

<b>مرکز آزمون</b> <b>مجتمع علامه طباطبایی</b>	 مجتمع فرهنگی، آموزشی علامه طباطبایی	<b>آموزش و پژوهش شهر تهران</b>  نام و نام خانوادگی دانش آموز:  شماره کلاس:  تعداد صفحات: ۴ صفحه	<b>دیارستان های دوره اول مجتمع علامه طباطبایی</b>  امتحانات نوبت اول  پایه: هشتم  زمان آزمون: ۹۰ دقیقه	<b>امتحان درس: ریاضی هشتم</b>  تاریخ امتحان: شنبه ۹ دی ۱۴۰۲  سال تحصیلی ۱۴۰۲-۱۴۰۳
--	--	---	--	---

**بخش اول – جملات صحیح را با "ص" و جملات غلط را با "غ" مشخص نمایید. (هر مورد ۲۵/۰ نمره)**

۱نمره	<p>۱- معکوس <math>\frac{4}{7}</math>، عدد ۲۸/۰ است. ( <b>ص</b> )</p> <p>۲- در الگوریتم غربال، عدد ۹۱ هرگز خط نمی خورد. ( <b>غ</b> )</p> <p>۳- لوزی یک چهار ضلعی منتظم است. ( <b>غ</b> )</p> <p>۴- حاصل عبارت <math>(2x+3)(4x^2+9)</math> برابر است با <math>8x^3+18x^2+12x+27</math>. ( <b>غ</b> )</p>
-------	--

**بخش دوم – جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید. (هر مورد ۲۵/۰ نمره)**

۱نمره	<p>۵- اگر شکلی را حول یک نقطه <math>180^\circ</math> دوران دهیم و نتیجه‌ی دوران، روی خودش منطبق شود، می‌گوییم شکل <b>مرکز تقارن</b> دارد.</p> <p>۶- تنها شمارنده‌ی اول هر عدد اول، <b>خود آن عدد</b> است.</p> <p>۷- حاصل عبارت <math>1+2+3+\dots+6 = 21</math> برابر <b>۱۸۳</b> است.</p> <p>۸- مجموع عدد <math>1\frac{2}{3}</math> و معکوسش، برابر <math>\frac{34}{15}</math> است.</p>
-------	--

**بخش سوم – گزینه صحیح را انتخاب نمایید. (هر مورد ۲۵/۰ نمره)**

۱نمره	<p>۹- مجموع زاویه‌های خارجی یک ۱۲ ضلعی محدب چند درجه است؟</p> <p>(۱) <math>180^\circ</math>      (۲) <math>900^\circ</math>      (۳) <math>720^\circ</math>      (۴) <math>360^\circ</math></p> <p>پاسخ: <b>گزینه ۴ صحیح است.</b></p>
-------	---

۱نمره	<p>۱۰- کدامیک از اعداد زیر، اول است؟</p> <p>(۱) ۱۱۹      (۲) ۱۰۳      (۳) ۸۷      (۴) ۱۴۳</p> <p>پاسخ: <b>گزینه ۲ صحیح است.</b></p>
-------	---

	<p>۱۱- عبارت <math>(x+5)(2x-3)-2x(x-1)</math> برابر است با:</p>
--	---

$$(1) 2x - 15 \quad (2) -5x - 15 \quad (3) 9x - 15 \quad (4) 2x + 15$$

پاسخ: **گزینه ۳ صحیح است.**

	<p>۱۲- حاصل عبارت <math>(-\frac{3}{5} + \frac{7}{10}) \div (-\frac{2}{15})</math>، کدام است؟</p>
--	--

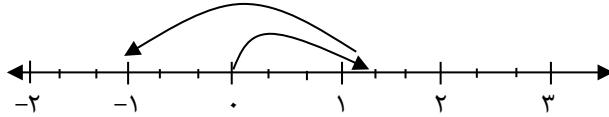
$$(1) -\frac{3}{4} \quad (2) \frac{3}{4} \quad (3) -\frac{4}{3} \quad (4) \frac{4}{3}$$

پاسخ: **گزینه ۱ صحیح است.**

۱۳- حاصل عبارت  $\left[ (-2\frac{3}{4}) \div \left( -\frac{3}{2} + \frac{7}{8} \right) \right] \div \left( -\frac{1}{2} \right)$  را به دست آورید.

