

۱. مجموع مربعات دو عدد اول ۳۶۵ است. اختلاف آن‌ها چقدر است؟
 ۲۹ (۴) ۱۵ (۳) ۱۷ (۲) ۲۱ (۱)
۲. m و n دو عدد اول فرد مختلف هستند. عدد $(3n^2)^5 \times (4m^3)^7 = 100$ چند مقسوم‌علیه اول دارد؟
 ۷ (۴) ۵ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)
۳. برای آنکه تحقیق کنیم عدد ۱۲۳۱ اول است یا مرکب کافیست بخش‌پذیری آن را بر چند عدد اول بررسی کنیم.
 ۱۲ (۴) ۱۱ (۳) ۱۰ (۲) ۹ (۱)
۴. چند عدد طبیعی کوچک‌تر از ۵۰ داریم که نسبت به ۵۰ اول باشند؟
 ۱۹ (۴) ۱۸ (۳) ۱۷ (۲) ۱۶ (۱)
۵. در روش غربال اراتستن برای یافتن اعداد اول کمتر از ۲۰۱۸ آخرین عدد اولی که مضارب آن در جدول خط می‌خورد چیست؟
 ۴۳ (۴) ۲۳ (۳) ۳۷ (۲) ۴۷ (۱)
۶. در روش غربال اراتستن برای یافتن اعداد اول کمتر از ۱۳۹۶، ۷۰۹ امین عددی که خط می‌خورد کدام است؟
 ۶۹ (۴) ۷۵ (۳) ۸۱ (۲) ۸۷ (۱)
۷. عدد ۱۱۱۳ چند مقسوم‌علیه اول دارد؟
 ۷ (۴) ۶ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
۸. حاصل ضرب مقسوم‌علیه‌های عدد 3^{100} کدام است؟
 ۳۲۵۲۵ (۴) ۳۵۰۵۰ (۳) ۳۲۵۲۵ (۲) ۳۱۰۱ (۱)
۹. اگر $a = \frac{20}{100}$ و $b - a$ کدام است؟
 ۲۰ (۴) ۱۰ (۳) ۴ (۲) ۵ (۱)
۱۰. در غربال عدددهای ۵۰ تا ۱۶۰، برای تعیین اعداد اول در مرحله حذف مضرب‌های ۱۱، عددی که برای اولین بار خط می‌خورد کدام است؟
 ۵۵ (۴) ۱۳۲ (۳) ۱۲۱ (۲) ۱۲۲ (۱)
۱۱. در روش غربال عدددهای بین ۱۰۰ تا ۲۵۰، کدام عدد چهار بار خط می‌خورد؟
 ۱۰۵ (۴) ۱۵۰ (۳) ۲۱۰ (۲) ۱۲۰ (۱)
۱۲. در روش غربال اعداد ۱ تا ۱۵۰، کدام عدد دیرتر خط می‌خورد؟
 ۱۴۷ (۴) ۱۴۹ (۳) ۱۴۳ (۲) ۱۲۱ (۱)
۱۳. اگر حاصل ضرب سه عدد اول ۳۸۵ باشد، حاصل جمع دو عدد بزرگ‌تر کدام است؟
 ۱۸ (۴) ۱۶ (۳) ۲۳ (۲) ۱۲ (۱)
۱۴. کدام یک از اعداد زیر شمارنده عدد $A = 20^4 \times 21^3 \times 55^2$ است؟
 ۲۷ \times ۳۲ (۴) ۱۱۳ \times ۳۳ (۳) ۷۴ \times ۵۳ (۲) ۳ \times ۲۱۰ (۱)
۱۵. اگر کمم دو عدد $4a$ و $18a$ و 72 باشد، در مورد a کدام گزینه درست است؟
 (۱) a عدد فرد اول است.
 (۲) a مضربی از ۳ است.
 (۳) a کوچک‌ترین عدد اول است.
 (۴) a نمی‌تواند عددی اول باشد.
۱۶. در تساوی $1 = (\square)^3$ ، کدام عدد را نمی‌توانیم در مربع قرار دهیم؟
 ۲۱۲ (۴) ۴ \times ۱۲۱ (۳) ۱۳۲ \times ۵۲ (۲) ۵۰ (۱)

