

نمونه سوال فصل ۸ ریاضی نهم

<p>درستی جملات زیر را بررسی کنید.</p> <p>الف) حجم های هندسی به سه دسته تقسیم می شوند. منشوری، هرمی و کروی.</p> <p><input type="checkbox"/> غ <input checked="" type="checkbox"/> ص</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> غ <input type="checkbox"/> ص</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> غ <input type="checkbox"/> ص</p> <p><input type="checkbox"/> غ <input checked="" type="checkbox"/> ص</p> <p><input type="checkbox"/> غ <input checked="" type="checkbox"/> ص</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> غ <input type="checkbox"/> ص</p>	<p>ب) مساحت کره ای به شعاع R برابر است با $\frac{4}{3}\pi R^3$.</p> <p>ج) اگر شعاع کره ای را ۲ برابر کنیم، حجم آن ۶ برابر می شود.</p> <p>د) از دوران مستطیل حول یکی از اضلاعش استوانه بدست می آید.</p> <p>ه) از دوران مثلث قائم الزاویه حول یکی از اضلاع زاویه ای قائمه اش محروم به وجود می آید.</p> <p>و) مساحت یک کره ای توپر برابر است با $\frac{4}{3}\pi R^3$.</p>	۱
<p>@riaziCafe</p>	<p>جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) مجموعه نقاطی از فضا که از نقطه ثابتی به یک فاصله هستند کره نامیده می شود.</p> <p>ب) در هرم منتظم، قاعده یک چندضلعی منتظم باشد و وجه های جانبی باهم همنهشت هستند.</p> <p>ج) اگر دو هرم دارای قاعده های هم مساحت و ارتفاع مساوی باشند حجم های آنها باهم برابرند.</p> <p>د) اگر قاعده یک هرم، دایره باشد شکل را مخروط می نامند.</p> <p>ه) از دوران یک نیم دایره به قطر ۱۰ حول قطرش کره ای به حجم $\frac{500\pi}{3}$ به وجود می آید.</p> <p>و) از دوران ربع دایره حول شعاع آن نیم کره به وجود می آید.</p> <p>ز) مساحت کل مکعبی به ضلع a برابر است با $6a^2$.</p>	۲
<p>در هر سوال پاسخ درست را با علامت مشخص کنید.</p> <p>الف) مساحت رویه‌ی یک نیم کره به شعاع R برابر است با.....</p>	<p><input type="checkbox"/> $\frac{4}{3}\pi R^2$ (۴)</p> <p><input type="checkbox"/> $4\pi R^2$ (۳)</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> $2\pi R^2$ (۲)</p> <p><input type="checkbox"/> πR^2 (۱)</p>	۳
<p>ب) مساحت جانبی هرم منتظم با قاعده مربع، ۶۰ سانتی مترمربع است. مساحت هر وجه جانبی برابر است با</p>	<p><input type="checkbox"/> ۱۲ (۴)</p> <p><input type="checkbox"/> ۲۰ (۳)</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> ۱۵ (۲)</p> <p><input type="checkbox"/> ۳۰ (۱)</p>	۴
<p>ج) ضلع یک چهاروجهی منتظم ۶ سانتیمتر باشد مساحت کل این هرم چقدر است؟</p>	<p><input type="checkbox"/> $9\sqrt{3}$ (۴)</p> <p><input type="checkbox"/> $72\sqrt{3}$ (۳)</p> <p><input checked="" type="checkbox"/> $18\sqrt{3}$ (۲)</p> <p><input type="checkbox"/> $36\sqrt{3}$ (۱)</p>	۵
<p>ه) قاعده‌ی یک هرم، مربعی به ضلع ۷ سانتی متر و ارتفاع هرم ۱۲ سانتیمتر است. حجم این هرم چقدر است؟</p>	<p><input checked="" type="checkbox"/> ۱۹۶ (۴)</p> <p><input type="checkbox"/> ۲۱ (۳)</p> <p><input type="checkbox"/> ۲۸ (۲)</p> <p><input type="checkbox"/> ۸۴ (۱)</p>	۶
<p>حجم کره ای به شعاع ۹ سانتی متر را محاسبه کنید. (نوشتن فرمول حجم کره الزامی است)</p>	$V = \frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{4}{3}\pi \times 9 \times 9 \times 9 = 972\pi \text{ cm}^3$	۷
	<p>حجم نیم کره ای را به شعاع ۳ را به دست آورید.</p>	۸
	$V = \frac{2}{3}\pi R^3 = \frac{2}{3}\pi \times 3 \times 3 \times 3 = 18\pi$	۹
<p>مساحت کره ای به شعاع ۵ سانتیمتر را حساب کنید. (با نوشتن فرمول)</p>	$S = 4\pi R^2 = 4\pi \times 5 \times 5 = 100\pi \text{ cm}^2$	۱۰