پاسخ:

$$\begin{aligned} & \left[ (-2\frac{3}{4}) \div \left( -\frac{3}{2} + \frac{7}{8} \right) \right] \div \left( -\frac{1}{2} \right) = \left[ \left( -\frac{11}{4} \right) \div \left( \frac{-12+7}{8} \right) \right] \div \left( -\frac{1}{2} \right) \\ & = \left[ \left( -\frac{11}{4} \right) \div \left( -\frac{5}{8} \right) \right] \div \left( -\frac{1}{2} \right) = \left[ \frac{-11}{4} \times \frac{8}{-5} \right] \times \left( -\frac{2}{1} \right) = \frac{22}{5} \times (-2) = \frac{-44}{5} \end{aligned}$$



۱۴- الف) جمع متناظر با شکل روبرو را بنویسید.

ب) کسر  $\frac{(-48) \times (-51) \times 75}{85 \times (-60)}$  را ساده کنید.

پاسخ:

الف)  $(+\frac{4}{3}) + (-\frac{8}{3}) = -\frac{4}{3}$

ب)  $\frac{(\cancel{+48}) \times (\cancel{-51}) \times \cancel{15}}{\cancel{85} \times \cancel{(-60)}} = -36$

۱۵- مجموع دو عدد اول مختلف را با حاصل ضرب آن دو عدد، جمع کردیم. عدد حاصل، همواره زوج است یا فرد؟ چرا؟

پاسخ: فرد، زیرا:

اگر هر دو عدد اول فرد باشند،  $\Rightarrow$  مجموع آنها زوج و حاصل ضرب آنها فرد  $\Rightarrow$  فرد = فرد + زوج = حاصل ضرب + مجموع

اگر یکی از آن اعداد اول ۲ و عدد دیگر فرد باشد  $\Rightarrow$  مجموع آنها = فرد و حاصل ضرب = زوج

$\Rightarrow$  فرد = زوج + فرد = حاصل ضرب + مجموع

۱۶- الف) در جای خالی، عدد مناسب بگذارید.

$$(-2) \div \boxed{\phantom{0}} = -1\frac{1}{5}$$

ب) در جای خالی علامت  $<$  یا  $>$  یا  $=$  بگذارید.

۱)  $-0 / 23 \boxed{\phantom{0}} - \frac{2}{7}$

۲)  $-2\frac{1}{4} \boxed{\phantom{0}} - \frac{7}{3}$

پاسخ: الف)

$$\boxed{\phantom{0}} = (-2) \div \left( -1\frac{1}{5} \right) = (-2) \div \left( -\frac{6}{5} \right) = (-2) \times \left( -\frac{5}{6} \right) = \frac{5}{3}$$

$$-0 / 23 \boxed{\phantom{0}} - \frac{2}{7} \quad \left| \begin{array}{l} -2\frac{1}{4} \boxed{\phantom{0}} - \frac{7}{3} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow -\frac{23}{100} \boxed{\phantom{0}} - \frac{2}{7} \quad \left| \begin{array}{l} -\frac{1}{4} \boxed{\phantom{0}} - \frac{7}{3} \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \frac{-161}{200} \boxed{\phantom{0}} - \frac{200}{200} \quad \left| \begin{array}{l} -\frac{27}{12} \boxed{\phantom{0}} - \frac{28}{12} \end{array} \right.$$

ب)

۱۷- عدهای اول بین ۶۰ و ۸۰ را به روش غربال تعیین کنید.

$\boxed{61}$	کو	کو	کو	کو	کو	کو	$\boxed{67}$	کو
کو	$\boxed{60}$	$\boxed{71}$	کو	$\boxed{73}$	کو	$\boxed{75}$	کو	$\boxed{76}$
کو	کو	$\boxed{79}$	کو	کو	کو	کو	کو	$\boxed{79}$

۱۷- اعداد اول  $61, 67, 71, 73, 79$

۱۸- عدد ۲۴۷ اول است یا مرکب؟ چرا؟

پاسخ: چون  $247 < 289$  (یعنی  $17^2 < 247$ ) بخش‌پذیری این عدد بر اعداد اول کوچکتر از ۱۷ یعنی ۲، ۳، ۵، ۷، ۱۱ و ۱۳ ندارد.