۱۷. در روش غربال، برای پیدا کردن اعداد اول بین ۱ تا ۲۹۰، بعد از حذف عدد ۲۴۷ کدام عدد خط می‌خورد؟

۲۴۸ (۴)

۲۷۳ (۳)

۲۶۰ (۲)

۲۸۹ (۱)

۱۸. در تعیین اعداد اول بین ۱ تا ۲۰۰ به روش غربال، صد و ده‌مین عددی که خط می‌خورد، کدام است؟

۶۴ (۴)

۶۰ (۳)

۵۷ (۲)

۱ (۱)

۱۹. اگر $a + b = ۳۰$ ، $[a, b] = ۳۶$ ، $(a, b) = ۶$ ، $b > a$ ، حاصل عبارت $۲a + b$ برابر است با:

۶۶ (۴)

۳۶ (۳)

۴۸ (۲)

۴۲ (۱)

۲۰. حاصل عبارت $\frac{(x, x^2y) \div [x^3y^2, xy^2, xy]}{(x^3y^3, y^2x^2)}$ کدام گزینه است؟

 $\frac{x^4}{y^4}$ (۴) $\frac{x^2}{y^2}$ (۳) $\frac{1}{x^4y^4}$ (۲)

۱ (۱)

۲۱. اگر حاصل ضرب دو عدد ۶۴۸ باشد، حداکثر بمم این دو عدد کدام است؟

۲۱ (۴)

۹ (۳)

 $3^3 \times 2^3$ (۲)

۱۸ (۱)

۲۲. اگر $a = n + 1$ و $b = n$ ، حاصل عبارت $\frac{[a, [a, b]]}{(b, (a, b))}$ کدام است؟

ab (۴)

 $\frac{b}{a}$ (۳) $\frac{a}{b}$ (۲)

۱ (۱)

۲۳. ۳۷ - ۵^۷ بر کدام عدد بخش پذیر است؟

۱۹ (۴)

۱۰ (۳)

۲ (۲)

۸ (۱)

۲۴. تعداد شمارنده‌های مشترک اعداد ۳۶۰، ۵۴۰ و ۲۰۰ را به دست آورید و بگویید کدام گزینه نشان‌دهنده‌ی این تعداد می‌باشد؟

۷ (۴)

۸ (۳)

۳ (۲)

۶ (۱)

۲۵. حاصل تفاضل عدد ۹۸۷ و مقلوب آن بر کدام دسته از اعداد زیر بخش پذیر است؟

۱۱ و ۱۲ (۴)

۱۷ و ۹ (۳)

۱۱ و ۳ (۲)

۱۵ (۱)

۲۶. با فرض اینکه $B = ۲^{n-1}$ و $A = ۳^{n+1}$ و $E = ۶^{n+1}$ ، بزرگ‌ترین مقسوم علیه مشترک A و B کدام است؟

۶ (۴)

۴ (۳)

۶ (۲)

۱ (۱)

۲۷. اگر مجموعه‌ی $A = \left\{ 1, x, y, z, \frac{z^2}{y}, \frac{z^2}{x}, z^2 \right\}$ مقسوم علیه یک عدد باشد. آن عدد برابر است با:

۶۴ (۴)

۱۰۰ (۳)

۸۱ (۲)

۳۶ (۱)

۲۸. کدام یک از عبارت‌های زیر درست است؟

۱) تعداد اعداد اول کوچک‌تر از ۱۵، پنج تا است.

۳) تعداد اعداد مرکب کم‌تر از ۱۵، پنج تا است.

۲۹. کدام جمله صحیح است؟

۱) هر عدد طبیعی اول است یا مرکب.

۳) تمام اعداد اول دارای دو مقسوم علیه طبیعی متمایز

می‌باشند.

۲) عدد $۱ + ۱۰۷^5 + ۱۲^7$ اول است.

۴) هر عدد طبیعی لاقل یک مقسوم علیه اول دارد.

