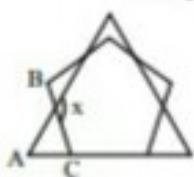
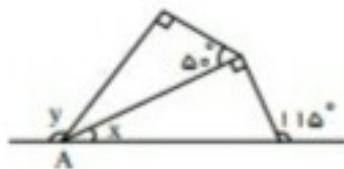


۱. در شکل زیر پک مثلث متساوی الاضلاع و پک پنجضلعی با اضلاع متساوی دیده می‌شود اندیشه‌ی زوایه‌ی x چقدر است؟



- ۱۲۸ (۱)
۱۲۶ (۱)

- ۱۲۴ (۱)
۱۳۲ (۱)

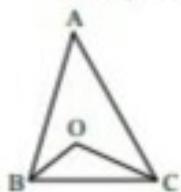


۲. در شکل رو به رو حاصل $y - x$ کدام گزینه است؟

- ۵۰ (۱)
۱۰۵ (۱)

- ۵۰ (۱)
۹۰ (۱)

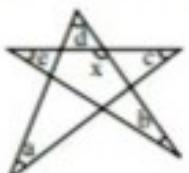
۳. در شکل مقابل OC و OB نیمسازهای زوایای B و C از مثلث OBC می‌باشند زوایه‌ی \hat{O} در مثلث ABC کدام است؟



- $90 - \frac{\hat{A}}{2}$ (۱)
 $90 + \frac{\hat{A}}{2}$ (۱)

\hat{A} (۱)

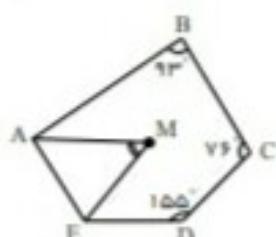
$\frac{\hat{A}}{2}$ (۱)



۴. در شکل مقابل اندیشه‌ی زوایه‌ی x چقدر است؟

- $b + e$ (۱)
 $c + d$ (۱)

- $a + d + c$ (۱)
 $a + b$ (۱)



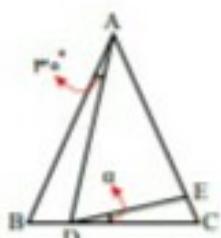
۵. اندیشه زوایه M چند درجه است؟ ($AM = EM$) و A نیمسازهای زوایه‌های E و A هستند

- 72° (۱)
 80° (۱)

- 108° (۱)
 71° (۱)

۶. مجموع زوایای داخلی یک چندضلعی محض ب دون پکی از آنها برابر 2520° است اندیشه‌ی زوایه‌ی کنار گذاشته شده چند درجه است؟

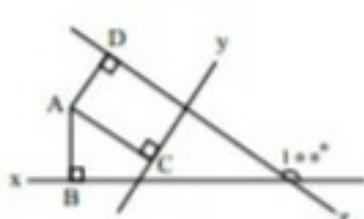
- ۱۳۰ (۱) ۱۲۰ (۱) ۱۰۵ (۱) ۹۰ (۱)



۷. در شکل زیر $B\hat{A}D = 30^\circ$ و $AD = AE$ و $AB = AC$ اندیشه زوایه‌ی α چند درجه است؟

- ۳۰ (۱)
۲۰ (۱)

- ۱۵ (۱)
۵۵ (۱)



۸. در شکل زیر $AB \perp x$, $AC \perp y$, $AD \perp z$ می‌باشند زوایه‌ی BAD چند درجه است؟

- ۱۰۰ (۱)
۱۲۰ (۱)
۹۰ (۱)
۱۱۰ (۱)

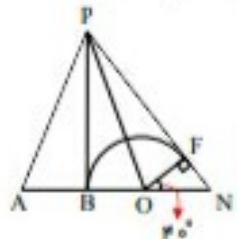
۹. اگر P مماس‌های PF و PB را بر نیم دایره رسم کردایم، اگر $OF = OB = AB$ ، آن‌گاه اندازهٔ $\angle A\hat{P}F$ چند درجه است؟

۶۰ (۱)

۸۰ (۴)

۵۰ (۲)

۷۰ (۳)



۱۰. اعداد ۱ تا n را روی رأس‌های یک n -ضلعی منتظم به ترتیب نوشتایم. اگر عدد ۱۱ رویه روی 34 باشد، n چند است؟

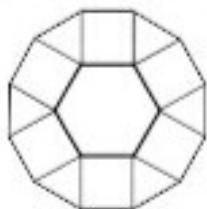
۲۳ (۴)

۲۶ (۲)

۴۶ (۱)

۳۶ (۳)

۱۱. شکل زیر از یک شش ضلعی به ضلع ۲، شش مریع و شش مثلث متسلوی‌الاصلح تشکیل شده است. محیط شکل چند سانتی‌متر است؟

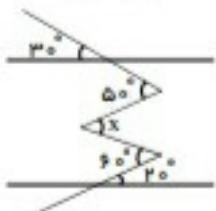


۲۸ (۲)

۳۲ (۴)

۲۶ (۱)

۳۰ (۳)



۱۲. در شکل زیر مقاطع x را به دست آورید

۶۰ (۱)

۲۰ (۴)

۵۰ (۲)

۳۰ (۳)

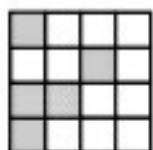
۱۳. در بین اشکال زیر به ترتیب چند شکل بی‌شمار، ۳، ۲، ۱ و صفر محور تقارن دارند؟
خط راست - مثلث متسلوی‌الساقین - نوزنقة متساوی‌الساقین - ربع دایره - نیم دایره - بیضی - مستطیل - دایره - نیم خط - پاره‌خط - نقطه - لوزی - مریع

۲ - ۵ - ۴ - ۱ - ۱ (۱)

۱ - ۴ - ۳ - ۲ - ۳ (۱)

۰ - ۵ - ۴ - ۱ - ۳ (۴)

۱ - ۵ - ۳ - ۲ - ۲ (۲)



۱۴. در شکل زیر، حداقل به چند مریع رنگی دیگر نیاز داریم تا شکل یک خط تقارن داشته باشد؟

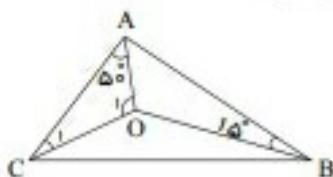
۳ (۱)

۵ (۴)

۴ (۲)

۲ (۳)

۱۵. در شکل مقابل $CO \perp BO$ و $\hat{A} = \hat{B}$ و $\hat{C} = \hat{O}$ به ترتیب نیمساز \hat{A} و \hat{B} و \hat{C} هستند. اندازهٔ زوایهٔ \hat{O}_1 چقدر است؟

