightarrow 3^{2y} = 3^{x-9} \rightarrow 2y = x - 9 \quad (2)$$

از رابطه (۱)، x را در رابطه (۲) جایگذاری می‌کنیم تا مقدار y به دست آید:

$$2y = \frac{x-9}{3} = \frac{3y+3}{3} \rightarrow -9 = 3y - 6 \rightarrow 2y = 3y - 6 \rightarrow -y = -6 \rightarrow y = 6$$

حال با قرار دادن مقدار y در رابطه (۱) یا (۲) مقدار x را به دست می‌آوریم:

$$x = 3y + 3 \xrightarrow{y=6} x = 18 + 3 = 21 \rightarrow x + y = 21 + 6 = 27$$

۱۳۸

حاصل کسر $\frac{7^{2014} + 7^{2013} + 7^{2012} + \dots + 7^{1014}}{7^{1393} + 7^{1392} + 7^{1391} + \dots + 7^{393}}$ به صورت عددی توان دار با کدام گزینه برابر است؟

$$\left(\frac{1}{7}\right)^{1407} \quad \boxed{4}$$

$$\left(\frac{1}{7}\right)^{621} \quad \boxed{3}$$

$$7^{1407} \quad \boxed{2}$$

$$7^{621} \quad \boxed{1}$$

پاسخ: گزینه ۱

$$\frac{7^{2014} + 7^{2013} + 7^{2012} + \dots + 7^{1014}}{7^{1393} + 7^{1392} + \dots + 7^{393}} = \frac{7^{1014}(\cancel{7^{1000}} + \cancel{7^{999}} + \dots + \cancel{7^1} + 7^1)}{7^{393}(\cancel{7^{1000}} + \cancel{7^{999}} + \dots + \cancel{7^1} + 7^1)} = \frac{7^{1014}}{7^{393}} = 7^{1014-393} = 7^{621}$$

۱۳۹ اگر $4^{x-1} \times 5^{1+x}$ به صورت توانی از ۰ باشد، آن‌گاه:

$$x = 4 \quad \boxed{4}$$

$$x = 3 \quad \boxed{3}$$

$$x = 2 \quad \boxed{2}$$

$$x = 1 \quad \boxed{1}$$

پاسخ: گزینه ۳

$$4^{x-1} = \frac{4^x}{4}, \quad 4^{x-1} \times 5^{1+x} = 10 \rightarrow 4^x \times \frac{1}{4} \times 5^1 \times 5^x = 10 \rightarrow (4 \times 5)^x \times \frac{5}{4} = 10 \rightarrow (\underbrace{20}_{2 \times 10})^x \times \frac{5}{4} = 10$$

$$\rightarrow 2^x \times 10^x \times \frac{5}{4} = 10$$

برای اینکه عبارت فوق به صورت فقط توانی از ۰ باشد باید توان x به گونه‌ای انتخاب شود که حاصل $2^x \times \frac{5}{4}$ نیز برابر ۱۰ شود. با توجه به رابطه فوق $x - 2$ باید برابر یک شود.

$$2^x \times \frac{5}{2} = 2^{x-2} \times 5 \rightarrow x - 2 = 1 \rightarrow x = 3$$

۱۴۰ بین ۲ - ۶ و ۲ - ۳ چند عدد مربع کامل و چند عدد مکعب کامل به ترتیب وجود دارد؟

$$5 - 19 \quad \boxed{4}$$

$$6 - 20 \quad \boxed{3}$$

$$5 - 12 \quad \boxed{2}$$

$$5 - 20 \quad \boxed{1}$$

پاسخ: گزینه ۴

$$2^6 - 2 = (2^3)^2 - 2 = (8)^2 - 2$$

$$3^6 - 2 = (3^3)^2 - 2 = (27)^2 - 2$$

پس تمام عدهای مربع کامل بین ۲ - ۶ و ۲ - ۳ - ۲ و ۲ - ۳ - ۲ و ۲ - ۳ هستند (تعداد ۱۹ تا).

$$2^6 - 2 = (2^3)^2 - 2 = 4^2 - 2$$

$$3^6 - 2 = (3^3)^2 - 2 = 9^2 - 2$$

پس تمام عدهای مکعب کامل بین ۲ - ۶ و ۲ - ۳ - ۲ و ۲ - ۳ - ۲ و ۲ - ۳ هستند (تعداد ۵ تا).



۱۴۱ اگر $x^y = ۱$ و $۳^x = ۵$ باشد، حاصل $۱۲۵^y - ۵$ کدام است؟

۱۰۰ ۴

۱۲۰ ۳

۲۵ ۲

۲۲ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$3^x = 5 \rightarrow (3^x)^y = (5^y) \rightarrow 3^{xy} = 5^y \xrightarrow{xy=1} 3^1 = 5^y \quad *$$

$$125^y - 5 = (5^y)^3 - 5 = (5^y)^3 - 5 \xrightarrow{*} 3^3 - 5 = +22$$

۱۴۲ اگر $۱۶^x = ۲^{۱۹۹۴} + ۴^{۹۹۷} + ۸^{۶۶۵}$ باشد، مقدار x برابر است با:

۳۹۹ ۴

۴۴۹ ۳

۴۹۹ ۲

۷۷۹ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$2^{1994} + 4^{997} + 8^{665} = 2^{1994} + (2^3)^{997} + (2^3)^{665} = 2^{1994} + 2^{1994} + 2^{1994} = \underbrace{2^{1994}(1+1+2)}_{4=2^3} = 2^{1996}$$

$$\rightarrow 2^{1996} = 16^x = 2^{4x} \rightarrow 1996 = 4x \rightarrow x = 499$$