۳۰. p و q دو عدد اول فرد و متمایزند، عدد $p^{q-1} \times q^{p-1}$ چند مقسوم علیه طبیعی دارد؟

pq (۴)

 $2^q \times pq$ (۳) $p^2 q$ (۲) $q^2 p$ (۱)

۳۱. حاصل ضرب دو عدد اول برابر است با 454 ، مجموع ارقام عدد بزرگ‌تر چند است؟

(۱) ۱۱

(۲) ۱۳

(۳) ۱۷

(۴) ۱۹

۳۲. $k \times 64 = 3^n$ دارای 63 مقسوم‌علیه باشد؟

(۱) ۶

(۲) ۷

(۳) ۸

(۴) ۹

۳۳. در روش غربال عدد 493 اولین مرتبه با مضرب کدام عدد خط می‌خورد؟

(۱) ۷

(۲) ۱۳

(۳) ۱۷

(۴) ۱۱

۳۴. در غربال اراتستن برای یافتن اعداد اول تا 1390 به کار برده‌ایم آخرین عدد اولی که مضرب آن در این سری اعداد خط می‌خورد چیست؟

(۱) ۱۱۵۶

(۲) ۱۷۵

(۳) ۱۳۶۹

(۴) ۱۰۸۹

۳۵. اگر a یکی از شمارندهای b باشد، حاصل عبارت $\frac{[b, (a, b)]}{(b, [a, b])}$ کدام است؟

(۱) a

(۲) ۱

(۳) $\frac{b}{a}$ (۴) $\frac{a}{b}$

۳۶. در مورد دو عدد 11011 و $(1^{23} + 76^{23} + 75^{23})$ کدام گزینه درست است؟

(۱) هر دو اول‌اند.

(۲) $1^{23} + 76^{23} + 75^{23}$ اول است.(۳) 11011 اول است.

۳۷. کدام جمله نادرست است؟

(۱) هر عدد طبیعی حداقل یک مقسوم‌علیه اول دارد. (۲) تنها مقسوم‌علیه اول عدد 17 است.

(۳) هر عدد مرکب را می‌توان به صورت حاصل‌ضرب اعداد اول (4) عدد زوج اول هم داریم. نوشت.

۳۸. اگر a یک عدد اول بزرگ‌تر از 3 باشد، کدام مطلب زیر درست است؟

(۱) تمام مقسوم‌علیه‌های عدد a زوج هستند.(۲) عدد a مقسوم‌علیه‌های ندارد.(۳) تمام مقسوم‌علیه‌های عدد a فرد هستند.

۳۹. بم و کم سه عدد 90 ، 42 و 108 به ترتیب از راست به چپ کدامند؟

(۱) 3780 و 2 (۲) 3780 و 6 (۳) 3870 و 1

۴۰. اگر $B = 2a^3 bc$ و $A = 6a \times b^3$ باشد، بم آن برابر است با: (x, c, b, a) اول

(۱) ab (۲) $2ab$ (۳) $12a^3 b^3 cx$ (۴) $24a^3 bcx$ (۱) 27 (۲) 25 (۳) 26 (۴) 24

۴۱. چند عدد دو رقمی وجود دارد که مضرب 3 باشد ولی بر 5 بخش پذیر نباشد؟

(۱) 27 (۲) 25 (۳) 26 (۴) 24

۴۲. عدد $11 \times 7 \times 5 \times 3 \times 2$ چند مقسوم‌علیه دارد؟

(۱) 2004 (۲) 5 (۳) 32 (۴) 2310

۴۳. تعداد کل مقسوم‌علیه‌های 900 چند برابر تعداد مقسوم‌علیه‌های اول این عدد است؟

(۱) 9 برابر(۲) 6 برابر(۳) 27 برابر(۴) 3 برابر

۴۴. در کدام گزینه، هر سه عدد داده شده فقط از هر دو شمارندهای 3 و 5 ساخته شده است؟

(۱) $64, 25, 5$ (۲) $35, 81, 9$ (۳) $51, 75, 25$ (۴) $15, 135, 225$

۴۵. چند عدد ۳ رقمی وجود دارد که بر ۱۹ بخش‌پذیر است؟
 ۴۸ (۴) ۴۷ (۳) ۴۶ (۲) ۴۵ (۱)

۴۶. تعداد مقسوم علیه‌های مرکب عدد ۲۷۰۰۰ کدام است؟
 ۵۰ (۴) ۶۴ (۳) ۶۰ (۲) ۵۴ (۱)