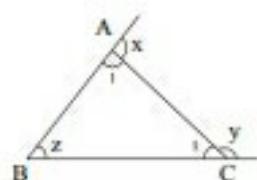


۹۰ درجه (۱)

۶۵ درجه (۴)

۱۰۵ درجه (۲)

۷۵ درجه (۳)



۱۶. در شکل روبه‌رو $x + y - z$ چند درجه است؟

۱۸۰ (۱)

۱۵۰ (۴)

۲۰۰ (۲)

۳۶۰ (۳)

۱۷. مجموع دو زوایهٔ خارجی مثلثی 25° می‌باشد. اندازهٔ یکی از زوایه‌های داخلی این مثلث چند درجه است؟

۵۵ (۴)

۱۲۵ (۲)

۷۰ (۳)

۲۰ (۱)

۱۸. خطهای $f \perp d$, $c \perp b$, $a \parallel g$, $f \perp g$, $d \parallel f$, $c \perp e$ و $a \parallel c$ در یک صفحه‌ای که گونه‌ای کوچک حاصل از برخورد آین خطوط چند تاست؟

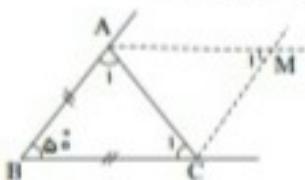
A (۱)

B (۲)

C (۳)

D (۴)

۱۹. در شکل مقابل، نیمسازهای زاویه‌ی خارجی مثلث ABC یکدیگر را در m قطع کردند. M_1 چند درجه است؟



E (۱)

F (۲)

G (۳)

H (۴)

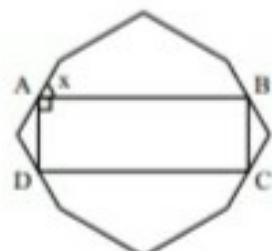
۲۰. مثلث ABC را در نظر می‌گیریم و نقطه E را طوری انتخاب می‌کنیم که چهارضلعی ساخته شده با نقاط A , B , C , E متوازی‌الاضلاع شود به این طریق چند متوازی‌الاضلاع حاصل می‌شود؟

A (۱)

B (۲)

C (۳)

D (۴)



۲۱. نقاط A , B , C , D و سمت چهار ضلع هشت‌ضلعی منتظم روی روی دارند. زاویه‌ی x چند درجه است؟

۱۳۵ (۱)

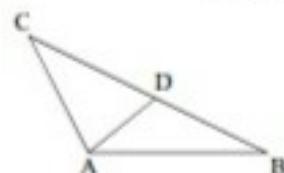
۶۷,۵ (۲)

درجه است؟

۲۲,۵ (۳)

۵۳ (۴)

۲۲. در مثلث ABC ، $\angle CAD = \angle ABC = ۳۰^\circ$ و $AC = CD$. اگر $\angle BAD = ۳۰^\circ$ چند درجه است؟



۱۵ (۱)

۲۲,۵ (۲)

۳۰ (۳)

۴۵ (۴)

A (۱)

۲۳. با کنید یک از کلاس‌های منتظم زیر می‌توان یک سطح را کامل‌کاری کرد؟

۱) ۵ ضلعی

۲) ۶ ضلعی

۳) ۷ ضلعی

۴) ۸ ضلعی

۳) گزینه ۱ و ۳

۲۴. اگر انشاع دو زاویه برهم عمود باشند آین دو زاویه:

۱) برابرند

۲) مکمل‌اند

۳) متساوی‌اند

۴) مترادفند

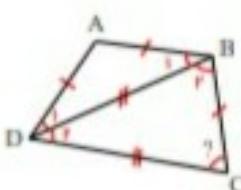
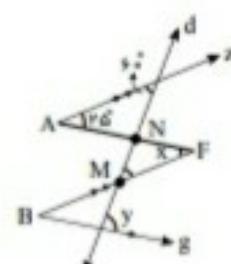
۲۵. با توجه به خطهای موازی داده شده در شکل زیر $x - y - z$ چند درجه است؟

۵۰ (۱)

۱۱۰ (۲)

۲۵ (۳)

۸۰ (۴)



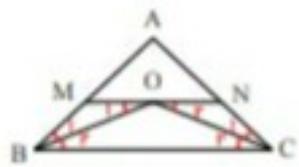
۲۶. در نوزننه روی رو اندیزه زاویه \hat{C} چند درجه است؟

۵۸° (۱)

۷۵° (۲)

۷۲° (۳)

۷۵° (۴)



۷۷. محیط مثلث $\triangle MAN$ چند است؟
 $MN \parallel BC$ ، $\overline{AB} = 12$ ، $\overline{AC} = 12$
 $\hat{B}_1 = \hat{B}_2$ ، $\hat{C}_1 = \hat{C}_2$

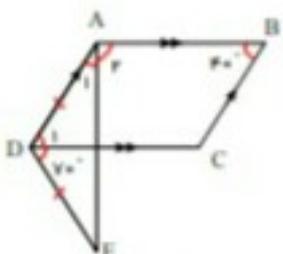
۴۲ (۱)
۳۶ (۲)

۳۰ (۱)
۲۹ (۲)

۷۸. لوزی نویی متوازی الاضلاع است که
 کدام گزینه مناسب جای خالی نیست؟

- (۱) قطرهایش بر هم عمودند.
 (۲) قطرهایش نیمساز زاویا باشند.
 (۳) قطرهایش منصف یکدیگرند.

۷۹. کدام یک از شکل‌های زیر با دوران 90° درجه حول مرکز تقارن بر خودش منطبق می‌شود؟
 (۱) $3n$ ضلعی منتظم (۲) $4n$ ضلعی منتظم (۳) $5n$ ضلعی منتظم

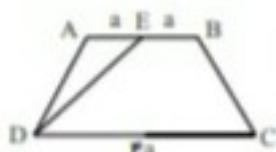


120° (۱)
 108° (۲)

135° (۱)
 110° (۲)

۸۰. وسطهای اضلاع یک چهارضلعی که قطرهای آن بر هم عمودند را بطور متوااً بهم وصل می‌کنیم حاصل می‌شود
 پس لوبست چهارضلعی دیگری که قطرهای آن با هم برابر و عمود هستند را بطور متوااً بهم وصل می‌کنیم حاصل می‌شود

- (۱) لوزی-مستطیل (۲) مستطیل-مربع (۳) مستطیل-لوزی

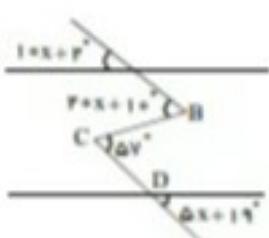


۷۷. نسبت مساحت ذوزنقه AED به مساحت $ABCD$ چقدر است؟

$\frac{3}{2}$ (۱)
 $\frac{5}{2}$ (۲)