را بررسی می‌کنیم:

$$247 \mid 2 \\ \text{بخش‌پذیر} \\ \text{نیست}$$

$$247 \mid 3 \\ 2+4+7=13 \\ \text{بخش‌پذیر} \\ \text{نیست}$$

$$247 \mid 5 \\ \text{بخش‌پذیر} \\ \text{نیست}$$

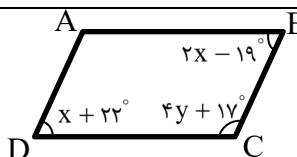
$$\begin{array}{r} 247 \mid 7 \\ -21 \quad 35 \\ \hline 37 \\ -35 \\ \hline 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 247 \mid 11 \\ -22 \quad 22 \\ \hline 22 \\ -22 \\ \hline 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 247 \mid 13 \\ -13 \quad 117 \\ \hline 117 \\ -117 \\ \hline \end{array}$$

عدد ۲۴۷ بر ۱۳ بخش‌پذیر است. پس مرکب است. (اول نیست)

۱۹- در متوازی‌الاضلاع مقابله مقدار  $x$  و  $y$  را بیابید.



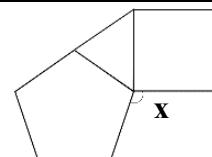
پاسخ: در متوازی‌الاضلاع، زاویه‌های رو به رو برابرند، پس:  $(2x - 19^\circ) = (x + 22^\circ) \Rightarrow x = 41^\circ$   
و زاویه‌های مجاور، مکمل‌اند:

$$(x + 22^\circ) + (4y + 17^\circ) = 180^\circ \Rightarrow (41^\circ + 22^\circ) + (4y + 17^\circ) = 180^\circ \Rightarrow 4y + 8^\circ = 180^\circ \Rightarrow 4y = 100^\circ \Rightarrow y = 25^\circ$$

۲۰- شکل مقابل از یک پنج ضلعی منتظم، یک مثلث متساوی‌الاضلاع

و یک مربع تشکیل شده است. زاویه‌ی  $x$  چند درجه است؟

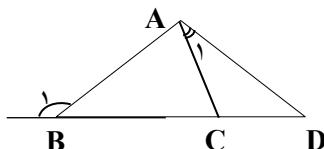
پاسخ: اندازه هر زاویه‌ی داخلی یک پنج ضلعی منتظم برابر است با:



$$\frac{180^\circ(n-2)}{n} = \frac{180^\circ(5-2)}{5} = \frac{180^\circ \times 3}{5} = 108^\circ$$

$$108^\circ + 60^\circ + 90^\circ + x = 360^\circ \Rightarrow 258^\circ + x = 360^\circ \Rightarrow x = 360^\circ - 258^\circ = 102^\circ$$

۲۱- در شکل مقابل،  $\hat{A}_1 = \hat{B}_1 = 130^\circ$  باشد، زاویه‌ی  $\hat{A}_1$  چند درجه است؟



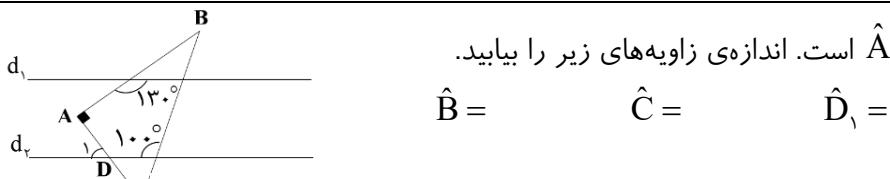
پاسخ:

$$\hat{B}_1 = 130^\circ \Rightarrow \hat{B}_2 = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ, AB = AD \Rightarrow \hat{B}_2 = \hat{D} \Rightarrow \hat{D} = 50^\circ$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{A}_1 + \hat{B}_2 + \hat{C}_1 = 180^\circ \\ AB = BC \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C}_1 \end{array} \right\} \Rightarrow 2\hat{C}_1 + 50^\circ = 180^\circ \Rightarrow 2\hat{C}_1 + 50^\circ = 180^\circ \Rightarrow 2\hat{C}_1 = 130^\circ \Rightarrow \hat{C}_1 = 65^\circ$$

$$\hat{C}_1 = \hat{A}_1 + \hat{D} \Rightarrow 65^\circ = \hat{A}_1 + 50^\circ \Rightarrow \hat{A}_1 = 65^\circ - 50^\circ = 15^\circ$$

۲۲- در شکل مقابل،  $\hat{A} = 90^\circ$  و  $d_1 \parallel d_2$  است. اندازه‌ی زاویه‌های زیر را بیابید.