۴۷. کوچک‌ترین عدد مرکبی که بر چهار عدد اول بخش‌پذیر باشد، کدام است؟
 ۱۰ (۴) ۱۱۰ (۳) ۲۱۰ (۲) ۳۱۰ (۱)

۴۸. اگر a بر b بخش‌پذیر باشد. حاصل عبارت $\frac{a}{[a,b]}$ کدام است؟
 a (۴) $\frac{1}{a}$ (۳) $\frac{1}{b}$ (۲) ۱ (۱)

۴۹. اگر m و n دو عدد متباین باشند، حاصل عبارت $\frac{([m,n],(m,n))}{([m,m],(n,n))}$ کدام است؟
 $\frac{n}{m}$ (۴) $\frac{m}{n}$ (۳) ۱ (۲) $m \times n$ (۱)

۵۰. اگر (AB, CD) ، حاصل عبارت $[A, B] = D$ و $(A, B) = C$ کدام است؟
 CD (۴) AB (۳) $[C, D]$ (۲) $C + D$ (۱)

۱. گزینه ۲ همواره مجموع یک عدد فرد با یک عدد زوج، فرد می‌شود. و تنها عدد زوج اول ۲ است.

$$x^2 + x^2 = 365 \Rightarrow x^2 = 365 - 4 = 361 \rightarrow x = 19$$

حال اختلاف آن‌ها را حساب می‌کنیم:

$$19 - 2 = 17$$

۲. گزینه ۳

$$\underbrace{100 \times (3n^2)^5 \times (4m^3)^7}_{\text{شمارندهای اول}} = (5^2 \times 2^2) \times (3^5 \times n^{10}) \times (2^{14} \times m^{21})$$

۳. گزینه ۴

$$\sqrt{1231} = 35,000 \Rightarrow \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31\} \quad \text{۱۱ تا}$$

۴. گزینه ۵

$$\{3, 7, 9, 11, 13, 17, 19, 21, 23, 27, 29, 31, 33, 37, 41, 43, 47, 49, 1\} \quad \text{تمام اعداد کوچک‌تر از ۵۰ بجز شمارنده‌های آن:}$$

۵. گزینه ۶

$$\sqrt{2018} = 44,000 \Rightarrow 43$$

۶. گزینه ۷

طبق روش غربال ابتدا باید عدد ۱ خط بخورد سپس به عدد ۲ می‌رسیم که عددی اول است در نتیجه به جز خود عدد ۲ تمام مضارب آن باید خط بخورد بنابراین برای حذف مضارب ۲ به روش زیر عمل می‌کنیم:
 $\frac{1396}{2} : \text{اعداد زوجی که خط می‌خورد به جز عدد ۲}$

با در نظر گرفتن عدد ۱ که در ابتداء خط خورده بود ۶۹۸ عدد تاکنون خط خورده‌اند. حال در مرحله‌ی بعد به سراغ مضارب ۳ می‌رویم:

$$\begin{array}{ccccccccccccccccccccccccc} & \\ 69 & , & 63 & , & 57 & , & 51 & , & 45 & , & 39 & , & 33 & , & 27 & , & 21 & , & 15 & , & 9 & , & 6 & , & 3 & , & 1 & : & \text{حاصل مضارب ۳} \\ 709 & & 703 & & 707 & & 701 & & 705 & & 709 & & 706 & & 702 & & 708 & & 704 & & 700 & & 708 & & 709 & : & \text{شماره} \end{array}$$

۷. گزینه ۸

مقسوم‌علیه اول:

$$111213 \Rightarrow 11$$

۸. گزینه ۹

$$3^{100} : \text{مقسوم‌علیه‌های } \{1, 3, 3^2, 3^3, 3^4, 3^5, \dots, 3^{99}, 3^{100}\}$$

$$1 \times 3 \times 3^2 \times 3^3 \times 3^4 \times 3^5 \times \dots \times 3^{100}$$

نکته:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$= 3^{1+2+3+\dots+100} = 3^{\frac{100 \times 101}{2}} = 3^{5050}$$

۹. گزینه ۱۰

$$\frac{a}{b} = \frac{20}{100} = \frac{1}{5}, (1, 5) = 1 \Rightarrow b - a = 5 - 1 = 4$$

۱۰. گزینه ۱۱ مضرب‌های ۱۱، ۱۱۰۵۰ تا ۱۶۰ عبارتند از ۵۵، ۵۵، ۷۷، ۸۸، ۹۹، ۱۱۰، ۱۱۱ و ...

چون قبل از عدد ۱۲۱ همه مضرب‌های ۱۱، مضرب‌های اعداد اول قبل از ۱۱ بوده‌اند، خط خورده‌اند. پس اولین مضرب ۱۱ که برای اولین بار خط می‌خورد، ۱۲۱ است.

۱۱. گزینه ۲ با دقت در گزینه‌های ۱، ۳ و ۴ می‌بینیم که پس از تجزیه، هر کدام به ۳ عدد اول متمایز بخش‌پذیر هستند، پس سه بار خط می‌خورند. داریم:

$$120 = 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 3$$

$$150 = 2 \times 3 \times 5 \times 5$$

$$105 = 3 \times 7 \times 5$$

اما عدد ۲۱۰ بر چهار عدد اول ۲، ۳، ۵ و ۷ بخش‌پذیر است، پس در غربال ۴ بار خط می‌خورد.

۱۲. گزینه ۲ چون گزینه ۱ با مضارب ۱۱، گزینه ۳ با مضارب ۷ و گزینه ۴ با مضارب ۳ خط می‌خورند و گزینه ۲ با مضارب ۱۱ بعد از ۱۲۱ خط می‌خورد، پس گزینه ۲ درست است.

۱۳. گزینه ۴ راه حل اول: به کمک راهبرد جدول حدس و آزمایش، داریم:

بررسی	حاصل ضرب	عدد سوم	عدد دوم	عدد اول
۲	۳	۵	۳۰	×
۳	۵	۷	۱۰۵	×
۵	۷	۱۱	۳۸۵	✓

چون مسئله مجموع دو عدد بزرگ‌تر را خواسته، داریم: $7 + 11 = 18$
راه حل دوم:

می‌توانیم ۳۸۵ را تجزیه کنیم:

$$385 = 5 \times 11 \times 7$$

در این صورت می‌بینیم که ۳۸۵ از حاصل ضرب سه عدد اول تشکیل شده است که مجموع دو عدد بزرگ‌تر عبارت است از:

$$7 + 11 = 18$$

۱۴. گزینه ۴ نکته: شمارنده عدد A پس از تجزیه به عامل‌های اول، باید شامل پایه‌هایی باشد که در A وجود دارد و توان آن پایه‌ها کوچک‌تر یا مساوی توان پایه‌های نظیرش در A باشد.

مطابق نکته، ابتدا A را تجزیه می‌کنیم:

$$A = 20^4 \times 21^3 \times 55^2 = (2^2 \times 5)^4 \times (3 \times 7)^3 \times (5 \times 11)^2 = 2^8 \times 5^6 \times 3^3 \times 7^3 \times 11^2$$

با توجه به گزینه‌ها و توان آن‌ها، تنها گزینه ۴ می‌تواند شمارنده عدد A باشد.

۱۵. گزینه ۴

$$[a, b] = \frac{a \times b}{(a, b)}$$

$$\left. \begin{array}{l} 4a = 2 \times 2 \times \underline{a} \\ 18a = 2 \times 3^2 \times \underline{a} \end{array} \right\} \Rightarrow (4a, 18a) = 2a \Rightarrow \frac{\cancel{4a} \times 18a}{\cancel{2a}} = 72 \Rightarrow 36a = 72 \Rightarrow a = 2$$

پس گزینه ۴ درست است.

۱۶. گزینه ۳ می‌دانیم: $11 \times 3^3 = 333$ ، پس:

با بررسی سوال مشاهده می‌کنیم که عدد داخل مربع نباید مضربی از ۳ و ۱۱ باشد که در گزینه‌های ۱، ۲ و ۴ مضرب‌های ۳ و ۱۱ به کار نرفته است و فقط در گزینه ۳ مضرب ۱۱ استفاده شده است.

$$4 \times 121 = 4 \times 11^2$$

پس گزینه ۳ درست است.

۱۷. گزینه ۱ در روش غربال، اولین مضربی که از یک عدد اول خط می‌خورد مربع آن عدد است. (مضارب قبلی قبلاً خط خورده‌اند). عدد ۲۴۷ نوزدهمین مضرب ۱۳ است. از بین مضارب بعدی عدد ۱۳، اعداد ۲۶۰، ۲۶۳، ۲۷۳ و ۲۸۶ قبلاً خط خورده‌اند، چون مضرب ۲ یا ۳ هستند. پس از آن‌ها اولین عددی که خط می‌خورد مربع عدد ۱۷ یعنی ۲۸۹ است.

۱۸. گزینه ۳ عدد ۱ را خط می‌زنیم ← بنابراین یک عدد خط می‌خورد.
مضارب عدد ۲ را به جز خودش خط می‌زنیم ← بنابراین ۹۹ عدد خط می‌خورد.

از مضارب عدد ۳، زوج‌ها قبلًا خط خورده‌اند و فقط اعداد فرد مضرب ۳ را به جز خودش خط می‌زنیم که برای یافتن صد و دهمین عددی که خط می‌خورد، ۱۰ تا از این مضارب را باید بشماریم، یعنی ۹، ۱۵، ۲۱، ۳۳، ۳۹، ۴۵، ۵۱، ۵۷، ۶۳ می‌باشد.

۱۹. گزینه ۱

$$\left. \begin{array}{l} (a, b) = 6 = 2 \times 3, b > a \\ [a, b] = 36 = 2^3 \times 3^2 \end{array} \right\} \Rightarrow a \times b = a, b = 2^3 \times 3^3 = \left\{ \begin{array}{l} 8 \times 27 \\ 36 \times 6 \\ 12 \times 18 \end{array} \right. \rightarrow a + b = 30$$

که طبق فرض سؤال درست است. حال $2a + b$ را حساب می‌کنیم:

$$2a + b = 2 \times 12 + 18 = 24 + 18 = 42$$

۲۰. گزینه ۲

$$\frac{(x, x \times x \times y) \div [x \times yx \times y \times x, x \times y \times y, x \times y]}{(x \times x \times x \times y \times y \times y, y \times y \times x \times x)}$$

$$= \frac{x \div x \times x \times x \times y \times y}{x \times x \times y \times y} = \frac{\cancel{x}^{xxyy}}{\cancel{x}^{xxyy}} = \frac{1}{xxyy} = \frac{1}{xxxxyyyy} = \frac{1}{x^4y^4}$$

باید به طور مساوی ضریب‌ها را بین A و B قسمت کنیم، تا حداقل مقسوم‌علیه مشترک را دو عدد داشته باشند.

۶۴۸	۲
۳۲۴	۲
۱۶۲	۲
۸۱	۳
۳۷	۳
۹	۳
۳	۳
۱	

$$\left. \begin{array}{l} 648 = 2^3 \times 3^4 \\ A = 2^2 \times 3^2 \\ B = 2 \times 3^2 \end{array} \right\} \Rightarrow (A, B) = 2 \times 3^2 = 18$$

$$(a, b) = 1$$

۲۲. گزینه ۴ a و b دو عدد متولی‌اند، بنابراین:

$$\frac{[a, [a, b]]}{(b, (a, b))} = \frac{[a, ab]}{(b, 1)} = \frac{ab}{1} = ab$$

۲۳. گزینه ۲ نکته: اگر n عددی زوج باشد آنگاه $a^n - b^n$ هم بر $(a - b)$ و هم بر $(a + b)$ بخش‌پذیر است. اما اگر n عددی فرد باشد آنگاه فقط بر $a - b$ بخش‌پذیر است.

توان ۷ عددی فرد است پس فقط بر $2^3 - 5$ بخش‌پذیر است.

۲۴. گزینه ۱ تعداد شمارنده‌های مشترک این سه عدد = تعداد شمارنده‌های بهم آن‌ها

$$200 = 2^3 \times 5^2 \quad 540 = 2^2 \times 3^3 \times 5 \quad 360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$

$$(200, 540, 360) = 2^2 \times 5^1 \Rightarrow (2+1) \times (1+1) = 6$$

۲۵. گزینه ۲

مقلوب عدد ۹۸۷ برابر است با ۷۸۹

$$987 - 789 = 198$$

بخش پذیر بر ۳

بخش پذیر بر ۹

بخش پذیر بر ۱۱

۲۶. گزینه ۱ این دو عدد دارای هیچ عامل مشترکی نیستند. پس بهم آنها ۱ است.

$$\begin{cases} B = 2^{n-1} \\ A = 3^{n+1} \end{cases} \Rightarrow \text{بـم} = 1$$

۲۷. گزینه ۴ فقط ۶۴ دارای ۷ مقسوم عليه است.

$$A = \{1, 2, 4, 8, 16, 32, 64\}$$

۲۸. گزینه ۲

۳) صفر عدد طبیعی نیست.

$$8, 6, 4, 9$$

✓ ۲

$$2, 3, 5, 7$$

عدد یک استثناء است.

۲۹. گزینه ۳ چون هر عدد اولی بر ۱ و خودش بخش پذیر است.

۳۰. گزینه ۱

$$A = 2^{q-1} \times p^{q-1} \times q^{p-1} \Rightarrow$$

(q-1+1)(q-1+1)(p-1+1) : تعداد شمارندها $(q)(q)(p) = q^2 p$

۳۱. گزینه ۴

$$454 = 227 \times 2 \rightarrow \text{فرد اول} \times \text{زوج} = \text{زوج}$$

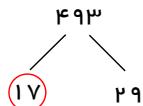
$$2 + 2 + 7 = 11$$

۳۲. گزینه ۲

$$A = 3^n \times 2^6 \quad \text{تعداد شمارنده} = (n+1)(6+1) = 63$$

$$(n+1)(7) = 63 \xrightarrow[\text{بر}]{\text{ تقسیم بر طرفین}} x+1 = 9 \rightarrow n = 8$$

۳۳. گزینه ۲



۳۴. گزینه ۲ اعداد اول تا ۳۷ چک می‌شود.

$$\sqrt{1390} = 37128$$

$$37 \times 37 = 1369$$

۳۵. گزینه ۳ b بر a بخش پذیر است، بنابراین:

$$\frac{[b, (a, b)]}{(b, [a, b])} = \frac{[b, a]}{(b, b)} = \frac{b}{b} = 1$$

۳۶. گزینه ۲ عدد ۱۱۰۱۱ بر ۱۱ بخش پذیر است.

و عدد $1^{23} + 2^{23} + 3^{23} + 4^{23} + 5^{23} + 6^{23} + 7^{23} + 8^{23} + 9^{23} + 10^{23} + 11^{23}$ دارای یکان $(\underline{2} = 1 + 6 + 5)$ می‌باشد، پس زوج است و بر ۲ بخش پذیر است.

۳۷. گزینه ۱ عدد ۱ نه مرکب است و نه اول و تنها مقسوم عليه آن ۱ است.

۳۸. گزینه ۳

تنها عدد اولی که مقسوم عليه زوج دارد ۲ می‌باشد.

۳۹. گزینه ۲

$$95 = 2 \times 3^2 \times 5, \quad 42 = 2 \times 3 \times 7, \quad 108 = 2^3 \times 3^3$$

بنابراین بمم آنها برابر $6 = 3 \times 2 \times 5 \times 7 \times 3^3 \times 2^3$ است.

۴۰. گزینه ۳

$$B = 2 \times a^2 \times b \times c \quad A = 2 \times 3 \times a \times x \times b^3$$

$$\text{بم} = 2ab$$

۴۱. گزینه ۱ اگر از مضارب ۳ تعداد مضارب ۱۵ را کم کنیم حاصل تعداد اعدادی می‌شوند که بر ۳ بخش‌پذیرند ولی بر ۵ بخش‌پذیر نیستند.