۵ (۱)

۶ (۲)

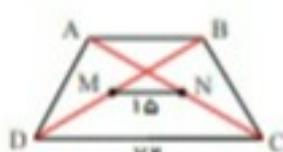


۷۷. در شکل مقابل اگر $F \parallel G$ ، اندازه زوایی B چند درجه است؟

58° (۱)
 50° (۲)

۵۷ (۱)

۵۹ (۲)



۷۷. وسط قطرهای ذوزنقه هستند، طول AB را بدست آورید

۴۲ (۱)
۳۲ (۲)

۳۰ (۱)

۲۹ (۲)

۳۵. گنبد یک مسجد با دو نوع چندضلعی که تمام ضلع هایش دو رقمی است کاشی کاری شده و روی هم ۱۴۴ قطر به چشم می خورد مجموع تمام ضلع های این دو نوع چندضلعی چند تاست؟

۲۷ (۱)

۳۰ (۱)

۳۳ (۱)

۳۶ (۱)



۳۶. با توجه به هشتضلعی منتظم روی همرو، متعدد x کدام است؟

۳۰ (۱)

۳۵ (۱)

۳۰ (۱)

۴۵ (۱)

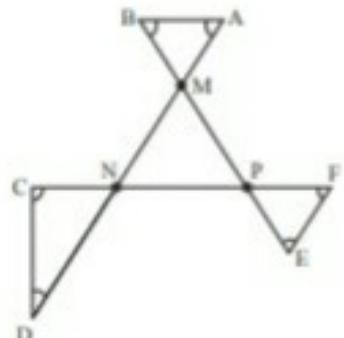
۳۷. حاصل عبارت $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} + \hat{E} + \hat{F} = ?$ برای چند درجه است؟

270° (۱)

180° (۱)

360° (۱)

360° (۱)



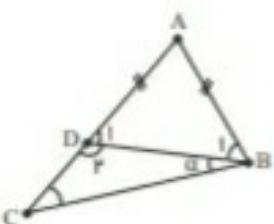
۳۸. متعدد α در شکل روی همرو چند درجه است؟

$$(\hat{B} = \hat{C} + 40)$$

40° (۱)

60° (۱)

30° (۱)



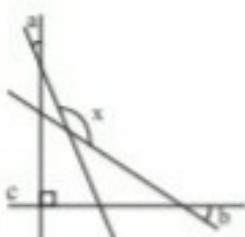
۳۹. از کثیر هم قرار دادن چند تا پنج ضلع منتظم می توان یک دهضلعی منتظم تشکیل داد؟

۱۰ (۱)

۸ (۱)

۶ (۱)

۵ (۱)



۴۰. متعدد x بر حسب c, b, a کدام است؟

$$a - b + c$$
 (۱)

$$a + b - c$$
 (۱)

$$a + b + c$$
 (۱)

$$2a + 2b + c$$
 (۱)

۴۱. در متوازی الاضلاع $PQND$ پاره خط های NE و DE نیمسازهای زویه‌ی D و N می باشند. متعدد $\frac{\delta m - 2}{3}$ کدام گزینه است؟



۱۶۶ (۱)

۱۰۰ (۱)

۱۳۶ (۱)

۱۴۶ (۱)

۴۲. نسبت اندازه‌ی زویه‌ی داخلی به خارجی یکی از رأس‌های یک چندضلعی محدب ۴۱ به ۴۹ است اختلاف این دو زویه چقدر است؟

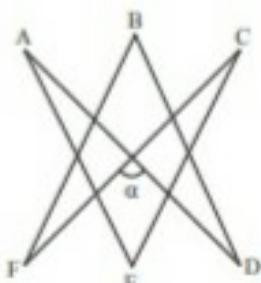
۲۰ (۱)

۱۰ (۱)

۱۶ (۱)

۸۸ (۱)

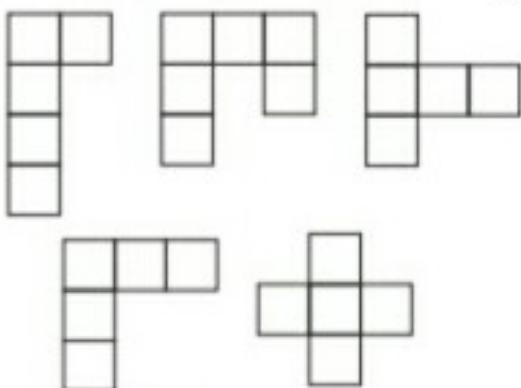
۷۲. در شکل رو به رو $\hat{F}, \hat{E}, \hat{D}, \hat{C}, \hat{B}, \hat{A} = 12^\circ$ است. مقدار $\hat{\alpha}$ چند درجه است؟



- ۲۴۰° (۱)
۶۴۰° (۴)

- ۱۲۰° (۱)
۳۲۰° (۴)

۷۳. چند تا از اشکال رو به رو می‌توان یک اثقل به شکل مستطیل را کاملاً پوشاند؟



- ۴ (۱)
۲ (۴)

- ۵ (۱)
۳ (۴)

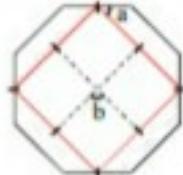
۷۴. چند طریق می‌توان سطح رو به رو را با موزاییک‌های 1×2 فرش کرد؟



- ۵ (۱)
۱ (۴)

- ۳ (۱)
۲ (۴)

۷۵. در کاشی‌کاری یک هشت‌ضلعی منتظم به صورت رو به رو $a + b$ کدام است؟



- ۹۰° (۱)
۱۵۰° (۴)

- ۴۵° (۱)
۱۳۵° (۴)

۷۶. با کدام یک از چندضلعی‌های زیر نمی‌توان به تهائی کاشی‌کاری کرد؟

- (۱) ۵ ضلعی منتظم (۲) ۶ ضلعی منتظم

۷۷. اگر در متوازی‌الاضلاع $ABCD$ ، مجموع فاصله‌ی نقطه‌های A و B تا قطر BD ، 4 سانتی‌متر و مساحت متوازی‌الاضلاع 20 سانتی‌متر مربع باشد طول قطر BD چند سانتی‌متر است؟

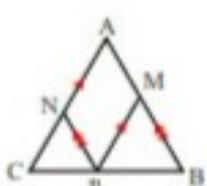
- ۱۲ (۱)

- ۱۰ (۴)

- ۸ (۲)

- ۶ (۴)

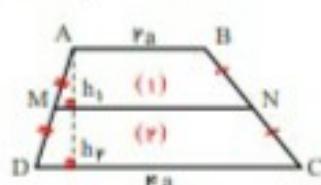
۷۸. باشد محیط متوازی‌الاضلاع $AMPN$ چه قدر است؟ $\overline{AC} = \overline{AB} = 6$.