$$\hat{B} = \quad \hat{C} = \quad \hat{D}_1 =$$

پاسخ:

$$\left. \begin{array}{l} \hat{E}_1 = \hat{F}_1 = 100^\circ \\ BC \text{ بروم} \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{E}_1 = \hat{F}_1 = 100^\circ$$

$$\Delta BDE: \hat{B} + \hat{G}_1 + \hat{E}_1 = 180^\circ \Rightarrow \hat{B} + 50^\circ + 100^\circ = 180^\circ \Rightarrow \hat{B} = 30^\circ$$

$$\Delta ABC: \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow 90^\circ + 30^\circ + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{C} = 60^\circ$$

$$\hat{F}_1 = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ, \Delta DCF: \hat{D}_1 + \hat{F}_1 + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{D}_1 + 80^\circ + 60^\circ = 180^\circ \Rightarrow \hat{D}_1 = 40^\circ$$

-۲۳- الف) عبارت‌های جبری زیر را ساده کنید.

$$1) (5x - 3)(5x + 3) - 25(x - 1) =$$

$$2) 2(3x^2 - 5y) - 3(2x^2 + y) =$$

ب) عبارت جبری زیر را به صورت ضرب دو عبارت جبری بنویسید.

$$75xy^3 - 105x^2y^2 =$$

$$1) \cancel{25x^3} + \cancel{25x^2} - \cancel{25x} - 9 - 25x + 1 = 25x^3 - 25x^2 - 8$$

$$2) \cancel{5x^2} - 10y - \cancel{5x^2} - 3y = -13y$$

$$75xy^3 - 105x^2y^2 = 15xy^2(5y - 7x)$$

پاسخ: الف)

(ب)

$$-24- معادله \frac{4}{3}x + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}x - \frac{x-1}{4} را حل کنید.$$

پاسخ:

۱/۲۵ نمره

$$12x\left(2x + \frac{4}{3}\right) = \frac{1}{2}x - \frac{x-1}{4} \Rightarrow 24x + 16 = 6x - 3x + 3$$

$$\Rightarrow 24x - 6x + 3x = -16 + 3 \Rightarrow 21x = -13 \Rightarrow x = \frac{-13}{21}$$

۰/۷۵ نمره

$$-25- مقدار عددی عبارت \frac{-ab^2 + 2}{ab + 4} را به ازای a = -2 و b = 3 به دست آورید.$$

$$\frac{-(-2)^2 \times 3 + 2}{(-2) \times 3 + 4} = \frac{(-4) \times 3 + 2}{-6 + 4} = \frac{-12 + 2}{-2} = \frac{-10}{-2} = 5$$

پاسخ:

-۲۶- پدری ۴۳ سال سن دارد. دو فرزند او ۳ و ۸ ساله‌اند. پس از چند سال سن پدر با دو برابر مجموع سن فرزندانش برابر می‌شود؟

پاسخ: فرض کنید جواب مسئله  $x$  باشد. یعنی بعد از  $x$  سال سن پدر با دو برابر مجموع سن فرزندانش برابر باشد.

$$\text{سن پدر بعد از } x \text{ سال} \iff x + 43$$

$$\text{سن فرزندان بعد از } x \text{ سال} \iff (x + 8), (x + 3)$$

$$\text{مجموع سن فرزندان} \times 2 = \text{سن پدر}$$

$$x + 43 = 2 \times (x + 3 + x + 8)$$

$$x + 43 = 2(2x + 11)$$

$$x + 43 = 4x + 22$$

$$21 = 3x$$

$$\underline{x = 7}$$

(بعد از ۷ سال)

۰/۲۰ نمره

مجموع نمرات

دانش آموز عزیز، شما می‌توانید پس از اتمام آزمون، با مراجعه به آدرس [https://alameh.ir/questions\\_cat/eighth](https://alameh.ir/questions_cat/eighth) یا با اسکن کردن بارکد زیر، پاسخ تشریحی و شناسنامه سوالات آزمون را دریافت نمایید.



با آرزوی موفقیت برای شما - مرکز آزمون مجتمع علامه طباطبائی



مجتمع فرهنگی، آموزشی  
علامه طباطبائی

# مركز آزمون

# مجتمع علامه طباطبائی



## اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



تمام پایه ها

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



همیشه رایگان

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد