

۱۰

@riaziCafe

۱- درستی (✓) یا نادرستی (✗) هر عبارت را مشخص کنید.

الف) عبارت  $1 - (x - 1) = x + 1$  یک اتحاد است.

ب) یک جمله ای  $5x^8$  با  $5x^{14}$  متشابه است.

ج) اگر  $\frac{a-b}{\mu} = \nu$  باشد، در اینصورت  $a$  از  $b$  کوچکتر است.

د) عبارت  $5x^3y + 5x^3y$  نسبت به توان های نزولی  $x$  مرتب شده است.

۱

۲- جمله های زیر را با عدد، کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.

الف) عبارت  $\frac{a+b}{b}$  برابر با ... + ۱ است.

ب) اگر  $ab^0 < 0$  باشد، آنگاه  $a$  عددی ..... است.

ج) عدد  $\frac{4}{\sqrt{v}}$  یک جمله ای از درجه ..... است.

د) درجه عبارت  $5a^3x^3y$  نسبت به همه متغیرها برابر با ..... است.

۱

۳- گزینه درست را انتخاب کنید.

الف) کدام یک از گزینه های زیر یک جمله ای است؟

۱)  $5x$        ۲)  $|2x|$        ۳)  $\frac{3}{x}$        ۴)  $\sqrt{px}$

ب) عبارت  $\frac{a-\mu}{-a-\delta}$  با کدام یک از عبارت های زیر برابر است؟

۱)  $-\frac{a}{a} + \frac{\mu}{\delta}$        ۲)  $\frac{a-\mu}{a+\delta}$        ۳)  $\frac{\mu-a}{a+\delta}$        ۴)  $\frac{\mu-a}{-\mu+\delta}$

ج) اگر  $0 < \frac{a^p}{b}$  باشد، آنگاه کدام گزینه همواره صحیح است؟

۱)  $b > 0$        ۲)  $b < 0$        ۳)  $a > 0$        ۴)  $a < 0$

د) از عبارت  $y + x = y$  کدام گزینه را می توان تبیه گرفت؟

۱)  $\frac{1}{x} > \frac{1}{y}$        ۲)  $x = y$        ۳)  $x < y$        ۴)  $x > y$

۱

۰/۵

۴- جدول مقابله را کامل کنید.

یک جمله ای	درجه نسبت به $x$	درجه نسبت به $x$ و $y$
$\lambda xy^5z^4$		

۱/۵

۵- عبارت های جبری زیر را به ساده ترین شکل بنویسید.

الف)  $x - [(x - y) - (1 - y)] =$

ب)  $(-\mu ax^p)(\nu a^m x) + \lambda x^n a^l =$

۶- الف) تساوی مقابله را با استفاده از اتحاد مناسب کامل کنید.

۱/۵

$$(\mu x - \dots)^p = \dots - \nu x + \dots$$

ب) حاصل عبارت زیر را به کمک اتحاد بدست آورید.

$$(\nu/\mu)^p + \nu(\nu/\mu)(1/\mu) + (1/\mu)^p =$$

۵	۷- طرف دیگر عبارت های زیر را با استفاده از اتحادها بدست آورید.
۴	<p>الف: <math>(x + 1)^2 =</math></p> <p>ب: <math>(x - \frac{1}{2})^2 =</math></p> <p>ج: <math>(x - 1)(x + 1) =</math></p>
۴	<p>د: <math>x^3 - 12x + 36 =</math></p> <p>الف: <math>x^3 - 25 =</math></p> <p>ج: <math>50x^3 + 40xy + 36y^3 =</math></p> <p>ب: <math>x^3 - 14x =</math></p>
۱	<p>۹- با استفاده از اتحاد تساوی مقابله ا ثابت کنید.</p> $(a + b)^3 - (a - b)^3 = 14ab$
۱/۵	<p>۱۰- حاصل هر عبارت را به کمک اتحادها بدست آورید.</p> <p>الف: <math>598 \times 502 =</math></p> <p>ب: <math>99^3 =</math></p>
۱	<p>۱۱- (الف) عبارت کلامی زیر را به زبان ریاضی بنویسید.      « مجموع نصف عدد <math>a</math> و پهار برابر عدد <math>b</math> مذاقل ۶ واحد است. »</p> <p>(ب) علامت عدد های <math>a</math> و <math>b</math> را طوری تعیین کنید که نابرابری <math>ab &lt; ab</math> برقرار باشد.</p>
۱	<p>۱۲- مجموع جواب نامعادله زیر را روی محور نشان دهد.</p> $2(x + 1) \geq x - 4$
۱	<p>۱۳- نامعادله زیر را حل کنید و مجموع جواب آنرا مشخص کنید.</p> $\frac{x}{3} - \frac{1}{2} < \frac{x-1}{4}$ <p>در پناه حق، موفق و پیروز باشید.</p>

دبیر: بهلول اضایی سرپری وقت آزمون: ۸۰ دقیقه	بسمه تعالی آزمون ماهانه فصل ۵ ریاضی نهم	نام و نام خانوادگی: نام کلاس:
--	--	----------------------------------

۱/۶	<p><b>@riazicafe</b></p> <p>۱- درستی (✓) یا نادرستی (✗) هر عبارت را مشخص کنید.</p> <p>الف) عبارت <math>x + (1 - x)</math> یک اتماد است. <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>ب) یک جمله ای <math>5x^8</math> با <math>(5x^4)^2</math> متشابه است. <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>ج) اگر <math>\frac{a-b}{x} = \frac{1}{1}</math> باشد، در اینصورت <math>a</math> از <math>b</math> کوچکتر است. <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>د) عبارت <math>5x^3 + y^3</math> نسبت به توان های نزولی <math>x</math> مرتب شده است. <input checked="" type="checkbox"/></p>						
۱/۷	<p>۲- جمله های زیر را با عدد، کلمه یا عبارت مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) عبارت <math>\frac{a+b}{ab}</math> برابر با <math>\frac{a}{b} + \frac{b}{a}</math> است. <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>ب) اگر <math>a &lt; b</math> باشد، آنگاه <math>a</math> عددی ... است. <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>ج) عدد <math>\frac{a}{b}</math> یک جمله ای از درجه ... است. <input checked="" type="checkbox"/></p> <p>د) درجه عبارت <math>y^m 5a^3 x^3</math> نسبت به همه متغیرها برابر با ..... است. <input checked="" type="checkbox"/></p>						
۱/۸	<p>۳- گزینه درست را انتخاب کنید.</p> <p>الف) کدام یک از گزینه های زیر یک جمله ای است؟</p> <p><input type="checkbox"/> <math>x^m</math>    <input type="checkbox"/> <math> 2x </math>    <input type="checkbox"/> <math>\frac{a}{x}</math>    <input checked="" type="checkbox"/> <math>\sqrt{2x}</math></p> <p>ب) عبارت <math>\frac{a-m}{-a-\delta}</math> با کدام یک از عبارت های زیر برابر است؟</p> <p><input type="checkbox"/> <math>-\frac{a}{a} + \frac{m}{\delta}</math>    <input type="checkbox"/> <math>\frac{a-m}{a+\delta}</math>    <input checked="" type="checkbox"/> <math>\frac{m-a}{a+\delta}</math>    <input type="checkbox"/> <math>\frac{m-a}{-a+\delta}</math></p> <p>ج) اگر <math>a &lt; b</math> باشد، آنگاه کدام گزینه همواره صمیع است؟</p> <p><input type="checkbox"/> <math>b &gt; 0</math>    <input checked="" type="checkbox"/> <math>b &lt; 0</math>    <input type="checkbox"/> <math>a &gt; 0</math>    <input type="checkbox"/> <math>a &lt; 0</math></p> <p>د) از عبارت <math>x = y + v</math> کدام گزینه را می توان تبیه کرد؟</p> <p><input type="checkbox"/> <math>\frac{1}{x} &gt; \frac{1}{y}</math>    <input type="checkbox"/> <math>x = y</math>    <input type="checkbox"/> <math>x &lt; y</math>    <input checked="" type="checkbox"/> <math>x &gt; y</math></p>						
۱/۹	<p>۴- جدول مقابل را کامل کنید.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="padding: 5px;">یک جمله ای</th> <th style="padding: 5px;">درجه نسبت به <math>x</math> و <math>y</math></th> <th style="padding: 5px;">درجه نسبت به <math>x</math> و <math>y</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="padding: 5px;"><math>\lambda xy^5 z^4</math></td> <td style="padding: 5px; text-align: center;">۱</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;"><math>1+d=9</math></td> </tr> </tbody> </table>	یک جمله ای	درجه نسبت به $x$ و $y$	درجه نسبت به $x$ و $y$	$\lambda xy^5 z^4$	۱	$1+d=9$
یک جمله ای	درجه نسبت به $x$ و $y$	درجه نسبت به $x$ و $y$					
$\lambda xy^5 z^4$	۱	$1+d=9$					
۱/۱۰	<p>۵- عبارت های جبری زیر را به ساده ترین شکل بنویسید.</p> <p>الف) <math>x - [(x - y) - (1 - y)] = x - [x - y - 1 + y] = x - x + 1 = 1</math></p> <p>ب) <math>(-4ax^4)(4a^3x) + 8x^4a^4 = -16a^5x^5 + 8a^5x^5 = -8a^5x^5</math></p>						
۱/۱۱	<p>۶- الف) تساوی مقابل را با استفاده از اتماد مناسب کامل کنید.</p> <p><math>(4x - 5y)^4 = 4x^4 - 4x^3y + 4x^2y^2 + 4xy^3 - 5y^4</math></p> <p>ب) حاصل عبارت زیر را به کمک اتماد بدست آورید.</p> <p><math>(2/14)^4 + 4(2/14)(1/4) + (1/4)^4 = (2/14 + 1/4)^4 = 3/14 = 1/4</math></p>						

-۷- طرف دیگر عبارت های زیر را با استفاده از اتمادها بدست آورید.

$$\text{الف: } (x + y)^r = (rx)^r + r(rx)(y) + ry^r = rx^r + rx^r + ry^r$$

$$\text{ب: } \left(\frac{x}{y} - \frac{1}{r}\right)^r = (rx)^r - r(rx)\left(\frac{1}{r}\right) + \left(\frac{1}{r}\right)^r = rx^r - x + \frac{1}{r}$$

$$\text{ج: } (a - b)(a + b) = (ra)^r - rb^r = ra^r - b^r$$

$$\text{د: } (x + y)(x - 1) = x^r + (r + (-1))(x) + (ry(-1)) = x^r + rx - r$$

شود

$$x^3 - 15 = (x+3)(x-3)$$

جستجو

-۸- عبارت های زیر را تمیزه کنید.

$$x^3 - 12x + 3y = (x-3)(x-1)$$

$$\text{ج: } 25x^3 + 40xy + 35y^3 = (5x+4y)^3$$

$$\text{د: } x^3 - 14x = x(x^2 - 4) = x(x-2)(x+2)$$

$$= (5x+4y)(5x-4y)$$

شود

-۹- با استفاده از اتماد تساوی مقابله اثبات کنید.

$$(a+b)^3 - (a-b)^3 = 12ab$$

$$\text{جستجو: } a^3 + rab + b^3 - (a^3 - rab + b^3) = a^3 + rab + b^3 - a^3 + rab - b^3 = 2rab$$

شود

-۱۰- حاصل هر عبارت را به کمک اتمادها بدست آورید.

$$\text{الف: } 598 \times 402 = (400-2)(400+2) = 400^2 - 2^2 = 160000 - 4 = 1599996$$

$$\text{ب: } 99^3 = (100-1)^3 = 100^3 - 3(100)(1) + 1^3 = 1000000 - 300 + 1 = 999991$$

-۱۱- الف) عبارت کلامی زیر را به زبان ریاضی بنویسید.

$$\frac{1}{r}a + \epsilon b \geq r$$

«مجموع نصف عدد  $a$  و چهار برابر عدد  $b$  مداخله  $r$  واحد است.»

ب) علامت عدد های  $a$  و  $b$  را طوری تعیین کنید که نابرابری  $\langle ab \rangle$  برقرار باشد.

$$\text{جواب: } a > 0, b < 0$$

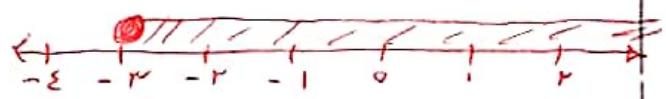
$$\text{ردیغ: } a < 0, b > 0$$

-۱۲- مجموعه جواب نامعادله زیر را روی محور نشان دهید.

$$y(x+1) \geq x - 1 \rightarrow rx + r \geq x - 1$$

$$\rightarrow rx - x \geq -1 + r \rightarrow rx \geq -1 + r$$

$$\rightarrow x \geq \frac{-1 + r}{r} \rightarrow x \geq -1 + r$$



-۱۳- نامعادله زیر را حل کنید و مجموعه جواب آنرا مشخص کنید.

$$\frac{x}{r} - \frac{1}{r} < \frac{x-1}{r} \rightarrow rx - r < rx - 1$$

$$rx - rx < -1 + r$$

$$x < r \rightarrow \boxed{\text{جواب}} = \{x \in \mathbb{R} \mid x < r\}$$

حل ریاضی

در پناه مق. موفق و پیروز باشید.

@riazicafe