- ۱۲ (۱)
۱۷ (۴)

- ۶ (۱)
۱۶ (۴)

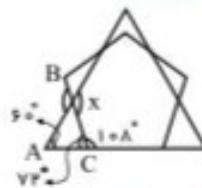
۷۹. در نوزنگار رو به رو نسبت $\frac{S_2}{S_1}$ بحست آورده؟ (منظور از S_2 مساحت ناحیه ۲ است.)



- $\frac{7}{5}$ (۱)
 $\frac{3}{5}$ (۴)

- $\frac{5}{7}$ (۱)
 $\frac{5}{3}$ (۴)

۱. گزینه ۲



$$C = \frac{(5-2) \times 180^\circ}{5} = 108^\circ$$

$$A = 60^\circ \Rightarrow \text{زاویه خارجی } x = 72 + 60 = 132$$

در مثلث پایه‌ی ۱۱۵° زاویه خارجی است پس داریم:

$$x = 115^\circ - 90^\circ = 25^\circ$$

حالا در مثلث بالایی، یک زاویه ۹۰° و یک زاویه ۵۰° است. پس زاویه سوم می‌شود:

$$180^\circ - (50^\circ + 90^\circ) = 40^\circ$$

آن‌دو نقطه از کل نیم صفحه، زاویه‌ی x برابر ۲۵ و زاویه‌ی سوم مثلث بالایی ۴۰ شد پس داریم:

$$180^\circ - (25^\circ + 40^\circ) = 115^\circ = y$$

بنابراین:

$$y - x = 115^\circ - 25^\circ = 90^\circ$$

۲. گزینه ۴ برای به دست آوردن \hat{O} باید زاویه‌ی A مشخص باشد.

$$\left. \begin{array}{l} \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \\ \hat{O} + \frac{\hat{B}}{2} + \frac{\hat{C}}{2} = 180^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = \hat{O} + \frac{\hat{B}}{2} + \frac{\hat{C}}{2}$$

$$\Rightarrow \hat{O} = \hat{A} + \frac{\hat{B}}{2} + \frac{\hat{C}}{2} = \hat{A} + \frac{\hat{B} + \hat{C}}{2} = \hat{A} + \frac{180^\circ - \hat{A}}{2} = \hat{A} + 90^\circ - \frac{\hat{A}}{2} = \frac{\hat{A}}{2} + 90^\circ$$

۳. گزینه ۱

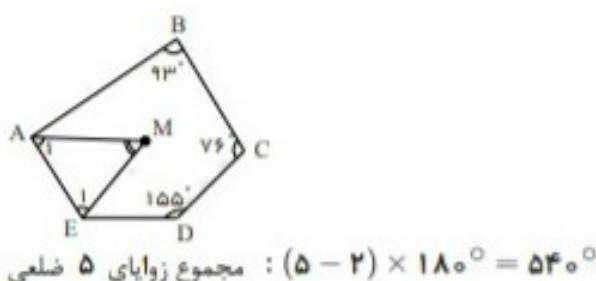
در مثلث ACE داریم: $\hat{x} = 180^\circ - (\hat{b} + \hat{e})$

از طرفی: $d + e + c + b + a = 180^\circ$

پس: $x = a + c + d$

۴. گزینه ۲

مجموع زوایای هر پنج ضلعی و هر مثلث برابر است با:



$$\text{مجموع زوایای ۵ ضلعی} : (5-2) \times 180^\circ = 540^\circ$$

$$\hat{A} + \hat{E} = 540^\circ - (93^\circ + 76^\circ + 155^\circ) \rightarrow \hat{A} + \hat{E} = 216^\circ$$

در مثلث $\triangle AEM$ داریم:

$$\left. \begin{array}{l} \hat{A}_1 = \frac{\hat{A}}{2} \\ \hat{E}_1 = \frac{\hat{E}}{2} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{A}_1 + \hat{E}_1 = \frac{\hat{A} + \hat{E}}{2} = \frac{216^\circ}{2} = 108^\circ, \quad \hat{A}_1 + \hat{E}_1 + \hat{M} = 180^\circ$$

$$\rightarrow \hat{M} = 180^\circ - (\hat{A}_1 + \hat{E}_1) \rightarrow \hat{M} = 180^\circ - 108^\circ = 72^\circ$$

گزینه ۷

مجموع زوایای داخلی یک n ضلعی از رابطه $(n - 2) \times 180^\circ$ به دست می‌آید. پس مجموع زوایای مضری از 180° است. پس:

$$14 < \frac{2570}{180} < 15 \Rightarrow 180 \times 15 = 2570 + x \Rightarrow x = 13^\circ$$

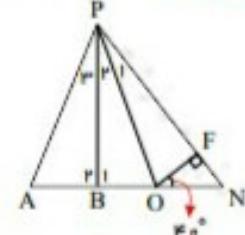
$$\begin{aligned} \hat{B} = \hat{C} \text{ و } A\hat{D}E = A\hat{E}D \text{ متساوی الساقین هستند، پس:} \\ \left. \begin{aligned} \hat{\alpha} + A\hat{D}E = \hat{B} + 3^\circ \\ A\hat{E}D = \hat{C} + \alpha \end{aligned} \right\} \begin{array}{l} \hat{B} = \hat{C} \\ A\hat{D}E = A\hat{E}D \end{array} \Rightarrow \alpha + A\hat{E}D = \hat{C} + 3^\circ \\ \Rightarrow \alpha + \hat{C} + \alpha = \hat{C} + 3^\circ \Rightarrow 2\alpha = 3^\circ \Rightarrow \alpha = 15^\circ \end{aligned}$$

گزینه ۸ اگر محل برخورد خطوط z و x را E بنامیم، دریم: حال در چهارضلعی $ABED$ چون مجموع زوایه‌های داخلی 360° است، نتیجه می‌گیریم:

$$90^\circ + B\hat{A}D + 90^\circ + D\hat{E}B = 360^\circ \Rightarrow B\hat{A}D = 360^\circ - (90^\circ + 90^\circ + 180^\circ) = 180^\circ$$

گزینه ۹ با نام‌گذاری زوایه‌ها روی شکل، دریم:

$$\left. \begin{aligned} \hat{O} = 40^\circ \\ \hat{F} = 90^\circ \end{aligned} \right\} \Rightarrow \left. \begin{aligned} \hat{N} = 50^\circ \\ \hat{B} = 90^\circ \end{aligned} \right\} \xrightarrow{P\hat{B}N} \hat{P}_1 + \hat{P}_2 = 40^\circ$$