$$\left. \begin{array}{l} \frac{100}{3} = 33 \Rightarrow 3^3 \\ \frac{10}{3} \simeq 3 \Rightarrow 3 \\ \frac{100}{15} \simeq 6 \Rightarrow 15 \Rightarrow 15 \\ \frac{10}{15} \simeq 0 \Rightarrow 15 \Rightarrow 15 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{مضارب هم دو رقمی هم یک رقمی عدد} \\ \text{مضارب یک رقمی عدد} \\ \text{مضارب یک رقمی و دو رقمی عدد} \\ \text{مضارب یک رقمی عدد} \end{array}$$

$$\left. \begin{array}{l} 3^3 = 27 \\ 3^2 = 9 \\ 15 = 15 \\ 15 = 15 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{مضارب ۲ رقمی ۳۰ تا} \\ \text{مضارب ۲ رقمی عدد ۱۵} \end{array}$$

$$30 - 6 = 24$$

اعداد دو رقمی که مضرب ۳ هستند
ولی ۵ نداشته‌اند

۴۲. گزینه ۲

$$21 \times 3^1 \times 5^1 \times 7^1 \times 11^1 \Rightarrow 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$$

۴۳. گزینه ۱

$$900 = 5^2 \times 2^2 \times 3^2$$

$$\frac{(2+1)(2+1)(2+1)}{3} = \frac{3 \times 3 \times 3}{3} = 9$$

۴۴. گزینه ۳ در گزینه‌ی ۱، ۲۵ تنها دارای شمارنده‌های اول ۵، ۵۱ دارای شمارنده‌های اول ۳ و ۱۷ و ۷۵ دارای شمارنده‌های اول ۳ و ۵ است.

در گزینه‌ی ۲، ۲۵ تنها دارای شمارنده‌های اول ۵، ۵۱ دارای شمارنده‌های اول ۳ و ۱۷ و ۶۴ دارای شمارنده‌های اول ۸ است.

در گزینه‌ی ۳، ۹ دارای شمارنده‌های اول ۳، ۸۱ دارای شمارنده‌های اول ۳ و ۳۵ دارای شمارنده‌های اول ۵ و ۷ است.

اما در گزینه‌ی ۳، هر سه عدد فقط دارای هر دو شمارنده‌های اول ۳ و ۵ هستند.

پس گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

۴۵. گزینه ۲ تعداد اعداد کوچک‌تر از ۱۰۰۰ که بر ۱۹ بخش‌پذیرند برابر است با خارج قسمت ۱۰۰۰ بر ۱۹
 $1000 = 19 \times 52 + 2 \Rightarrow 19$ عدد کوچک‌تر از ۱۰۰۰ او بخش‌پذیر برابر است.

تعداد اعداد کوچک‌تر از ۱۰۰ که بر ۱۹ بخش‌پذیرند برابر است.
 $100 = 19 \times 5 + 5 \Rightarrow 5$ عدد کوچک‌تر از ۱۰۰ که بر ۱۹ بخش‌پذیر است.

چون اعداد سه رقمی مد نظر است پس باید بین ۱۰۰ و ۱۰۰۰ باشند.

$$52 - 5 = 47$$

۴۶. گزینه ۲

$$27000 = 2^3 \times 3^3 \times 5^3 \times (3+1) = 64$$

۱ + تعداد عوامل اول + تعداد عوامل مرکب = تعداد کل مقسوم علیه

$$\rightarrow 64 = x + 3 + 1 \rightarrow x = 64 - 4 = 60$$

تعداد کل مقسوم علیه = ۲ ، ۵ ، ۳

گزینه ۴۷

$$2 \times 5 \times 3 \times 7 = 210$$

گزینه ۴۸

$$\frac{a}{b} = k \rightarrow \begin{cases} a = bk \\ [a, b] = bk \end{cases} \Rightarrow \frac{bk}{bk} = 1$$

$$\frac{a}{[a, b]} = \frac{a}{a} = 1$$

گزینه ۴۹

$$(m, n) = 1 \Rightarrow \frac{([m, n], (m, n))}{([m, m], (n, n))} = \frac{(mn, 1)}{(m, n)} = \frac{1}{1} = 1$$

گزینه ۵۰

روش سوم: $A \times B = A, B = CD \rightarrow (AB, CD) = (AB, AB) = AB$

$(A, B) = C \quad [A, B] = D$ فرض می‌کنیم:

$$A = 4, B = 6 \quad \begin{cases} (4, 6) = 2 \\ [4, 6] = 12 \end{cases} \Rightarrow (24, 24) = 24$$

روش دوم: حتماً CD بر AB بخش‌پذیر است، بنابراین بهم آن عدد کوچک‌تر یعنی AB است.