۱۴۳ اگر $۴^a = \lambda^b$ و $۲a + b = ۲۰$ باشد، آن‌گاه b کدام است؟

۵ ۴

۵ ۳

۶ ۲

۴ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$4^a = \lambda^b \rightarrow (2^3)^a = (2^3)^b \rightarrow 2^3a = 2^3b \rightarrow 2a = 3b \quad *$$

$$\boxed{2a} + b = 20 \xrightarrow{*} \boxed{(3b)} + b = 20 \rightarrow 4b = 20 \rightarrow b = 5$$

۱۴۴ در عبارت $۲۵^{4x-۳} \times ۵^{x-۱۲} = ۱$ مقدار x کدام است؟

-۱ ۴

±۲ ۳

-۲ ۲

۲ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$25^{4x-3} \times 5^{x-12} = 1 \rightarrow (5^2)^{4x-3} \times 5^{x-12} = 1 \rightarrow 5^{(4x-3)} \times 5^{x-12} = 5^0 \rightarrow 5^{(8x-6)+(x-12)} = 5^0 \rightarrow 9x - 18 = 0$$

$$\rightarrow 9x = 18 \rightarrow x = 2$$

۱۴۵ اگر $۲۹۰۴ = ۲ \times ۱۰^a + ۹ \times ۱۰^b + ۴ \times ۱۰^c$ باشد، مقدار $a + b + ۲c$ کدام است؟

۱۰ ۴

۸ ۳

۹ ۲

۷ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$2904 = 2000 + 900 + 4 = 2 \times 10^3 + 9 \times 10^2 + 4 \times 10^0$$

با تطابق دادن با صورت مسئله داریم:

$$a = ۳, b = ۴, c = ۰$$

$$a + b + ۲c = ۳ + ۴ + ۰ = ۷$$

۱۴۶ حاصل جذر کدام یک از اعداد زیر بزرگ‌ترین عدد اول یک رقمی است؟

۱۴ ۴

۲۵ ۳

۴۹ ۲

۸ ۱

پاسخ: گزینه ۲ بزرگ‌ترین عدد اول یک رقمی ۷ است \leftarrow

۱۴۷ اگر $a = -14 - \sqrt{13}$ باشد، کدام گزینه درست است؟

-۱۸ < a < -۱۷ ۴-۱۷ < a < -۱۶ ۳-۱۶ < a < -۱۵ ۲-۱۵ < a < -۱۴ ۱



پاسخ: گزینه ۴

$$a = -14 - \sqrt{13} = -14 - 3 = \text{خوردهای } / -17$$

۱۴۸ - بین کدام دو عدد صحیح متولی قرار دارد؟

-۶ و -۵ ۴

-۵ و -۴ ۳

-۴ و -۳ ۲

-۷ و -۶ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$-2\sqrt{8} - 1 \approx -2 \times 2.8 - 1 = -6.6 \Rightarrow -7 < -6.6 < -6$$

۱۴۹ - ۱ بین کدام دو عدد صحیح متولی قرار دارد؟

-۱ و -۲ ۴

۲ و ۱ ۳

۰ و ۱ ۲

۱ و ۰ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$1 - \sqrt{3} \approx 1 - 1.7 = -0.7 \Rightarrow -1 < -0.7 < 0$$

۱۵۰ اعداد زیر را از کوچک به بزرگ مرتب کردیم. کدام عدد از لحاظ بزرگی وسط قرار می‌گیرد؟

$$\sqrt{27} - 1, 4 + \sqrt{5}, \sqrt{12}, 3\sqrt{4}, \sqrt{2} + \sqrt{3}$$

 $\sqrt{2} + \sqrt{3}$ ۴ $3\sqrt{4}$ ۳ $\sqrt{12}$ ۲ $\sqrt{27} - 1$ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$\left. \begin{array}{l} \sqrt{2} + \sqrt{3} \approx 1.4 + 1.7 = 3.1 \\ 3 \times \sqrt{4} = 3 \times 2 = 6 \\ \sqrt{12} \approx 3.4 \\ 4 + \sqrt{5} \approx 4 + 2.2 = 6.2 \\ \sqrt{27} - 1 \approx 5.1 - 1 = 4.1 \end{array} \right\} \Rightarrow \sqrt{2} + \sqrt{3}, \sqrt{12}, \sqrt{27} - 1, 3\sqrt{4}, 4 + \sqrt{5}$$

۱۵۱ چه تعداد از اعداد زیر، از ۰ بزرگ‌ترند؟

$$3\sqrt{11}, 4\sqrt{7}, 5\sqrt{5}, 6\sqrt{3}, 7\sqrt{2}$$

۴ ۴

۳ ۳

۲ ۲

۱ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$3\sqrt{11} = \sqrt{99} < 10, 4\sqrt{7} = \sqrt{112} > 10$$

$$5\sqrt{5} = \sqrt{125} > 10, 6\sqrt{3} = \sqrt{108} > 10$$

$$7\sqrt{2} = \sqrt{98} < 10$$

۱۵۲ اگر جذر عددی $7,1$ و باقی‌مانده‌ی جذر $3,0$ باشد، آن عدد کدام است؟

۳,۲۹ ۴

۳,۱۲ ۳

۲,۹۲ ۲

۲,۲۹ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$(1.7 \times 1.7) + 0.03 = 2.92 = \text{امتحان جذر}$$

۱۵۳ از اعداد a و b جذر گرفتیم و به ترتیب اعداد $7,2$ و $5,6$ را به دست آورده‌ایم. اختلاف a و b تقریباً چقدر است؟

۹,۵۹ ۴

۹,۳۷ ۳

۹,۲۹ ۲

۸,۵۹ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$a = 7,2 \times 7,2 = 51,84 \Rightarrow 51,84 - 42,25 = 9,59$$

$$b = 6,5 \times 6,5 = 42,25$$

 ۱۵۴ قطر مربعی $\sqrt{800}$ است. محیط این مربع چقدر است؟

۴۰۰ ۴

۱۶۰ ۳

۸۰ ۲

۴۰ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$\frac{\text{مساحت مربع}}{2} = \frac{(\sqrt{800})^2}{2} = \frac{800}{2} = 400$$

$$\text{محیط} = 400 \Rightarrow \sqrt{400} = 20 \Rightarrow 4 \times 20 = 80 = \text{مساحت مربع}$$

 ۱۵۵ مساحت دایره‌ای ۳۷,۶۸ متر مربع است. محیط این دایره بر حسب π کدام است؟

 $4\sqrt{3}\pi$ ۴

 $\sqrt{3}\pi$ ۳

 4π ۲

 $\sqrt{2}\pi$ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$\text{مجدور شعاع} = 37,68 \div 3,14 = 12$$

$$\Rightarrow \sqrt{12} \times \pi = \underbrace{2\sqrt{12}}_{2\sqrt{3}} \times \pi = 4\sqrt{3}\pi \Rightarrow \text{شعاع دایره} = \sqrt{12}$$

 ۱۵۶ اگر ارتفاع هر وجه هرمی مربع القاعده‌ای برابر $2\sqrt{2}$ سانتی‌متر و مساحت قاعده‌ی آن ۸ سانتی‌متر مربع باشد. مساحت جانبی آن چند سانتی‌متر مربع است؟

۳۲ ۴

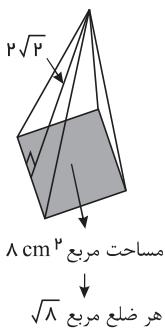
۱۶ ۳

۴ ۲

۶ ۱

پاسخ: گزینه ۳

مساحت هر وجه هرم:



$$S = \frac{2\sqrt{2} \times \sqrt{8}}{2} = \sqrt{2} \times \sqrt{8} = \sqrt{16} = 4$$

مساحت جانبی هرم

 $\text{مساحت مربع} = 8 \text{ cm}^2$
 \downarrow

هر ضلع مربع

 ۱۵۷ استوانه‌ای به شعاع قاعده‌ی 15^3 و ارتفاع 2^8 مفروض است. اگر حجم استوانه را با V نشان دهیم، حاصل جذر V کدام است؟ ($\pi \approx 3$)

 $3^9 \times 5^3 \times 2^8$ ۴

 $3^9 \times 5^3 \times 2^{16}$ ۳

 $5^5 \times 3^{10} \times 2^{14}$ ۲

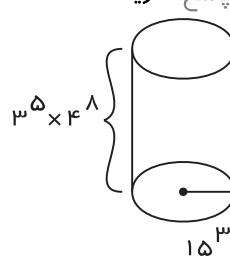
 $3^6 \times 5^3 \times 2^8$ ۱

پاسخ: گزینه ۱

 ارتفاع \times شعاع \times شعاع = حجم استوانه

$$V = 15^3 \times 15^3 \times 3 \times (3^6 \times 2^8) = 15^6 \times 3^6 \times 2^8 \quad \text{حجم استوانه}$$

$$\Rightarrow \sqrt{V} = \underbrace{15^3 \times 3^3 \times 2^8}_{3 \times 5} = 3^3 \times 5^3 \times 3^3 \times 2^8 = 2^8 \times 3^6 \times 5^3$$



۱۵۸ عدد $۳,۲۴$ را به مجزور عددی اضافه کردیم. عدد $۱۷۲,۲۴$ به دست آمد. آن عدد کدام است؟

۱۴, ۱۴ [۴]

۱۳ [۳]

۱۲, ۵۱ [۲]

۱۱, ۲۶ [۱]

پاسخ: گزینه ۳

$$x^3 + 3,24 = 172,24 \Rightarrow x^3 = 172,24 - 3,24 = 169 \Rightarrow x^3 = 169 \Rightarrow x = 13$$

۱۵۹ اگر در شکل زیر مربع‌ها باهم برابر بوده و مساحت کل شکل، ۲۸۰ cm^2 باشد، محیط قسمت هاشورخورده، به کدام عدد زیر، نزدیک‌تر است؟



۱۱۲cm [۲]

۱۲۶cm [۴]

۱۰۶cm [۱]

۱۱۶cm [۳]

پاسخ: گزینه ۱

$$280 \div 10 = \sqrt{28} \simeq 5,3 \Rightarrow \text{مساحت هر مربع کوچک} = 5,3$$

۵ مربع هاشور خورده داریم:

$$\begin{array}{c} \text{تعداد مربع‌های} \\ \text{هاشورخورده} \\ \uparrow \\ ۵ \times ۴ \times ۵,3 \simeq ۱۰۶ \\ \downarrow \\ \text{هر مربع} \\ ۴ \text{ ضلع ندارد.} \end{array}$$

۱۶۰ اگر برای کادو کردن یک جعبه‌ی مکعب شکل، حداقل ۷۲۶ سانتی‌متر مربع، کاغذ مصرف کرده باشیم، اندازه‌ی ضلع این مکعب چند سانتی‌متر است؟

۱۲cm [۴]

۱۱cm [۳]

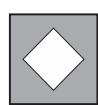
۱۰cm [۲]

۹cm [۱]

پاسخ: گزینه ۳

$$\text{اندازه‌ی هر ضلع مکعب} = \sqrt{121} = 11 = \sqrt{726 \div 6} = \sqrt{121} = 11 \Rightarrow \text{مساحت هر وجه} = 121$$

۱۶۱ شکل زیر، دو مربع را نشان می‌دهد. ضلع مربع کوچک $\sqrt[۳]{7}$ سانتی‌متر و ضلع مربع بزرگ $\sqrt[۳]{7}$ سانتی‌متر است. مساحت قسمت رنگی چقدر است؟


 ۷۴cm^۲ [۴]

 ۷۶cm^۲ [۳]

 ۸۶cm^۲ [۲]

 ۸۴cm^۲ [۱]

پاسخ: گزینه ۱

$$\left. \begin{array}{l} S = (\sqrt[3]{7})^2 = 49 \times 3 = 147 \\ S = (3\sqrt[3]{7})^2 = 9 \times 7 = 63 \end{array} \right\} \Rightarrow \text{مربع بزرگ} \quad \text{مربع کوچک} \quad \text{رنگی} = 147 - 63 = 84 \text{ cm}^2$$

۱۶۲ جذر حاصل عبارت $\sqrt{(25 - 16)}$ کدام گزینه است؟

-۳ [۴]

 $\sqrt{9}$ [۳]

۹ [۲]

 ۹^۲ [۱]

پاسخ: گزینه ۲ توجه کنید مسئله جذر عبارت $\sqrt{(25 - 16)}$ را خواسته است. لذا ابتدا مقدار این عبارت را به دست می‌آوریم و سپس جذر آن را محاسبه می‌کنیم.

$$\sqrt{(25 - 16)} = \sqrt{9} = 9^2 \Rightarrow \sqrt{9^2} = 9$$

۱۶۳ کدام عدد از بقیه کوچک‌تر است؟

 ۱ + $\sqrt{17}$ [۴]

 $3\sqrt{3}$ [۳]

۵ [۲]

 $\sqrt{26}$ [۱]



پاسخ: گزینه ۲

$$\left. \begin{array}{l} \sqrt{26} \approx 5,1 \\ 3\sqrt{3} \approx 3 \times 1,7 = 5,1 \\ 1 + \sqrt{17} \approx 1 + 4,1 = 5,1 \end{array} \right\} \rightarrow \text{عدد ۵ از همه کوچک‌تر است}$$

اگر $a = \sqrt{18}$ و $b = \sqrt{2}$ باشد، حاصل عبارت مقابل کدام گزینه است؟

$$\frac{a^2 + b^2 + 2ab}{2b^2}$$

$$32\sqrt{18} \quad \boxed{4}$$

$$8 \quad \boxed{3}$$

$$32\sqrt{2} \quad \boxed{2}$$

$$32 \quad \boxed{1}$$

پاسخ: گزینه ۳

$$\frac{(\sqrt{18})^2 + (\sqrt{2})^2 + 2 \times \sqrt{2} \times \sqrt{18}}{2 \times (\sqrt{2})^2} = \frac{18 + 2 + 2\sqrt{36}}{2 \times 2} = \frac{20 + 2 \times 6}{4} = \frac{20 + 12}{4} = \frac{32}{4} = 8$$

در عبارت $a = b = c = 1$ اگر $\frac{\sqrt{abc}}{\sqrt{ab} + \sqrt{ac} + \sqrt{bc}}$ باشد، حاصل کدام گزینه می‌باشد؟

$$1 \quad \boxed{4}$$

$$1 \quad \boxed{3}$$

$$\frac{1}{3} \quad \boxed{2}$$

$$3 \quad \boxed{1}$$

پاسخ: گزینه ۲

$$\frac{\sqrt{1 \times 1 \times 1}}{\sqrt{1 \times 1} + \sqrt{1 \times 1} + \sqrt{1 \times 1}} = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{1} + \sqrt{1} + \sqrt{1}} = \frac{1}{1+1+1} = \frac{1}{3}$$

۱۶۶ با توجه به جدول زیر کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟

عدد	۷	۷,۱	۷,۲	۷,۳	۷,۴	۷,۵	۷,۶	۷,۷
مجدول	۴۹	۵۰,۴۱	۵۱,۸۴	۵۳,۲۹	۵۴,۷۶	۵۶,۲۵	۵۷,۷۶	۵۹,۲۹

$$\sqrt{59} \approx 7,7 \quad \boxed{4}$$

$$\sqrt{55} \approx 7,4 \quad \boxed{3}$$

$$\sqrt{60} \approx 7,6 \quad \boxed{2}$$

$$\sqrt{52} \approx 7,2 \quad \boxed{1}$$

پاسخ: گزینه ۲

$$\sqrt{60} \approx 7,7$$

۱۶۷ جذر کدام یک از اعداد زیر از خود آن عدد بزرگ‌تر می‌باشد؟

$$\frac{25}{4} \quad \boxed{4}$$

$$49 \quad \boxed{3}$$

$$1,21 \quad \boxed{2}$$

$$\frac{1}{9} \quad \boxed{1}$$

پاسخ: گزینه ۱

$$\frac{25}{4} > 1 \quad 49 > 1$$

$$1,21 > 1 \quad 0 < \frac{1}{9} < 1$$

۱۶۸ کدام گزینه درست نیست؟

۱) جذر هیچ عدد طبیعی از خودش بزرگ‌تر نمی‌شود.

۲) اعداد منفی جذر ندارند.

۳) جذر اعداد طبیعی از خودشان کوچک‌تر هستند.

پاسخ: گزینه ۳



۱۶۹ با توجه به جدول زیر حاصل $\sqrt{34}$ کدام گزینه است؟

عدد	۵,۵	۵,۶	۵,۷	۵,۸	۵,۹	۶
مجدور	۳۰,۲۵	۳۱,۳۶	۳۲,۴۹	۳۳,۶۴	۳۴,۸۱	۳۶

۵,۹۹ ۴

۵,۹ ۳

۵,۸ ۲

۵,۷ ۱

پاسخ: گزینه ۲

۱۷۰ شکل زیر از ۴ مربع مساوی تشکیل شده است. اگر مساحت کل شکل ۱۰۰ سانتی‌متر مربع باشد اندازه‌ی هر ضلع مربع‌های کوچک چند سانتی‌متر است؟



۲۰ ۴

۱۵ ۳

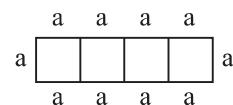
۱۰ ۲

۵ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$\text{مساحت کل شکل} = 4 \times (a \times a) = 4a^2 = 100$$

$$a^2 = \frac{100}{4} = 25 \Rightarrow a = \sqrt{25} = 5$$



۱۷۱ پاسخ معادله $x^3 - 36 = 0$ برابر است با:

±۶ ۴

+۶ ۳

-۶ ۲

۹ ۱

پاسخ: گزینه ۴ معادله دو جواب دارد.

$$x^3 - 36 = 0 \Rightarrow x^3 = 36 \Rightarrow x = \pm 6 \text{ یا } x = 6, x = -6$$

۱۷۲ مقدار عبارت $\sqrt{-(-9)^3}$ برابر است با:

-۹³ ۴

۹³ ۳

۹ ۲

جذر ندارد. ۱

پاسخ: گزینه ۳ می‌دانیم: $(-9)^3 = -9^3$

$$\sqrt{-(-9)^3} = \sqrt{+9^3} = \sqrt{(9^3)^3} = \sqrt{9^6} = 9^3$$

۱۷۳ حاصل عبارت رو به رو برابر است با:

$$\sqrt{1,6 \times 0,009}$$

۰,۱۲ ۴

۱,۲ ۳

۱,۰۲ ۲

۰,۰۱۲ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$\begin{aligned} \sqrt{1,6 \times 0,009} &= \sqrt{16 \times 0,1 \times 9 \times 0,001} \\ &= \sqrt{16 \times 9 \times 0,0001} = 4 \times 3 \times 0,01 = 12 \times 0,01 = 0,12 \end{aligned}$$

۱۷۴ اگر طول مستطیلی برابر a ، عرض آن $5a$ و مساحت این مستطیل ۲۴۰ سانتی‌متر مربع باشد، محیط این مستطیل کدام گزینه است؟

۱۴cm ۴

۶۸cm ۳

۲۴cm ۲

۳۶cm ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$14cm \quad 4 \qquad 68cm \quad 3 \qquad 24cm \quad 2 \qquad 36cm \quad 1$$

$$\text{مساحت مستطیل} = 14a \times 5a = 240 \Rightarrow 60a^2 = 240 \Rightarrow a^2 = \frac{240}{60} = 4 \Rightarrow a = \sqrt{4} = 2$$

$$\left. \begin{array}{l} 14a = 14 \times 2 = 28cm \\ 5a = 5 \times 2 = 10cm \end{array} \right\} \text{محیط} : 2(28 + 10) = 68cm$$



۱۷۵ حاصل عبارت $\sqrt{2^{100} - 2^{99} - 2^{98}}$ کدام گزینه است؟

۲^{۹۹} ۴۲^{۹۹} ۳۲^{۹۸} ۲

۲° ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\begin{aligned}\sqrt{2^2 \times 2^{98} - 2 \times 2^{98} - 2^{98}} &= \sqrt{4 \times 2^{98} - 2 \times 2^{98} - 1 \times 2^{98}} \\ &= \sqrt{(4 - 2 - 1) \times 2^{98}} = \sqrt{2^{98}} = 2^{49}\end{aligned}$$

۱۷۶ حاصل عبارت $\sqrt{\frac{0,0009}{0,016 \times 250}}$ برابر است با:

۰,۴۵ ۴

۰,۱۸ ۳

۰,۰۱۵ ۲

۰,۰۶ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$\begin{aligned}\sqrt{\frac{(0,03)^3}{16 \times 0,001 \times 25 \times 10}} &= \sqrt{\frac{(0,03)^3}{0,01 \times 16 \times 25}} = \frac{0,03}{0,1 \times 4 \times 5} \\ &= \frac{0,03}{2,0} = \frac{100}{2} = \frac{3 \times 1}{2 \times 100} = 0,015\end{aligned}$$

۱۷۷ حاصل عبارت $\sqrt{6^3 + 5^3 + 7^3 + 11^3}$ کدام گزینه است؟

۶ × ۵ × ۷ × ۱۱ ۲

۶ + ۵ + ۷ + ۱۱ ۱

۶ × ۲ + ۵ × ۲ + ۷ × ۲ + ۱۱ × ۲ ۴

 $\sqrt{231}$ ۳

پاسخ: گزینه ۳

$$\sqrt{36 + 25 + 49 + 121} = \sqrt{231}$$

۱۷۸ حاصل عبارت $\sqrt{\frac{4^4 \times 3^4}{4^2 \times 4^2}} \div \sqrt{\sqrt{100 - 19}}$ کدام گزینه است؟

۲ ۴

۱ ۳

۳ ۲

۱ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$\sqrt{\frac{4^4 \times 3^4}{4^2 \times 4^2}} \div \sqrt{\sqrt{81}} = \sqrt{4^4 \div \sqrt{9}} = 4^4 \div 3 = 3$$

۱۷۹ در تساوی $\frac{\sqrt{\sqrt{a}}}{3} = 1$ به جای a چه عددی می‌باشد؟

۳ ۴

۸۱ ۳

۲۷ ۲

۹ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\frac{\sqrt{\sqrt{a}}}{3} = 1 \Rightarrow (\sqrt{\sqrt{a}})^3 = (3)^3 \Rightarrow \sqrt{a} = 9 \Rightarrow (\sqrt{a})^2 = 9^2 \Rightarrow a = 81$$



۱۸۰ مقدار دقیق جذر روبرو، کدام گزینه است؟

$$\sqrt{41 - \sqrt{20 + \sqrt{25}}}$$

۶ ۴

۵ ۳

۴ ۲

۳ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$\sqrt{41 - \sqrt{20 + \sqrt{25}}} = \sqrt{41 - \sqrt{20 + 5}} = \sqrt{41 - \sqrt{25}} = \sqrt{41 - 5} = \sqrt{36} = 6$$

۱۸۱ مقدار دقیق جذر مقابل، کدام گزینه است؟

$$\sqrt{(1,5)^2 - (1,2)^2}$$

۰,۷ ۴

۹ ۳

۷ ۲

۰,۹ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$\sqrt{(1,5)^2 - (1,2)^2} = \sqrt{2,25 - 1,44} = \sqrt{0,81} = 0,9$$

۱۸۲ مقدار تقریبی عبارت $\sqrt{4,3 + 4}$ تا یک رقم اعشار کدام گزینه است؟

۴,۹ ۴

۲,۹ ۳

۲,۸ ۲

۴,۱ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\sqrt{4,3 + 4} = \sqrt{8,3} \approx 2,9$$

۱۸۳ حاصل عبارت $\sqrt{\sqrt{\sqrt{2^8}} + \sqrt{\sqrt{81}} - \sqrt{\sqrt{625}}}$ کدام گزینه است؟

۵ ۴

۰ ۳

۱۰ ۲

-۵ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\left. \begin{array}{l} \sqrt{\sqrt{\sqrt{2^8}}} = \sqrt{\sqrt{2^4}} = \sqrt{2^2} = 2 \\ \sqrt{\sqrt{81}} = \sqrt{9} = 3 \\ \sqrt{\sqrt{625}} = \sqrt{25} = 5 \end{array} \right\} \Rightarrow 2 + 3 - 5 = 0$$

۱۸۴ حاصل عبارت $A = 3\sqrt{5\sqrt{5\sqrt{25}}}$ برابر کدام گزینه است؟

۲۰ ۴

۱۵ ۳

۱۰ ۲

۵ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\begin{aligned} 3\sqrt{5\sqrt{5\sqrt{25}}} &= 3\sqrt{5\sqrt{5\times 5}} = 3\sqrt{5\sqrt{25}} \\ &= 3\sqrt{5\times 5} = 3\sqrt{25} = 3\sqrt{5\times 5} = 3\sqrt{25} = 3\times 5 = 15 \end{aligned}$$



۱۸۵ حاصل عبارت $\sqrt{\frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \dots \times \frac{99}{100}}$ برابر است با:

۰,۱ ۴

۰,۰۱ ۳

۰,۰۰۱ ۲

۰,۰۰۰۱ ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$\sqrt{\frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \dots \times \frac{99}{100}} = \sqrt{\frac{1}{100}} = \frac{1}{10} = ۰,۱$$

۱۸۶ حاصل عبارت رو به رو کدام است؟

$$\frac{\sqrt{۳^{۴۷} + ۳^{۴۶}}}{۳^{۲۰} + ۳^{۲۰}}$$

۸۱ ۴

۲۷ ۳

۹ ۲

۳ ۱

گزینه ۳: پاسخ

$$\frac{\sqrt{۳^{۴۷} + ۳^{۴۶}}}{۳^{۲۰} + ۳^{۲۰}} = \frac{\sqrt{۳ \times ۳^{۴۶} + ۳^{۴۶}}}{۲ \times ۳^{۲۰}} = \frac{\sqrt{۴ \times ۳^{۴۶}}}{۲ \times ۳^{۲۰}} = \frac{۲ \times ۳^{۲۳}}{۲ \times ۳^{۲۰}} = ۳^۳ = ۲۷$$

۱۸۷ با توجه به اطلاعات جدول زیر، حاصل $۰,۰۰۳۹۰۶۲۵ \times ۰,۰۰۰۶۲۵$ به صورت یک عدد توان کدام است؟

عدد	$\frac{-1}{4}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{16}$
مجدول	۰,۰۶۲۵	۰,۰۱۵۶۲۵	۰,۰۰۳۹۰۶۲۵

۰,۵ ۴

 $-\frac{1}{64}^3$ ۳

۰,۲۵ ۲

 $\frac{1}{8}^2$ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$۰,۰۶۲۵ \times ۰,۰۳۹۰۶۲۵ = \left(\frac{-1}{4}\right)^3 \times \left(\frac{1}{16}\right)^3 = \left(\frac{1}{4}\right)^3 \times \left(\frac{1}{16}\right)^3 \times \left(\frac{1}{16}\right)^3 = ۰,۲۵^6$$

۱۸۸ حاصل عبارت رو به رو کدام است؟

$$\frac{\sqrt{۲۵^۲ - ۱۵^۲}}{\sqrt{\sqrt{۲۵۶}}} = ?$$

 $\frac{5}{4}$ ۴

۵ ۳

 $\frac{5}{8}$ ۲

۲,۵ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\sqrt{۲۵^۲ - ۱۵^۲} = \sqrt{۶۲۵ - ۲۲۵} = \sqrt{۴۰۰} = ۲۰$$

$$\sqrt{\sqrt{۲۵۶}} = \sqrt{۱۶} = ۴$$

بنابراین:

$$\frac{\sqrt{۲۵^۲ - ۱۵^۲}}{\sqrt{\sqrt{۲۵۶}}} = \frac{۲۰}{۴} = ۵$$



۱۸۹ حاصل عبارت مقابله کدام است؟

$$\sqrt{\frac{4}{5} \times \frac{5}{6} \times \frac{6}{7} \cdots \times \frac{399}{400}}$$

۰,۱ ۴

 $\frac{1}{400}$ ۳ $\frac{1}{20}$ ۲

۰,۰۱ ۱

پاسخ: گزینه ۴ ابتدا حاصل عبارت زیر را بدست می آوریم:

$$\frac{4}{5} \times \frac{5}{6} \times \frac{6}{7} \cdots \times \frac{399}{400} = \frac{4}{400} = \frac{1}{100}$$

$$\sqrt{\frac{1}{100}} = \frac{1}{10} = ۰,۱$$

۱۹۰ با توجه به جدول رو به رو، حاصل عبارت ۴ برابر با کدام است؟

عدد	۵,۱	۵,۲	۵,۳	۵,۴
مجذور	۲۶,۰۱	۲۷,۰۴	۲۸,۰۹	۲۹,۱۶

۵,۴ ۴

۵,۳ ۳

۵,۲ ۲

۰,۱ ۱

پاسخ: گزینه ۴ با توجه به اطلاعات جدول $\sqrt{28,09} = ۲۸,۰۹$ ، بنابراین خواهیم داشت:

$$\sqrt{10\sqrt{28,09} - ۲۳,۸۴} = \sqrt{10 \times ۵,۳ - ۲۳,۸۴} = \sqrt{۵۳ - ۲۳,۸۴} = \sqrt{۲۹,۱۶} = ۵,۴$$

۱۹۱ اگر $x^3 + 10 = ۱۵$ باشد، حاصل $\sqrt{x^6 - ۹}$ کدام است؟

۱۲ ۴

۱۱ ۳

۴ ۲

۲ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$x^3 = ۱۵ - 10 \Rightarrow x^3 = ۵ \Rightarrow x^6 = x^3 \times x^3 = ۵ \times ۵ = ۲۵ \Rightarrow x^6 = ۲۵ \quad (1)$$

$$\sqrt{x^6 - ۹} \stackrel{(1)}{=} \sqrt{۲۵ - ۹} = \sqrt{۱۶} = ۴$$

۱۹۲ جذر عددی برابر عددی طبیعی است. برای رقم یکان این عدد چند تا از ارقام ۱, ۲, ۳, ۵ و ۷ امکان پذیر است؟

۴ ۴

۳ ۳

۲ ۲

۱ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$۱^3 = \boxed{1}$	$۲^3 = \boxed{8}$	$۳^3 = \boxed{27}$
$۴^3 = \boxed{64}$	$۵^3 = \boxed{125}$	$۶^3 = \boxed{216}$
$۷^3 = \boxed{343}$	$۸^3 = \boxed{512}$	$۹^3 = \boxed{729}$

۱۹۳ جذر عدد 50000000 به کدام یک از اعداد زیر نزدیک تر است؟

۷۲۰۰ ۴

۷۱۰۰ ۳

۷۰۰۰ ۲

۶۹۰۰ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$50000000 = 5 \times 10^7 \Rightarrow \sqrt{5 \times 10^7} = 10^3 \sqrt{50} \simeq 10^3 \times 7,07 = 7070 \quad \text{به } 7100 \text{ نزدیک تر است}$$

۱۹۴ اگر جذر A تا یک رقم اعشار برابر $15,1$ و باقی مانده آن برابر $1,2$ باشد، A کدام است؟

۲۳۵,۰۴ [۴]

۲۲۹,۲۱ [۳]

۲۲۶,۲ [۲]

۲۰۷,۳۱ [۱]

پاسخ: گزینه ۳

$$A = (15,1) \times (15,1) + 1,2 = 229,21$$

۱۹۵ عددی را دو برابر کرده و سپس با ۵ جمع می‌کنیم. اگر از جذر عدد به دست آمده یک واحد کم کنیم به ۸ می‌رسیم. آن عدد کدام است؟

۳۸ [۴]

۳۰ [۳]

۱۵ [۲]

-۱ [۱]

پاسخ: گزینه ۴

$$\sqrt{2x+5} - 1 = 8 \rightarrow \sqrt{2x+5} = 9 \rightarrow 2x+5 = 81 \rightarrow 2x = 76 \rightarrow x = 38$$

۱۹۶

جذر عددی، نصف $\frac{2^4}{\sqrt{16}}$ است. دو برابر مجذور این عدد کدام است؟

۱۲۸ [۴]

۶۴ [۳]

۳۲ [۲]

۸ [۱]

پاسخ: گزینه ۲

$$\frac{2^4}{\sqrt{16}} = \frac{16}{4} = 4 \xrightarrow{\text{نصف}} 2$$

دوبرابر مجذور 4 $\Rightarrow 4$ عدد $= 2 \times 4^2 = 2 \times 16 = 32$ جذر عدد

۱۹۷

اگر n عددی صحیح باشد، به ازای چند مقدار برای n بین \sqrt{n} و $\sqrt{n+1}$ عددی صحیح وجود دارد؟

بی شمار [۴]

۳ [۳]

۱ [۲]

صفر [۱]

پاسخ: گزینه ۱ n بزرگ‌تر مساوی صفر می‌تواند باشد، چون عدد منفی زیر رادیکال قرار نمی‌گیرد.همچنین به ازای n های بزرگ‌تر مساوی صفر اعداد زیر را داریم که بین هیچ کدام از 1 و $\sqrt{n+1}$ و \sqrt{n} ها عددی صحیح وجود ندارد.اعدی صحیح بین صفر 1 وجود ندارد $\Rightarrow 1$ وجود ندارداعدی صحیح بین 1 و $\sqrt{2}$ وجود ندارد $\Rightarrow \sqrt{2}$ وجود ندارداعدی صحیح بین $\sqrt{2}$ و $\sqrt{3}$ وجود ندارد $\Rightarrow \sqrt{3}$ وجود ندارد

۱۹۸ کدام یک از عبارت‌های زیر صحیح است؟

۲ < $\sqrt{15}$ < ۳ [۲]عدد 2^8 مجذور عدد 4^2 است. [۴]۲ < $\sqrt{15}$ < ۳ [۱]جذر عدد -25 (۵-) عدد است. [۳]

پاسخ: گزینه ۴

$$2^8 = 2^2 \times 2^2 \times 2^2 \times 2^2 = 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 4^4 = 4^2 \times 4^2$$

بررسی سایر گزینه‌ها:

 $3 < \sqrt{15} < 4$ گزینه ۱ است.گزینه ۲: مجذور عدد (-3) عدد ۹ است.

گزینه ۳: اعداد منفی جذر ندارند.



۱۹۹ مقدار عددی $\sqrt{\frac{3x + 14y}{4x^2 - 9y^2 + 1}}$ به ازای $x = 2$ و $y = -3$ کدام است؟

$\frac{4}{3}$ ۴

۴ ۳

$\frac{3}{4}$ ۲

$\frac{1}{4}$ ۱

پاسخ: گزینه ۲

$$\sqrt{\frac{3x + 14y}{4x^2 - 9y^2 + 1}} = \sqrt{\frac{3(2) + 14(-3)}{4(2)^2 - 9(-3)^2 + 1}} = \sqrt{\frac{6 - 42}{16 - 81 + 1}} = \sqrt{\frac{-36}{-64}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{64}} \Rightarrow \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$

۲۰۰ قرینهٔ معکوس عبارت $\sqrt[3]{29 - \sqrt{\sqrt{48} \div \sqrt[3]{3}}}$ چند است؟

$-\frac{1}{9}$ ۴

$-\frac{1}{3}$ ۳

۹ ۲

۳ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\sqrt[3]{29 - \sqrt{\sqrt{48} \div \sqrt[3]{3}}} = \sqrt[3]{29 - \sqrt{\sqrt{16}}} = \sqrt[3]{27} = 3$$

\therefore قرینهٔ معکوس $-\frac{1}{3}$

۲۰۱ اگر a ریشهٔ دوم ۲۵ و b ریشهٔ دوم ۳۶ باشد، $a + b$ چند مقدار مختلف می‌تواند داشته باشد؟

۱ ۴

۴ ۳

۲ ۲

۱۱ ۱

پاسخ: گزینه ۳

$$\begin{aligned} 25 &: \text{ریشه‌های دوم } +5, -5 \\ 36 &: \text{ریشه‌های دوم } +6, -6 \end{aligned} \rightarrow \begin{aligned} +5 + 6 &= 11, -5 + 6 = +1 \\ +5 - 6 &= -1, -5 - 6 = -11 \end{aligned}$$

۲۰۲ چه تعداد از اعداد $\sqrt{11}, \sqrt[4]{7}, \sqrt[5]{5}, \sqrt[6]{6}, \sqrt[3]{3}, \sqrt[7]{2}$ از ۱۰، بزرگ‌ترند؟

۵ ۴

۴ ۳

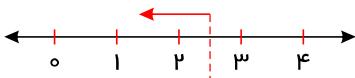
۳ ۲

۲ ۱

پاسخ: گزینه ۱

$$\begin{aligned} 9 < 11 < 16 \rightarrow 3 < \sqrt{11} < 4 \xrightarrow{\times 3} 9 < 3\sqrt{11} < 12 \\ 4 < 7 < 9 \rightarrow 2 < \sqrt{7} < 3 \xrightarrow{\times 4} 8 < 4\sqrt{7} < 12 \\ 4 < 5 < 9 \rightarrow 2 < \sqrt{5} < 3 \xrightarrow{\times 5} 10 < 5\sqrt{5} < 15 \rightarrow \sqrt{5} \text{ بزرگ‌تر از } 10 \text{ است.} \\ 1 < 3 < 4 \rightarrow 1 < \sqrt{3} < 2 \xrightarrow{\times 6} 6 < 6\sqrt{3} < 12 \\ 1 < 2 < 4 \rightarrow 1 < \sqrt{2} < 2 \xrightarrow{\times 7} 7 < 7\sqrt{2} < 14 \end{aligned}$$

برای اینکه بدون حساب کردن مقدار جذر عدد، جای تقریبی آن‌ها را بیابیم، به توضیح زیر دقت کنید.



روی محور، عدد ۲ به یک نزدیک‌تر است تا ۴. چون از نصف کمتر است پس $\sqrt{2}$ نیز به یک نزدیک‌تر است چون $(1,5)^2 = 2,25 < 2$ پس $\sqrt{2} < 1,5$. مابقی گزینه‌ها هم به همین صورت توجیه می‌شوند. علاوه‌بر آن با پیدا کردن مقدار تقریبی هر کدام از عددها می‌توانیم بزرگی یا کوچک‌تری از ۱۰ را حدس بزنیم.



معکوس عبارت $\sqrt{\frac{28}{18}} \times \frac{\sqrt{125} \times \sqrt{32}}{\sqrt{35} \times \sqrt{27}} \div \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{3}}$ ۲۰۳
برابر است با:

 $\frac{27}{20}$ ۴

 $1,5$ ۳

 $\frac{20}{27}$ ۲

 1 ۱

پاسخ: گزینه ۴

$$\sqrt{\frac{28}{18}} \times \frac{\sqrt{125} \times \sqrt{32}}{\sqrt{35} \times \sqrt{27}} \div \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{3}} = \frac{2\cancel{\sqrt{2}} \times 5\cancel{\sqrt{5}} \times 4\cancel{\sqrt{2}}}{3\cancel{\sqrt{2}} \times \cancel{\sqrt{5}} \times \cancel{\sqrt{2}} \times 3\sqrt{3}} \div \frac{6}{\sqrt{3}} = \frac{10 \times 4}{9\cancel{\sqrt{3}}} \times \frac{\sqrt{3}}{6} = \frac{40}{54} = \frac{20}{27}$$

$\frac{20}{27}$ معکوس $\frac{27}{20}$

اگر $\lambda^{x+2} = 10$ باشد، مقدار $\sqrt{\lambda^{3x+6} + \lambda^{3x+7} + \lambda^{(x+2)-10}}$ ۲۰۴ کدام است؟

 121 ۴

 19 ۳

 11 ۲

 361 ۱

پاسخ: گزینه ۲

$\lambda^{x+2} = 10 \rightarrow (\lambda^x)^{x+2} = 10 \rightarrow \lambda^{3x+6} = 10 \quad (1)$

$\lambda^{x+2} \times \lambda^x = 10 \rightarrow \lambda^{4x+2} = 10 \quad (2)$

با جایگذاری (۱) و (۲) در رادیکال زیر داریم:

$$\sqrt{\lambda^{3x+6} + \lambda^{3x+7} + \lambda^{(x+2)-10}} = \sqrt{(\lambda^x)^{3x+6} + \lambda^{3x+7} + 1^0} = \sqrt{(\lambda^{3x+6})^2 + \lambda^{3x+7} + 1} \stackrel{(1)}{\longrightarrow} \sqrt{(10)^2 + 10 + 1} \\ = \sqrt{121} = 11$$