اکنون با توجه به این که شعاع در نقطه‌ی تماس بر مسلس عمود است، داریم:

$$\left. \begin{aligned} 90^\circ = \hat{B}_1 = \hat{F} \\ OP = OP \\ OF = OB \end{aligned} \right\} \xrightarrow{\substack{\text{وتر و یک ضلع} \\ \text{مشترک}}} \Delta POB = \Delta FOP \Rightarrow \hat{P}_1 = \hat{P}_2 \xrightarrow{\hat{P}_1 + \hat{P}_2 = 40^\circ} \hat{P}_1 = \hat{P}_2 = 20^\circ$$

به این ترتیب با استفاده از نتایج بالا به دست می‌آوریم:

$$\left. \begin{aligned} OB = AB \\ PB = PB \\ \hat{B}_1 = \hat{B}_2 = 90^\circ \end{aligned} \right\} \Rightarrow \Delta PAB = \Delta PBO \Rightarrow \hat{P}_3 = \hat{P}_1 = \hat{P}_2 = 20^\circ \Rightarrow A\hat{P}F = 60^\circ$$

گزینه ۱۰ همان‌طور که می‌دانید در n ضلعی‌های منتظم به خاطر اینکه شکل منتظم است، اختلاف رأس‌های مقابل عددی ثابت است.

پس هنگامی که ۱۱ روبه‌روی ۳۴ است، اختلاف $23 = 11 - 13$ است این یعنی ۱ روبه‌روی ۲۶ است و ۲۳ روبه‌رو ۴۶ است. به این ترتیب ۴۶ ضلع داریم.

گزینه ۱۱ محیط شکل از ۱۲ پاره خط ۲ سانتی‌متری تشکیل شده است. پس:

$$\text{محیط} = 12 \times 2 = 24$$

گزینه ۱۲ خطوط L و L' و L'' را به موازات d رسم می‌کنیم.

$$d \parallel L'' \Rightarrow A_1 = B = 20$$

مورب AB

$$A_2 = A - A_1 \rightarrow 60 - 20 = 40$$

$$L'' \parallel L' \Rightarrow x_1 = A_1 = 40$$

مورب OA

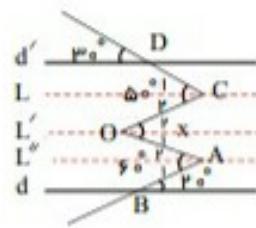
$$d' \parallel L \Rightarrow C_1 = D = 30$$

مورب DC

$$C_2 = C - C_1 = 50 - 30 = 20$$

$$L \parallel L' \Rightarrow x_2 = C_2 = 20$$

مورب OC



$$\text{بنابراین } x = x_1 + x_2 = 20 + 40 = 60$$

13. گزینه ۲ خط راست بی شمار محور تقارن دارد (خودش و هر خط عمود بر آن)

مثلث متساوی الساقین: یکی (عمودمنصف قاعده)

ذوزنقه متساوی الساقین: یکی (عمودمنصف دو قاعده)

ربع دایره: یکی (خودش)

نیم خط: یکی (دو تا)

نقطه: بی شمار (هر خط گذرنده از نقطه)

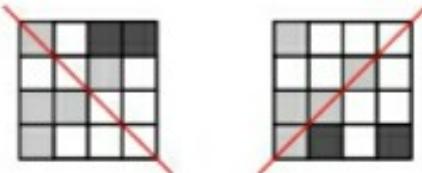
لوزی: دو تا

مستطیل: دو تا

مربع: ۴ تا

دایره: بی همچار

14. گزینه ۲ کافی است دو مریعی که مشکی شده‌اند رنگ پشوند تا محور تقارن بوجود بیاید:



به این ترتیب با دو حالت می‌توان به کمک ۲ مریع رنگی یک خط تقارن ایجاد کرد

15. گزینه ۱

$$OA \text{ به دلیل نیمساز } \hat{A} = 2 \times 50 = 100 \Rightarrow \hat{C}_1 = 25$$

$$OB \text{ به دلیل نیمساز } \hat{B} = 2 \times 15 = 30$$

$$\Rightarrow \hat{O}_1 = 180 - (25 + 50) \rightarrow O_1 = 105$$

16. گزینه ۲

زاویه خارجی هر رأس برابر با مجموع زوایای غیرمجاور است. بنابراین:

$$(1) \text{ زاویه خارجی } x = z + C_1$$

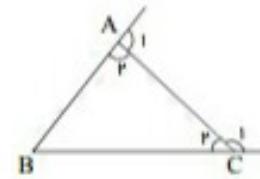
$$(2) \text{ زاویه خارجی } y = z + A_1$$

$$\xrightarrow{(1),(2)} x + y - z = \underbrace{z + C_1}_{x} + \underbrace{z + A_1}_{y} - z = 180$$

17. گزینه ۲ می‌دانیم دو زاویه خارجی در مسئله $\hat{A}_1 + C_1 = 25^\circ$ می‌باشد

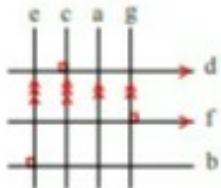
$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \hat{C}_1 + \hat{C}_2 = 360^\circ$$

$$\hat{A}_2 + \hat{C}_2 = 360^\circ - 250^\circ = 110^\circ \Rightarrow \hat{B} = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$



گزینه ۱۸

هکل رویه رو هکل حاصل از اطلاعات موال است.
از برخورد آنها ۶ مستطیل پدید می‌آید.



اما می‌تواند بگویید که چرا شکل‌های حاصل مستطیل است؟

گزینه ۱۹

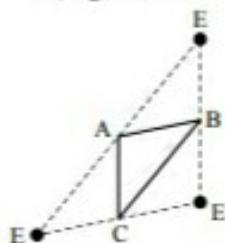
$$BA = BC \rightarrow 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ \rightarrow 130^\circ \div 2 = 65^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{C} = \hat{A} = 65^\circ$$

$$A, C, C \text{ زویهی خارجی و } \rightarrow 180^\circ - 65^\circ = 115^\circ \rightarrow 115^\circ \div 2 = 57,5$$

$$\Rightarrow 180^\circ - 2 \times (57,5) = 65$$

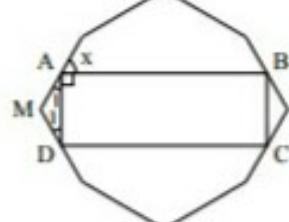
گزینه ۲۰ ابتدا مثلث دلخواه ABC را رسم می‌کنیم و نقطه E را طوری قرار می‌دهیم که متوازی‌الاضلاع‌های ساخته شوند.
مشاهده می‌کنیم که ۳ مکان برای نقطه E پیدا می‌کنیم و متوازی‌الاضلاع‌های $ABEC$, $AEBC$ و $ABCE$ ساخته می‌شوند.
پس گزینه ۳ درست می‌باشد



گزینه ۲۱

$$\hat{M} = \frac{(n-2) \times 180^\circ}{n} = \frac{(n-2) \times 180^\circ}{8} = 135^\circ$$

اندازه‌ی هر زویهی داخلی هشت‌ضلعی منتظم 135° است.



چون نقاط A و D وسط ضلع‌های هشت‌ضلعی منتظم هستند، پس $\triangle AMD$ یک مثلث متساوی‌الساقین است.

$$\triangle AMD : \hat{A}_1 = \hat{D}_1 = \frac{180^\circ - 135^\circ}{2} = 22,5^\circ$$

$$22,5^\circ + 90^\circ = 112,5^\circ \Rightarrow x = 180^\circ - 112,5^\circ = 67,5^\circ$$

گزینه ۲۲ با توجه به رابطه‌ی زویهی خارجی در مثلث درجه:

$$\left. \begin{array}{l} AC = CD \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{D}_1 \\ D_1 = A_2 + B \end{array} \right\} \rightarrow \hat{A}_1 = \hat{A}_2 + B \quad (1)$$

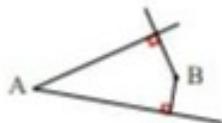
$$\text{فرض } \hat{A}_1 + \hat{A}_2 - \hat{B} = 3^\circ \xrightarrow{(1)} \hat{A}_2 + B + \hat{A}_2 - \hat{B} = 3^\circ \Rightarrow B\hat{A}D = A_2 = 15^\circ$$

گزینه ۲۳ نکته ۱: هر زویه داخلی یک n ضلعی منتظم از رابطه $\frac{(n-2) \times 180^\circ}{n}$ به دست می‌آید

نکته ۲: به شرطی می‌توان یک سطح را با یک n ضلعی منتظم کاشی کاری کرد که زاویه داخلی آن شمارنده 36° باشد
می‌دانیم اندازه زاویه داخلی یک پنجضلعی منتظم 108° ، یک ششضلعی منتظم 120° ، یک هفتضلعی منتظم 128.5° و یک
هشتضلعی منتظم 135° است.

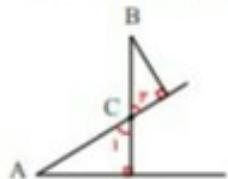
پاتوجه به نکته بالا فقط لذایع زلوجی داخلی شش ضلعی منتظم (120°)، شمارنده ۳۶ است، پس گزینه ۲ درست است.

حالت اول چهارضلعی تشكیل می ہو: ۲۴.گزینہ ۴ این دو زاویہ را \hat{A} و \hat{B} درنظر می گیریں۔



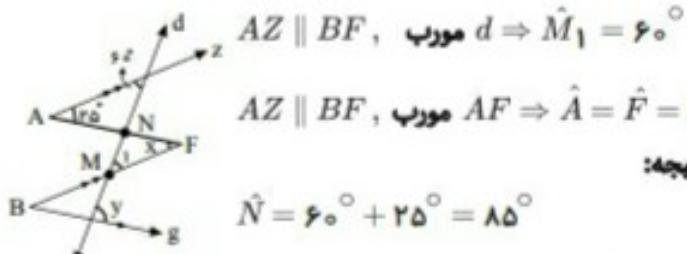
$$\hat{A} + \hat{B} + 90^\circ + 90^\circ = (4 - 2) \times 180^\circ \rightarrow \hat{A} + \hat{B} = 180^\circ$$

حالت دوم $\hat{C}_1 = \hat{C}_2$ و متناظر به رأس الديه پس



$$\left. \begin{array}{l} \mathbf{1} \circ^\circ + \hat{C}_1 + \hat{A} = \mathbf{1} \Lambda \circ^\circ \\ \mathbf{1} \circ^\circ + \hat{C}_Y + \hat{B} = \mathbf{1} \Lambda \circ^\circ \end{array} \right\} \rightarrow \hat{A} = \hat{B}$$

۲۵- گزینه ۲



$$AF \parallel Bg, \quad \text{مودع} d \Rightarrow y = \hat{N} = 85^\circ$$

چون $x - y$ را می‌خواهیم، داریم:

$$y - x = 145^\circ - 125^\circ = 20^\circ$$

یعنی گزینه ۲ درست است.

۲۶. گزینه ۲ طبق فرض سوال داریم:

$$\overline{AD} = \overline{AB} \rightarrow \hat{D}_1 = \hat{B}_1 \quad (1)$$

$$\overline{BD} = \overline{CD} \rightarrow \hat{B}_\P = \hat{C} \quad (\P)$$

$$\overline{AD} = \overline{BC} \rightarrow \text{ذو زنقه متساوی الساقين} \rightarrow \hat{D} = \hat{C} \quad (٣)$$

$$AB \parallel CD \rightarrow \hat{B_1} = \hat{D_1}$$

$$(1), (\mathfrak{r}) \rightarrow \hat{D} = \hat{D}_1 + \hat{D}_{\mathfrak{r}} = \mathbb{1} \hat{B}_1 \xrightarrow{(\mathfrak{r})} \hat{C} = \mathbb{1} \hat{B}_1 \xrightarrow{(\mathfrak{r})} \hat{B}_{\mathfrak{r}} = \mathbb{1} \hat{B}_1$$

$$\triangle DCB: \hat{D} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \xrightarrow{\text{طبق روابط به دست آمده}} \hat{B}_1 + 2\hat{B}_1 + 2\hat{B}_1 = 180^\circ$$

$$\rightarrow \hat{B}_1 = 18^\circ \rightarrow \hat{B}_1 = 36^\circ \rightarrow \hat{C} = 2\hat{B}_1 = 2 \times 36^\circ = 72^\circ$$

۲۷. گزینه ۲ طبق فرض سوال داریم:

$$MN \parallel BC \rightarrow \begin{cases} \hat{O}_1 = \hat{B}_2 \\ \hat{B}_1 = \hat{B}_2 \end{cases} \quad \left. \begin{array}{l} \text{خطوط موازی و مورب} \\ \text{فرض سوال} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{O}_1 = \hat{B}_1 \rightarrow \Delta MOB \rightarrow \overline{OM}$$

$$= \overline{MB}$$

$$MN \parallel BC \rightarrow \begin{cases} \hat{O}_2 = \hat{C}_2 \\ \hat{C}_1 = \hat{C}_2 \end{cases} \quad \left. \begin{array}{l} \text{خطوط موازی و مورب} \\ \text{فرض سوال} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{O}_2 = \hat{C}_1 \rightarrow \Delta NOC \rightarrow \overline{ON}$$

$$= \overline{NC}$$

$$\Delta AMN = \overline{AM} + \overline{MO} + \overline{ON} + \overline{AN} = \overline{AB} + \overline{AC} = 12 + 17 = 29$$

۲۸. گزینه ۲ در تمام متوازی‌الاضلاع ها قطرها منصف هستند.

۲۹. گزینه ۲ چندضلعی‌های منتظمی که تعداد ضلع‌های آن‌ها مضرب ۴ است با دوران 90° درجه بر خودشان منطبق می‌شوند.

۳۰. گزینه ۲

 $ABCD \rightarrow \hat{B} = \hat{D}_1$ متوازی‌الاضلاع است

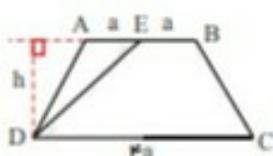
$$\begin{aligned} \hat{C} &= \hat{A}_1 + \hat{A}_2 \\ \hat{C} + \hat{B} &= 180^\circ \rightarrow \hat{C} = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \overline{AD} = \overline{DE} \rightarrow \hat{A}_1 = \hat{E} \\ \hat{A}_1 + \hat{E} + \hat{D} = 180^\circ \end{aligned} \rightarrow \hat{A}_1 = \frac{180^\circ - (70^\circ + 40^\circ)}{2} = 35^\circ$$

$$\hat{A} = \hat{A}_1 + \hat{A}_2 \rightarrow 140^\circ = 35^\circ + \hat{A}_2 \rightarrow \hat{A}_2 = 105^\circ$$

۳۱. گزینه ۲

۳۲. گزینه ۲



$$\text{ارتفاع} \times \frac{\text{مجموع دو قاعده}}{2} = \text{مساحت ذوزنقه}$$

$$\text{ارتفاع} \times \text{قاعده} \times \frac{1}{2} = \text{مساحت مثلث}$$

ارتفاع مثلث و ذوزنقه برابر است.

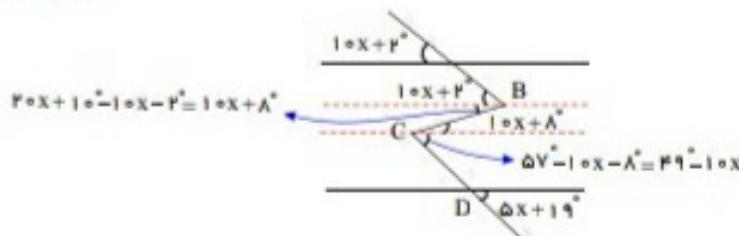
$$\frac{\frac{2a+4a}{2} \times h}{\frac{1}{2} \times a \times h} = \frac{6a \times h}{a \times h} = 6$$

۳۳. گزینه ۴ خط‌های n و m را به موازات با خط‌های F و G ترتیب از نقاط C و B می‌کنند.

$$49 - 10x = 5x + 19 \Rightarrow -5x - 10x = 19 - 49$$

$$\Rightarrow -15x = -30 \Rightarrow x = 2$$

$$\hat{B} = 20x + 10 = 20(2) + 10 = 40 + 10 = 50^\circ$$



۲۴. گزینه ۲ نکته در هر ذوزنقه، پاره خطی که وسط دو ساق را به هم وصل می کند از وسط دو قطر می گذرد

قاعده کوچک - قاعده بزرگ

۲

نکته در هر ذوزنقه، پاره خطی که وسط دو قطر را به هم وصل می کند طولش برابر است با

طبق نکته بالا داریم:

قاعده کوچک $\overline{AB} = x$

$$15 = \frac{72 - x}{2} \rightarrow 2 \times 15 = 72 - x \rightarrow x = 72 - 30 \rightarrow x = 42$$

۲۵. گزینه ۲ این سوال را با راهبرد حدس و آزمایش حل می کنیم و به چند خلاصه های ۱۵ و ۱۲ اطمینان می دسیم:

$$\text{مجموع قطرها} = \frac{15 \times 6}{2} + \frac{12 \times 6}{2} = 90 + 54 = 144^\circ$$

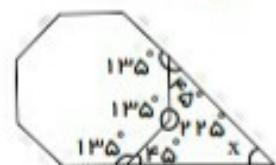
$$\text{مجموع ضلع ها} = 15 + 12 = 27$$

۲۶. گزینه ۳

$$\text{اندازه هر زاویه داخلی} = 180 - \frac{360}{8} = 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ$$

منتظم

$$x = 360^\circ - (45 + 225^\circ + 45^\circ) = 45^\circ$$



۲۷. گزینه ۳ میدلیم که هر زاویه خارجی در مثلث برابر است با مجموع در زاویه داخلی غیر مجاورش.

به این ترتیب داریم:

$$\left. \begin{array}{l} A\hat{M}P = \hat{A} + \hat{B} \\ E\hat{P}N = \hat{E} + \hat{F} \\ M\hat{N}C = \hat{C} + \hat{D} \end{array} \right\} \rightarrow A\hat{M}P + E\hat{P}N + M\hat{N}C = \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} + \hat{E} + \hat{F}$$

می دلیم مجموع زوایای خارجی مثلث برابر با 360° است به این ترتیب مقدار عبارت بالا 360° می شود زیرا سمت چپ تساوی

زاویه خارجی $\triangle MNP$ هستند.

۲۸. گزینه ۴

$$\left. \begin{array}{l} AD = AB \rightarrow \hat{D}_1 = \hat{B}_1 \\ \hat{D}_1 = \alpha + \hat{C} \quad (\text{قضیه زوایه خارجی}) \\ \hat{B} = \hat{B}_1 + \alpha \end{array} \right\} \hat{B}_1 = \alpha + \hat{C} \rightarrow \hat{B} = 2\alpha + \hat{C}$$

طبق فرض سوال داریم $\hat{B} = \hat{C} + 40^\circ$ به این ترتیب

$$2\alpha = 40^\circ \rightarrow \alpha = 20^\circ$$

۲۹. گزینه ۴ از کنار هم قرار دادن چند تا پنج ضلع منتظم می توان یک ده ضلعی منتظم تشکیل داد 108°

پس با توجه به شکل داریم:



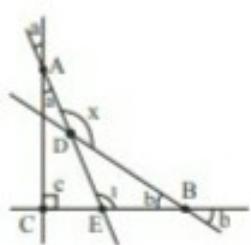
$$360 - 2(108) = 144$$

$$\frac{(n-2) \times 180}{n} = 144 \Rightarrow 180n - 360 = 144n \Rightarrow n = 10$$

بنابراین هر زاویه داخلی یک ده ضلعی 144° است که از ۲ پنج ضلعی به وجود می آید پس باید از 108° تا پنج ضلعی در کنار هم استفاده کرد.