۷

الف) اگر یک کره با یک صفحه بریده شود سطح بریده شده چه شکلی خواهد داشت؟ **دایره** در چه صورت این شکل بیشترین مساحت را دارد؟ **اگر صفحه از مرکز کره بگذرد، دایره‌ی ایجاد شده بیشترین مساحت را دارد که شعاع آن با شعاع کره برابر است.**

ب) حجم یک کره به قطر ۱۰ سانتیمتر را محاسبه کنید. **شعاع دایره ۵ سانتیمتر است**

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{4}{3} \pi \times 5 \times 5 \times 5 = \frac{500}{3} \pi \text{ cm}^3$$

$$4\pi R^3 = 144\pi$$

$$R^3 = \frac{144\pi}{4\pi} = 36 \Rightarrow R = \sqrt[3]{36} = 6$$

اگر مساحت یک کره 144π باشد، حجم آن را محاسبه کنید.

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{4}{3} \pi \times 6 \times 6 \times 6 = 288\pi$$

حجم هرمی که ارتفاع آن h و قائمه آن مربعی به ضلع a می‌باشد را به صورت یک عبارت جبری بنویسید.

$$V = \frac{1}{3} S \cdot h = \frac{1}{3} a^2 h$$

۸

۹

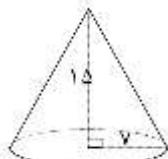
۱۰

حجم هرمی را بدست بیاورید که قاعده آن مستطیلی به طول ۱۱ سانتی متر و عرض ۷ سانتی متر و ارتفاع هرم ۶ سانتی

$$V = \frac{1}{3} S \cdot h = \frac{1}{3} (11 \times 7) \times 6 = 154 \text{ cm}^3$$

متر است.

۱۱

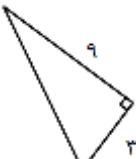


حجم مخروط مقابل را به دست آورید.

$$V = \frac{1}{3} S \cdot h = \frac{1}{3} (7 \times 7 \times \pi) \times 15 = 245\pi$$

۱۲

مثلث زیر را **حول ضلع ۳** سانتی متری دوران دهید ارتفاع مخروط ۳ و شعاع قاعده‌ی آن ۹ است.

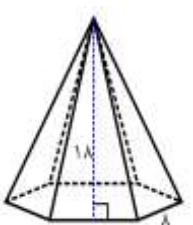


الف) حجم حاصل چه نام دارد. **مخروط**

ب) حجم شکل حاصل را بدست آورید. (نوشتن فرمول الزامی است)

$$V = \frac{1}{3} S \cdot h = \frac{1}{3} (9 \times 9 \times \pi) \times 3 = 81\pi \text{ cm}^3$$

۱۳



با توجه به شکل داده شده مساحت جانبی هرم منتظم را محاسبه کنید. ارتفاع هر وجه ۱۸ سانتی متر است.

هر وجه هرم مثلث متساوی الساقینی به قاعده‌ی ۸ و ارتفاع ۱۸ است. هرم منتظم است

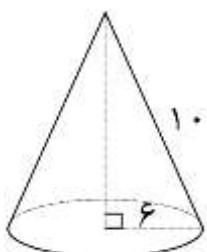
پس تمامی وجه‌های جانبی همنهشت هستند بنابراین:

$$S = 6 \left(\frac{18 \times 8}{2} \right) = 432 \text{ cm}^2$$

@riaziCafe

۱۴

با قسمتی از یک دایره به شعاع ۱۰ سانتیمتر مخروط مقابل را ساخته ایم. اگر شعاع قاعده‌ی مخروط ۶ سانتیمتر باشد حجم آن را محاسبه کنید. (راهنمایی: ابتدا ارتفاع مخروط را محاسبه نمایید).



$$h^2 = 10^2 - 6^2 = 100 - 36 = 64$$

$$h = \sqrt{64} = 8 \text{ cm}$$

$$V = \frac{1}{3} S \cdot h = \frac{1}{3} (6 \times 6 \times \pi) \times 8 = 96\pi \text{ cm}^3$$

موفق باشید