گزینه ۲۰

ابتدا زوایای متقابل به رأس را محاسبه می‌سی طبق قضیه زوایای خارجی در مثلث داریم:



$$\left. \begin{array}{l} \hat{E}_1 = a + c \quad (\Delta ACE \text{ در مثلث}) \\ x = \hat{E}_1 + b \quad (\Delta DEB \text{ در مثلث}) \end{array} \right\} \rightarrow x = a + c + b$$

گزینه ۲۱

$$D + N = 180^\circ \rightarrow \frac{1}{2}D + \frac{1}{2}N = 90^\circ \Rightarrow \frac{1}{2}D + \frac{1}{2}N + E = 180^\circ \Rightarrow E = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

$$\frac{m}{2} + 45^\circ = 90^\circ \Rightarrow \frac{m}{2} = 50^\circ \Rightarrow m = 100^\circ$$

$$\frac{5(100) - 2}{3} = \frac{498}{3} = 166^\circ$$

گزینه ۲۲

مجموع دو زوایه‌ی داخلی و خارجی همواره 180° است. بنابراین:

	41	82°
49		98°
90		180°

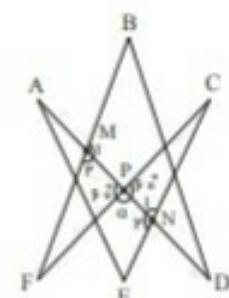
اختلاف دو زوایه $98^\circ - 82^\circ = 16^\circ$

مجموع دو زوایه‌ی داخلی

از قضیه زوایه خارجی در مثلث استفاده می‌کنیم:

$$\left. \begin{array}{l} \Delta NPC : \hat{N}_2 = \hat{C} + 60^\circ \\ \Delta AEN : \hat{N}_1 = \hat{A} + \hat{E} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{N}_1 + \hat{N}_2 = \hat{A} + \hat{C} + \hat{E} + 60^\circ$$

$$\rightarrow 180^\circ = \hat{A} + \hat{C} + \hat{E} + 60^\circ \rightarrow \hat{A} + \hat{C} + \hat{E} = 120^\circ \quad (1)$$

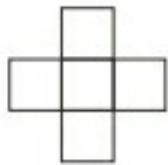


$$\left. \begin{array}{l} \Delta BMD : \hat{M}_2 = \hat{B} + \hat{D} \\ \Delta PFM : \hat{M}_1 = 60^\circ + \hat{F} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{M}_1 + \hat{M}_2 = \hat{B} + \hat{F} + \hat{D} + 60^\circ \rightarrow$$

$$\begin{aligned} \hat{B} + \hat{F} + \hat{D} &= 120^\circ \quad (2) \\ &= 120^\circ \end{aligned} \xrightarrow{(2) + (1)} \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} + \hat{D} + \hat{E} + \hat{F} = 120^\circ + 120^\circ$$

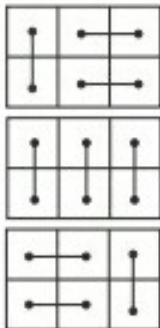
گزینه ۲

تنها با شکل رو به رو نمی‌توان این کار را کرد زیرا گوهه‌ها را نمی‌پوشاند.



گزینه ۱

۳ حالت مورد نظر به شکل رو به رو هستند.



گزینه ۳

$$\text{آندازهٔ هر زوایهٔ داخلی} = \frac{(n-2) \times 180}{n} = \frac{6 \times 180}{8} = 135^\circ$$

$$a = 180 - 135 = 45^\circ \quad b = \frac{360}{4} = 90^\circ \quad \left. \begin{array}{l} a + b = 45^\circ + 90^\circ = 135^\circ \\ \text{زاویهٔ خارجی چندضلعی} \end{array} \right\}$$

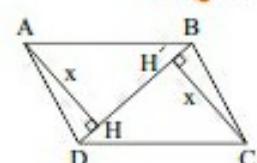
۵ ضلعی منتظم چون آندازهٔ زوایای داخلی آن بر 360° بخش پذیر نیست.

$$\frac{(5-2) \times 180^\circ}{5} = 108^\circ$$

$$\begin{array}{r} 360 \\ | \quad 108 \\ -324 \\ \hline 36 \end{array}$$

گزینه ۴

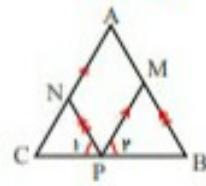
$$\overline{AH} + \overline{CH'} = 4 \Rightarrow x + x = 4 \Rightarrow 2x = 4 \Rightarrow x = 2$$



$$\begin{aligned} S_{ABCD} &= S_{\triangle ABD} + S_{\triangle BCD} \Rightarrow 2^\circ = \frac{1}{2} \times 2 \times \overline{BD} + \frac{1}{2} \times 2 \times \overline{BD} \Rightarrow 2^\circ = 2 \overline{BD} \Rightarrow \overline{BD} \\ &= 1^\circ \end{aligned}$$

گزینه ۲

$$\left. \begin{array}{l} PN \parallel BA \rightarrow \hat{P}_1 = \hat{B} \\ MP \parallel CA \rightarrow \hat{P}_2 = \hat{C} \\ \overline{AC} = \overline{AB} \rightarrow \hat{C} = \hat{B} \end{array} \right\} \rightarrow \hat{P}_2 = \hat{B} , \quad \hat{P}_1 = \hat{C} , \quad \overline{PM} = \overline{BM} , \quad \overline{PN} = \overline{CN}$$



$$\left. \begin{array}{l} \text{محیط متوازی الاضلاع} = \overline{PM} + \overline{AM} + \overline{AN} + \overline{PN} \\ \frac{\overline{PM}}{\overline{PN}} = \frac{\overline{AN}}{\overline{AM}} = \frac{\overline{BM}}{\overline{CN}} \end{array} \right\} 2\overline{BM} + 2\overline{CN} = 2\overline{AM} + 2\overline{BM} = 2\overline{AB}$$

= ۱۲

۵. گزینه ۲ نکته: در هر ذوزنقه پاره خطی، که وسط دو ساق را بهم وصل می‌کند، موازی دو قاعده است و همچنین لذا آن برابر است نصف مجموع دو قاعده
طبق نکته بالا داریم:

$$\begin{aligned} & \text{ذوزنقه } MN \text{ با قاعده های } AB \text{ و } CD \text{ و ارتفاعات } h_1 \text{ و } h_2 \text{ دارد.} \\ & \overline{MN} = \frac{\overline{AB} + \overline{CD}}{2} = \frac{2a + 4a}{2} = 3a , \quad h_1 = h_2 \\ & S_{\text{ذوزنقه}} = \frac{1}{2} \times \text{ارتفاع} \times \text{مجموع دو قاعده} \\ & \rightarrow \frac{S_2}{S_1} = \frac{\frac{4a+3a}{2} \times h_2}{\frac{3a+3a}{2} \times h_1} = \frac{7a \times h_2}{6a \times h_1} = \frac{7}{6} \end{aligned}$$